

11. SINIF

GEOMETRİ - IV

KONİKLER

Parabol - Hiperbol - Elips

SONUÇ YAYINLARI

11 SINIF GEOMETRİ - IV

Konikler, Parabol, Elips, Hiperbol

Bu kitabın tamamının ya da bir kısmının, kitabı yayımlayan şirketin önceden izni olmaksızın elektronik, mekanik, fotokopi ya da herhangi bir kayıt sistemiyle çoğaltıması, yayımlanması ve depolanması yasaktır.

Bu kitabın tüm hakları, Etkin Sonuç Yayıncılık Mat. Dağ. Eğt. San. Tic. Ltd. Şti.'ne aittir.

Baskı Tarihi

Eylül – 2012

Baskı – Cilt



MATBAACILIK SAH. VE TİC. AŞ

Bahçekapı Mah. 2460. Sok. Nu.:7

06370 Şişmaz / ANKARA

Tel: (0312) 278 34 84 (pbx)

www.tunamatbaacilik.com.tr

Sertifika No: 16102

Dizgi – Grafik

Sonuç Yayınları Dizgi Birimi

Ana Dağıtım

Necatibey Cad. Oyak İş Merkezi 51/19

Çankaya / ANKARA

Tel: (0 312) 229 02 81

Cep: (0 533) 215 06 84

İÇİNDEKİLER

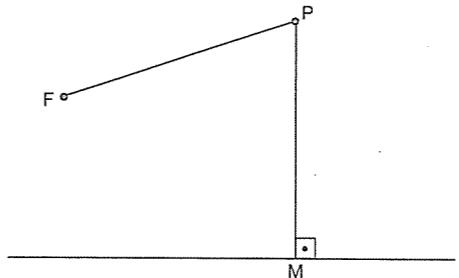
KONİKLERİN TEMEL ELAMANLARI VE SINIFLANDIRILMASI	5
PARABOL	13
ELİPS	28
HİPERBOL	49

KONİKLERİN TEMEL ELAMANLARI VE SINIFLANDIRILMASI	64
TEST	
PARABOL	66
TEST	
ELİPS	68
TEST	
HİPERBOL	70
TEST	

ÇIKMIŞ SORULAR	72
----------------------	----

Konığın Temel Elemanları - I

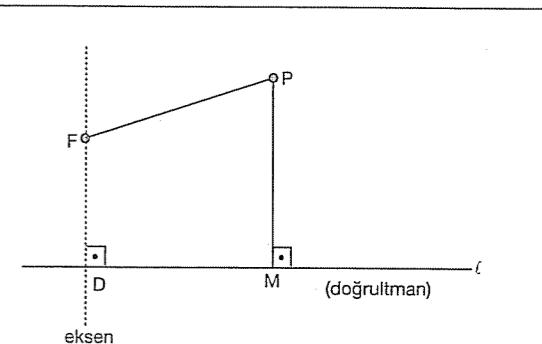
- Düzlemede sabit bir noktaya uzaklığının, sabit bir doğruya uzaklıği oranı sabit olan noktaların geometrik yerine konik denir.



Burada sabit doğruya konığın doğrultmanı (ℓ), sabit noktaya konığın odağı (F), sabit orana da konığın dış merkezliği (e) ve bunların hepsine de konığın temel elemanları denir.

- Konik üzerindeki herhangi bir nokta P olmak üzere P den geçen ve ℓ doğrultmanını dik kesen doğru ile ℓ nin kesim noktası M olmak üzere

$$\text{konığın denklemi, } \frac{|FP|}{|MP|} = e \text{ ile verilir.}$$



- Konığın odağından geçen ve doğrultmana dik olan doğruya konığın ekseni denir. Konığın ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası D ile gösterilir.

Her konik kendi eksene göre simetiktir.

- Konığın ekseni ile kesiştiği noktalara konığın tepe noktaları denir. Bir konığın T tepe noktası ya DF doğru parçası üzerinde ya da doğru parçasının dışındadır.

DF doğru parçası üzerinde olan tepe noktası,

$$T = \frac{F + eD}{1 + e}; \quad \text{DF doğru parçasının dışında olan}$$

$$\text{tepe noktası } T = \frac{F - eD}{1 - e}, e \neq 1 \text{ biçimindedir.}$$

Koniğin Temel Elemanları - II

Örnek - 1

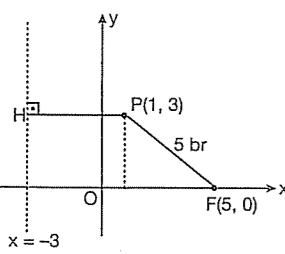
Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $x = -3$ ve konik üzerindeki bir nokta $P(1, 3)$ veriliyor.

Koniğin odak noktası $F(5, 0)$ olduğuna göre, dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{4}$ C) 1 D) $\frac{5}{4}$ E) $\frac{6}{5}$

Çözüm

Bir koniğin dış merkezliği, konik üzerindeki herhangi bir noktanın odağı uzaklığının doğrultmana uzaklığına oranıdır.



$$e = \frac{|PF|}{|PH|} = \frac{5}{4}$$

Cevap D

TEST - 1

1. Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $x = -5$ ve konik üzerindeki bir nokta $P(-1, 2)$ veriliyor.

Koniğin odak noktası $F(1, 0)$ olduğuna göre, dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{2}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D) 1 E) $\frac{2\sqrt{2}}{5}$

2. Odağı $F(1, 4)$ noktası ve doğrultmani $x + y - 3 = 0$ doğrusu olan koniğin üzerindeki bir nokta $P(3, 2)$ olduğuna göre, koniğin dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ C) 1 D) $\frac{4\sqrt{2}}{5}$ E) 2

sonuç yayınıları

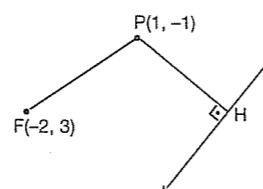
Örnek - 2

Odağı $F(-2, 3)$ noktası ve doğrultmani $3x - 4y + 3 = 0$ doğrusu olan koniğin üzerindeki bir nokta $P(1, -1)$ olduğuna göre, koniğin dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{5}{2}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{5}{4}$ E) 1

Çözüm

Verilen bilgilere göre yandaki şekil çizildiğinde;



$$3x - 4y + 3 = 0$$

$$|PF| = \sqrt{(1 - (-2))^2 + (-1 - 3)^2} = 5 \text{ br}$$

$$|PH| = \frac{3 \cdot 1 - 4 \cdot (-1) + 3}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = 2 \text{ br}$$

Buna göre, koniğin dış merkezliği,

$$e = \frac{|PF|}{|PH|} = \frac{5}{2}$$

Cevap B

Koniğin Temel Elemanları - III

Örnek

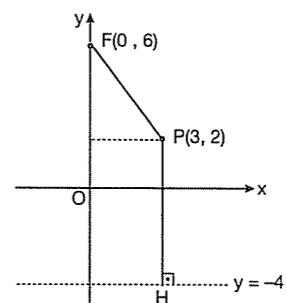
Analitik düzlemede odak noktası $F(0, 6)$ ve doğrultman doğrusunun denklemi $y = -4$ olan bir konik veriliyor.

$P(3, 2)$ noktası konik üzerinde bir nokta olduğuna göre, koniğin dış merkezliği kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{5}{3}$ D) 2 E) $\frac{5}{6}$

Çözüm

Verilen bilgilere göre yandaki şekil çizildiğinde,



$$|PF| = \sqrt{(3 - 0)^2 + (2 - 6)^2} = 5 \text{ br}$$

$$|PH| = 6 \text{ br dir.}$$

Buna göre, koniğin dış merkezliği,

$$e = \frac{|PF|}{|PH|} = \frac{5}{6}$$

Cevap: E

TEST - 2

1. Analitik düzlemede odak noktası $F(0, 5)$ ve doğrultman doğrusunun denklemi $y = 1$ olan bir konik veriliyor.

$P(2, 3)$ noktası konik üzerinde bir nokta olduğuna göre, koniğin dış merkezliği kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B) $\sqrt{2}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{3}$

- D) $\frac{2\sqrt{2}}{5}$ E) 2

2. Analitik düzlemede odak noktası $F(0, -4)$ ve doğrultman doğrusu $y = 2$ olan bir konik veriliyor. $P(2, -2)$ noktası konik üzerinde bir nokta olduğuna göre, koniğin dış merkezliği kaçtır?

- A) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{5}$

- D) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ E) $\frac{2\sqrt{2}}{5}$

sonuç yayınıları

Konığın Temel Elemanları – IV

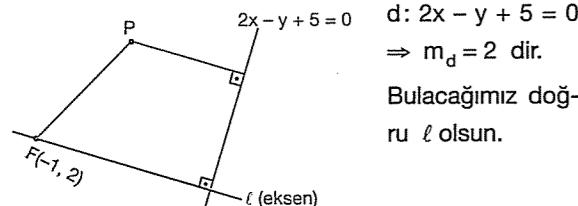
Örnek – 1

Odağı $F(-1, 2)$ noktası, doğrultmanı $d: 2x - y + 5 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor.

Buna göre, konığın odağından geçen ve doğrultmanı dik kesen doğrunun (konığın ekseni) denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x + y - 3 = 0$ B) $2x + y - 5 = 0$
 C) $x + 2y - 3 = 0$ D) $x + y = 0$
 E) $x + 2y = 0$

Çözüm



$$d \perp l \Rightarrow m_d \cdot m_l = -1$$

$$2 \cdot m_l = -1 \Rightarrow m_l = -\frac{1}{2}$$

Eğimi ve bir noktası bilinen doğru denkleminden;

$$\Rightarrow l: y - 2 = -\frac{1}{2}(x + 1)$$

$$\Rightarrow l: x + 2y - 3 = 0$$

Cevap C

Örnek – 2

Odağı $F(3, 2)$ noktası ve doğrultmanı $d: x + y - 4 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor. Bu konığın odağından geçen ve doğrultmanını dik kesen doğru ℓ olmak üzere d doğrusu ile ℓ doğrusunun kesim noktasının (D noktasının) koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(1, 3)$ B) $(-2, 5)$ C) $(\frac{5}{2}, 3)$
 D) $(\frac{1}{2}, -3)$ E) $(\frac{5}{2}, \frac{3}{2})$

Çözüm

$$d: x + y - 4 = 0 \Rightarrow m_d = -1$$

$$d \perp \ell \Rightarrow m_d \cdot m_\ell = -1$$

$$\Rightarrow -1 \cdot m_\ell = -1 \Rightarrow m_\ell = 1 \text{ bulunur.}$$

Eğimi ve bir noktası bilinen doğru denkleminden;

$$\Rightarrow \ell: y - 2 = 1(x - 3)$$

$$\Rightarrow \ell: x - y - 1 = 0 \text{ bulunur.}$$

d ve ℓ nin kesim noktasını bulmak için ortak çözüm yapılır.

$$x + y - 4 = 0$$

$$x - y - 1 = 0$$

$$2x = 5$$

$$x = \frac{5}{2} \Rightarrow y = \frac{3}{2} \text{ bulunur.}$$

Buna göre, kesim noktası $(\frac{5}{2}, \frac{3}{2})$ bulunur.

Cevap E

TEST - 3

1. Odağı $F(2, 1)$ noktası ve doğrultmanı

$d: 3x - 2y + 5 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor. Buna göre, konığın odağından geçen ve doğrultmanını dik kesen doğrunun (konığın ekseni) denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x + 3y - 7 = 0$ B) $x + 3y - 5 = 0$
 C) $2x - 3y + 3 = 0$ D) $2x + 3y - 1 = 0$
 E) $3y + 2x + 7 = 0$

2. Odağı $F(-2, 1)$ noktası ve doğrultmanı

$d: x - y + 5 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor. Bu konığın odağından geçen ve doğrultmanını dik kesen doğru ℓ olmak üzere d doğrusu ile ℓ doğrusunun kesim noktasının (D noktasının) koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-1, 2)$ B) $(2, -3)$ C) $(-3, 2)$
 D) $(1, -2)$ E) $(2, 3)$

Konığın Temel Elemanları – V

Örnek

Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $y = 5$ odak noktası $F(3, 1)$ ve dış merkezliği $\sqrt{2}$ olan konığın denklemi bulunuz.

Çözüm

$P(x, y)$ konığın üzerinde değişken bir nokta

F : odak noktası

e : konığın dış merkezliği

$|PH|$: P noktasının doğuya uzaklığını ölçmek üzere, konığın denklemi;

$$e = \frac{|PF|}{|PH|} \text{ ile bulunabilir.}$$

$$\sqrt{2} = \frac{\sqrt{(x-3)^2 + (y-1)^2}}{y-5} \Rightarrow 2 = \frac{(x-3)^2 + (y-1)^2}{(y-5)^2}$$

$$\Rightarrow 2(y^2 - 10y + 25) = x^2 - 6x + 9 + y^2 - 2y + 1$$

$$\Rightarrow 2y^2 - 20y + 50 = x^2 - 6x + 9 + y^2 - 2y + 1$$

$$\Rightarrow x^2 - y^2 - 6x + 18y - 40 = 0 \text{ konığın denklemidir.}$$

TEST - 4

1. Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $y = -2$, odak noktası $F(2, 3)$ ve dış merkezliği 2 olan konığın denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - 3y^2 + 4x - 16y + 5 = 0$
 B) $x^2 - 2y^2 + 8x - 21y + 10 = 0$
 C) $x^2 - 3y^2 - 4x - 22y - 3 = 0$
 D) $x^2 - 3y^2 + 6x - 20y + 5 = 0$
 E) $x^2 - 3y^2 - 4x - 16y + 3 = 0$

2. Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $x = 5$, odak noktası $F(7, 2)$ ve dış merkezliği $\frac{\sqrt{2}}{2}$ olan konığın denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 + 2y^2 - 14x + 8y + 49 = 0$
 B) $x^2 + 2y^2 + 18x - 8y + 50 = 0$
 C) $x^2 + 2y^2 - 14x - 8y - 57 = 0$
 D) $x^2 + 2y^2 - 18x - 8y + 81 = 0$
 E) $x^2 + 4y^2 - 14x + 18y + 54 = 0$

Konigin Temel Elemanları - VI

Örnek

Odak noktası $F(-1, 3)$, ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(2, 0)$ ve dış merkezliği 2 olan konigin tepe noktasının koordinatlarını bulunuz.

Çözüm

Tepe noktası T olmak üzere;

$[DF]$ doğru parçasının üzerindeki koordinatları

$$T = \frac{F + eD}{1+e} \Rightarrow T = \frac{(-1, 3) + 2(2, 0)}{1+2} = (1, 1)$$

$[DF]$ doğru parçasının dışındaki koordinatları,

$$T = \frac{F - eD}{1-e} \Rightarrow T = \frac{(-1, 3) - 2(2, 0)}{1-2} = (5, -3) \text{ dür.}$$

TEST - 5

1. Odak noktası $F(2, 2)$ ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(2, -2)$ ve dış merkezliği 3 olan konigin DF doğru parçası üzerindeki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(0, 1)$ B) $(1, 1)$ C) $(1, 0)$
D) $(2, -1)$ E) $(1, 2)$

3. Odak noktası $F(-3, 2)$ ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(1, 0)$ ve dış merkezliği 2 olan konigin $[DF]$ doğru parçası üzerindeki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(2, \frac{3}{2}\right)$ B) $\left(-\frac{1}{3}, \frac{2}{3}\right)$ C) $(2, 1)$

- D) $(4, 3)$ E) $\left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$

4. Odak noktası $F(2, 4)$ ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(-3, 3)$ ve dış merkezliği $\frac{1}{3}$ olan konigin $[DF]$ doğru parçası dışındaki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$ B) $\left(\frac{2}{3}, -\frac{9}{2}\right)$ C) $\left(\frac{9}{2}, \frac{9}{2}\right)$

- D) $\left(\frac{9}{2}, -\frac{9}{2}\right)$ E) $\left(\frac{2}{3}, -\frac{4}{3}\right)$

sonuç yayınıları

2. Odak noktası $F(-1, 3)$ ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(2, 4)$ ve dış merkezliği $\frac{1}{2}$ olan konigin $[DF]$ doğru parçası dışındaki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-1, 2)$ B) $(-3, 1)$ C) $(4, 0)$
D) $(-4, 2)$ E) $(2, 1)$

Konigin Temel Elemanları - VII

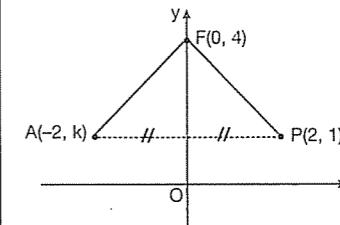
Örnek

Odağı $F(0, 4)$ doğrultmani $y = 0$ doğrusu olan bir konigin üzerindeki iki noktası $P(2, 1)$ ve $A(-2, k)$ olduğuna göre, k kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 3

Çözüm

Verilen konigin odağı $F(0, 4)$ noktası ve doğrultmanı $y = 0$ doğrusu olduğundan ekseni $x = 0$ doğrusudur. Her konik kendi eksene göre simetrik olduğundan konik üzerindeki her noktada eksene göre simetrik olmalıdır.



Yandaki şekil incelendiğinde P noktasının eksene göre simetriği A noktası olduğu görülmüştür.

O halde, $k = 1$ olmalıdır.

Cevap C

TEST - 6

1. Odağı $F(0, 6)$ doğrultmani $y = 0$ doğrusu olan bir konigin üzerindeki iki noktası $P(-4, 2)$ ve $A(4, k)$ olduğuna göre, k kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4

2. Odağı $F(4, 0)$ doğrultmani $x = 0$ doğrusu olan bir konigin üzerindeki iki noktası $P(-2, 1)$, $A(k, -1)$ olduğuna göre, k kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

sonuç yayınıları

Koniklerin Sınıflandırılması

Örnek

Analitik düzlemede odak noktası $F(3, 0)$ ve doğrultman doğrusunun denklemi $3x - 4y - 10 = 0$ olan konik $P(-1, 3)$ noktasından geçmektedir. Bu koniğin türünü bulunuz.

Konikler dış merkezlik olan e sayısına göre sınıflandırılır.

1. $e = 1 \Rightarrow$ parabol
2. $0 < e < 1 \Rightarrow$ elips
3. $e > 1 \Rightarrow$ hiperbol olur.

Çözüm

Önce koniğin dış merkezliğini bulalım;

$$|PF| = \sqrt{(3 - (-1))^2 + (0 - 3)^2} = 5 \text{ br}$$

$|PM|$; $P(-1, 3)$ noktasının $3x - 4y - 10 = 0$ doğrusuna uzaklığını olmak üzere;

$$|PM| = \frac{|3(-1) - 4 \cdot 3 - 10|}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = 5 \text{ br} \text{ bulunur.}$$

$$e = \frac{|PF|}{|PM|} \Rightarrow e = \frac{5}{5} = 1 \Rightarrow \text{Bu konik bir parabol}\text{d}\ddot{\text{u}}\text{r.}$$

TEST - 7

1. Dış merkezliği $e = \frac{4}{2k+2}$ olan konik parabol olduğuna göre, k kaçtır? ($k \neq -1$)

A) -2 B) 0 C) 1 D) 2 E) 3
2. Analitik düzlemede odak noktası $F(2, 0)$, doğrultman doğrusu $x = -4$ ve konik üzerindeki bir nokta $P(-2, 3)$ olduğuna göre, bu koniğin cinsini bulunuz.
3. Analitik düzlemede odak noktası $F(-4, 0)$, doğrultman doğrusu $x + y + 8 = 0$ doğrusu olan konik $P(-2, 2)$ noktasından geçmektedir. Buna göre, bu koniğin cinsini bulunuz.
4. Analitik düzlemede odak noktası $F(2, -1)$, doğrultman doğrusu $y = b$ ve $P(-1, 3)$ noktasından geçen konik bir parabol belirttiğine göre, b nin alabileceği değerleri bulunuz.

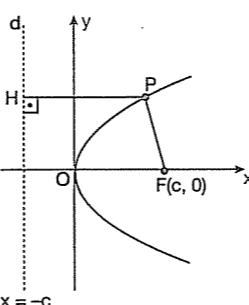
1. C 2. hiperbol 3. elips 4. (-2) ve (8)

Parabol - I

Örnek

Doğrultmanı $x = -4$ ve köşesi $O(0, 0)$ olan parabolün denklemi yazıp grafiğini çiziniz.

Düzlemede sabit bir noktaya ve sabit bir doğruya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yerine parabol denir.



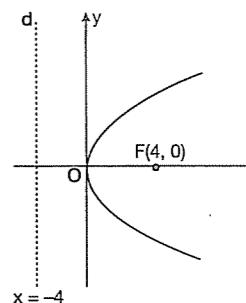
- Yandaki şekilde F sabit noktası, d sabit doğrudur.
- Parabolün;
- > odağı $F(c, 0)$
- > doğrultmanı $x = -c$
- > simetri ekseni x ekseni
- > denklemi $y^2 = 4cx$
- > doğrultmana en yakın nokta olan $O(0, 0)$ köşesidir.

Çözüm

Parabolün doğrultmanı $x = -c$ doğrusudur. $x = -c$ ise $-c = -4 \Rightarrow c = 4$ dür.

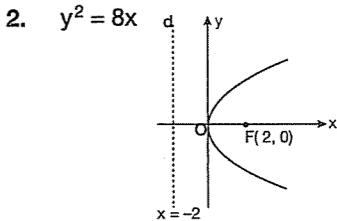
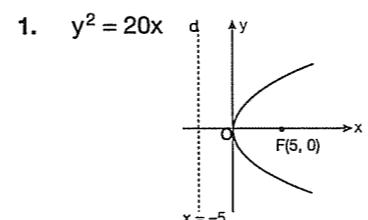
Parabolün odağı $F(c, 0) = F(4, 0)$ olup denklemi $y^2 = 4cx \Rightarrow y^2 = 16x$ olur.

Bu parabolün grafiği aşağıdaki gibidir.



TEST - 1

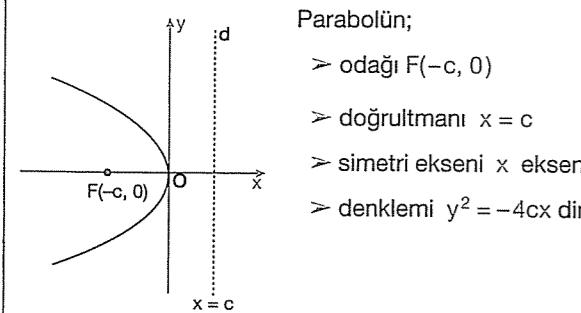
1. Doğrultmanı $x = -5$ doğrusu ve köşesi $O(0, 0)$ olan parabolün denklemi yazıp grafiğini çiziniz.
2. Doğrultmanı $x = -2$ doğrusu ve köşesi $O(0, 0)$ olan parabolün denklemi yazıp grafiğini çiziniz.



Parabol - II

Örnek

Doğrultmanı $x = 4$ ve odağı $F(-4, 0)$ olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.



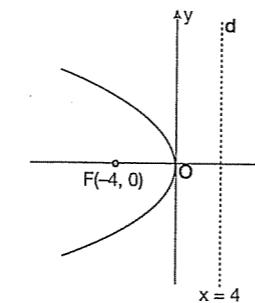
Çözüm

Parabolün doğrultmanı $x = c$ doğrusudur.

$x = 4$ ise $c = 4$ dür.

Parabolün odağı $F(-c, 0) = F(-4, 0)$ olup denklemi $y^2 = -4cx \Rightarrow y^2 = -16x$ olur.

Bu parabolün grafiği aşağıdaki gibidir.



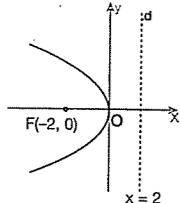
TEST - 2

1. Doğrultmanı $x = 2$ ve odağı $F(-2, 0)$ olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.

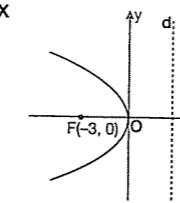
2. Doğrultmanı $x = 3$ ve simetri eksenini x eksenini olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.

sonuç yayınıları

1. $y^2 = -8x$



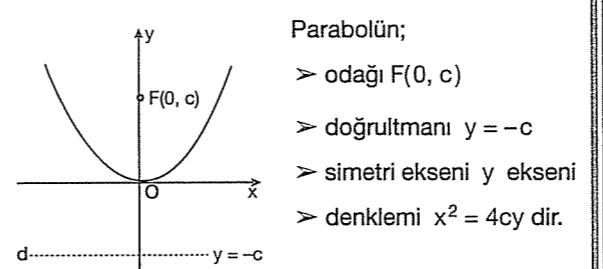
2. $y^2 = -12x$



Parabol - III

Örnek

Doğrultmanı $y = -3$ ve odağı $F(0, 3)$ olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.



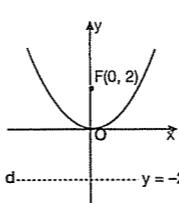
TEST - 3

1. Doğrultmanı $y = -2$ ve odağı $F(0, 2)$ olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.

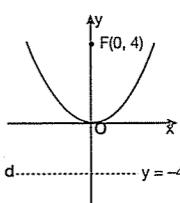
2. Doğrultmanı $y = -4$ ve simetri eksenini y eksenini olan parabolün denklemini yazıp grafiğini çiziniz.

sonuç yayınıları

1. $x^2 = 8y$

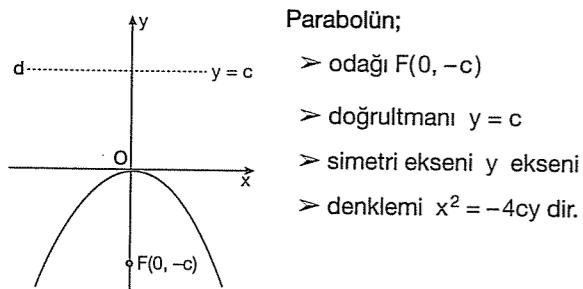


2. $x^2 = 16y$



Parabol - IV**Örnek**

Doğrultmanı $y = 5$ ve odağı $F(0, -5)$ olan parabolün denklemi yazıp grafiğini çiziniz.

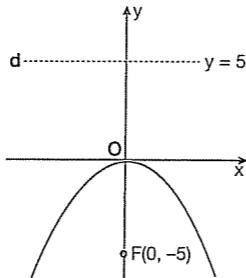
**Çözüm**

Parabolün doğrultmanı $y = c$ doğrusudur.

$y = 5$ ise $c = 5$ dir.

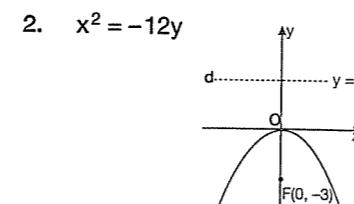
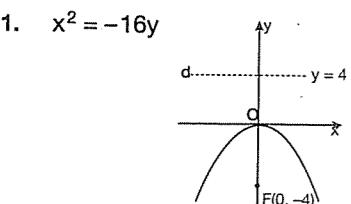
Parabolün odağı $F(0, -c) = F(0, -5)$ olup denklemi $x^2 = -4cy \Rightarrow x^2 = -20y$ olur.

Bu parabolün grafiği aşağıdaki gibidir.

**TEST - 4**

1. Doğrultmanı $y = 4$ ve odağı $F(0, -4)$ olan parabolün denklemi yazıp grafiğini çiziniz.

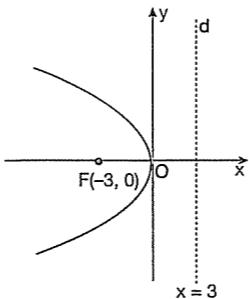
2. Odağı $F(0, -3)$ ve doğrultmanı $y - 3 = 0$ doğrusu olan parabolün denklemi bulunuz ve grafiğini çiziniz.



sonuç yayınları

Parabol - V**Örnek**

Yanda doğrultmanı ve grafiği verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?



- A) $x^2 = 12y$ B) $x^2 = -12y$ C) $x^2 = -9y$
D) $y^2 = -12x$ E) $y^2 = 12x$

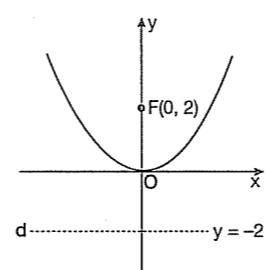
Çözüm

Şekilde grafiği verilen parabolün doğrultmanı $x = 3 \Rightarrow c = 3$,

Parabolün odağı $F(-c, 0) = F(-3, 0)$ olup, denklemi $y^2 = -4cx \Rightarrow y^2 = -12x$ olur.

Cevap D**TEST - 5**

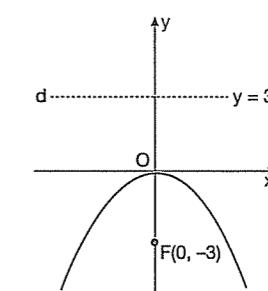
1.



Şekilde grafiği ve doğrultmanı verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 = -8y$ B) $x^2 = 8y$ C) $y^2 = -12x$
D) $y^2 = 8x$ E) $y^2 = -8x$

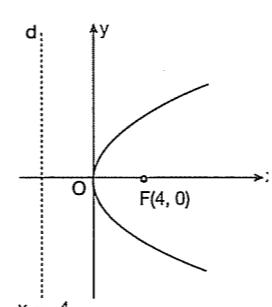
3.



Şekilde grafiği ve doğrultmanı verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 = -12y$ B) $x^2 = 8y$ C) $y^2 = 12y$
D) $x^2 = 12y$ E) $y^2 = -12x$

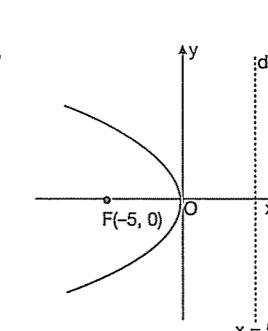
2.



Şekilde grafiği ve doğrultmanı verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = -8y$ B) $x^2 = 8y$ C) $x^2 = -16y$
D) $y^2 = 16x$ E) $x^2 = 16y$

4.



Şekilde grafiği ve doğrultmanı verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = 20x$ B) $x^2 = 20y$ C) $y^2 = -20x$
D) $x^2 = 15y$ E) $y^2 = 15x$

1. B 2. D 3. A 4. C

Parabol - VI

Örnek -1

Simetri eksenin x ekseni olan ve P(3, 6) noktasından geçen parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (0, 3) B) (3, 0) C) (-3, 0)
D) (2, 0) E) (-2, 0)

Cözüm

Simetri eksenin x ekseni olan parabolün denklemi $y^2 = 4cx$ veya $y^2 = -4cx$ dir.

P(3, 6) noktası parabol üzerinde olduğundan parabol denklemi sağlar.

$$y^2 = 4cx \Rightarrow 6^2 = 4 \cdot c \cdot 3$$

$\Rightarrow c = 3$ olur. Buna göre,

Parabolün odak noktası; F(c, 0) = F(3, 0) dir.

Cevap B

Örnek -2

Simetri eksenin y ekseni olan ve P(4, 2) noktasından geçen parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (0, 4) B) (0, 2) C) (0, -2)
D) (0, -4) E) (-2, 0)

Cözüm

Simetri eksenin y ekseni olan parabolün denklemi $x^2 = 4cy$ veya $x^2 = -4cy$ dir.

P(4, 2) noktası parabol üzerinde olduğundan parabol denklemi sağlar. Buna göre,

$$x^2 = 4cy \Rightarrow 4^2 = 4 \cdot c \cdot 2$$

$\Rightarrow c = 2$ olur.

Parabolün odak noktası; F(0, c) = F(0, 2) dir.

Cevap B

Parabol - VII

Örnek

F(0, 3) noktası ve $y = -3$ doğrusuna eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 = 8y$ B) $x^2 = 12y$ C) $y^2 = 12x$
D) $y^2 = 8y$ E) $x^2 = 9y$

Cözüm

I. yol :

Geometrik yere ait herhangi bir nokta P(x, y) olsun.

$$\sqrt{(x - 0)^2 + (y - 3)^2} = y + 3 \text{ olacağından}$$

$$\sqrt{x^2 + (y - 3)^2} = y + 3 \Rightarrow x^2 + (y - 3)^2 = (y + 3)^2 \\ \Rightarrow x^2 + y^2 - 6y + 9 = y^2 + 6y + 9 \\ \Rightarrow x^2 = 12y$$

II. yol :

İstenen geometrik yer odağı F(0, 3) ve doğrultusunu $y = -3$ olan paraboldür.

Bu parabolün denklemi;

$$x^2 = 4cy \Rightarrow x^2 = 12y \text{ bulunur.}$$

Cevap B

TEST - 6

1. Simetri eksenin y ekseni olan ve P(2, -1) noktasından geçen parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-1, 0) B) (-2, 0) C) (0, 1)
D) (0, -1) E) (0, 2)

2. Simetri eksenin x ekseni olan ve P(-2, 4) noktasından geçen parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-1, 0) B) (-2, 0) C) (2, 0)
D) (1, 0) E) (3, 0)

TEST - 7

1. F(4, 0) noktası ile $x = -4$ doğrusuna eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = 16x$ B) $y^2 = 8x$ C) $y^2 = -16x$
D) $x^2 = 16y$ E) $x^2 = -16y$

3. F(0, 2) noktası ile $y + 2 = 0$ doğrusuna eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

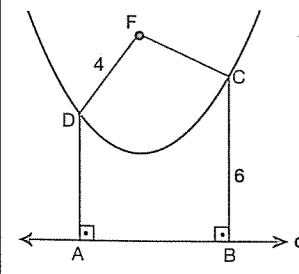
- A) $x^2 = -8y$ B) $x^2 = 8y$ C) $x^2 = 4y$
D) $x^2 = -4y$ E) $x^2 = -12y$

4. F(0, -5) noktası ile $y = 5$ doğrusuna eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 = 10y$ B) $x^2 = -10y$ C) $x^2 = -20y$
D) $x^2 = 20y$ E) $y^2 = 20x$

Parabol - VIII

Örnek



Yandaki şekilde odağı F noktası ve doğrultmanı d doğrusu olan parabol çizilmiştir. D ve C parabol üzerinde iki noktası ve
 $|DF| = 4$ br
 $|CB| = 6$ br dir.

Yukarıdaki verilere göre, $|AD| + |FC|$ kaç br dir?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 10 E) 12

Çözüm

Parabolün üzerindeki herhangi bir nokta odak noktasına ve doğrultman doğrusuna eşit uzaklıkta olduğundan;

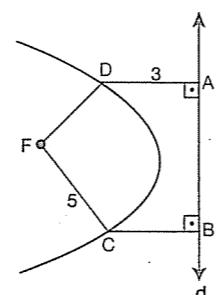
$$\begin{aligned}|AD| &= |DF| = 4 \text{ br} \\ |BC| &= |FC| = 6 \text{ br} \\ \Rightarrow |AD| + |FC| &= 10 \text{ br dir.}\end{aligned}$$

Cevap D

TEST - 8

1. $y = 4x^2$ parabolü üzerindeki bir noktası P(k , 16) dir. k nin alabileceği değerler k_1 ve k_2 olup, B(k_1 , 0) ve C(k_2 , 0) olduğuna göre, $|BC|$ kaç br dir?
- A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 8

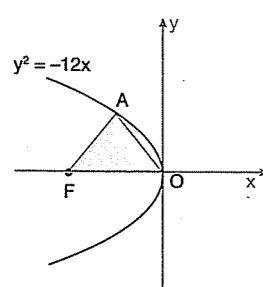
3.



Yandaki şekilde odağı F noktası doğrultmanı d doğrusu olan parabol çizilmiştir. D ve C noktaları parabol üzerinde iki noktası ve
 $|FC| = 5$ br
 $|DA| = 3$ br dir.

- Yukarıdaki verilere göre, $|FD| + |BC|$ kaç br dir?
- A) 2 B) 3 C) 5 D) 8 E) 11

2.



Sekildeki $y^2 = -12x$ parabolünün odak noktası F dir. Parabolün üzerindeki noktalardan biri A($-\frac{1}{3}, k$) olduğuna göre, A(AOF) kaç br^2 dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

sonuç yayınları

4. Simetri ekseni x ekseni olan ve (1, 2) noktasından geçen parabolün parametresi aşağıdakilerden hangisidir?

(Parabolün parametresi odak noktasının doğrultman doğrusuna uzaklığdır. Yani $2c$ dir)

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

Parabol - IX

Örnek - 1

$y^2 = 12x$ parabolünün odağıını bulunuz.

Çözüm

$$y^2 = 12x \text{ eşitliğinde } 4c = 12 \Rightarrow c = 3 \text{ dür.}$$

Parabolün odağı F($c, 0$) olduğundan F(3, 0) elde edilir.

Örnek - 2

$3y^2 + 9x = 0$ parabolünün doğrultmanını bulunuz.

Çözüm

$$\begin{aligned}3y^2 + 9x &= 0 \Rightarrow y^2 = -3x \\ -4c &= -3 \Rightarrow c = \frac{3}{4} \text{ olur.}\end{aligned}$$

Parabolün doğrultmanı

$$x = c \Rightarrow x = \frac{3}{4} \text{ dür.}$$

TEST - 9

1. $y^2 = 24x$ parabolünün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?
- A) (4, 0) B) (5, 0) C) (6, 0)
D) (8, 0) E) (12, 0)

4. $x^2 - 8y = 0$ denklemiyle verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (0, 4) B) (0, 2) C) (0, -2)
D) (0, -4) E) (0, -8)

2. $y^2 = 16x$ parabolünün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = 4$ B) $x = 8$ C) $x = 2$
D) $x = -4$ E) $x = -8$

5. $x^2 - 14y = 0$ denklemiyle verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 7$ B) $y = -7$ C) $x = \frac{7}{2}$
D) $y = -14$ E) $y = -\frac{7}{2}$

3. $x^2 = -4y$ parabolünün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (0, -1) B) $\left(0, -\frac{1}{2}\right)$ C) (0, -2)
D) (0, -4) E) (0, 4)

6. $y^2 + 4x = 0$ denklemiyle verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = -1$ B) $x = -2$ C) $x = 2$
D) $x = 1$ E) $x = 4$

Parabol - X

Örnek

Simetri ekseni x ekseni olan ve P(3, 6) noktasından geçen merkezil parabolün denklemi, odağını ve doğrultmanını bulunuz.

Çözüm

Parabolün denklemi $y^2 = 4cx$ dir.

Parabol P(3, 6) noktasından geçtiğinden
 $6^2 = 4 \cdot c \cdot 3 \Rightarrow c = 3$ bulunur.

Parabolün denklemi;

$y^2 = 12x$ dir.

Parabolün doğrultmanı;

$x = -c \Rightarrow x = -3$ dür.

Parabolün odağı;

F(3, 0) \Rightarrow F(3, 0) dir.

TEST - 10

1. $y^2 = mx$ parabolü üzerindeki bir nokta P(2, -8) olduğuna göre, bu parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

A) (-8, 0) B) (-4, 0) C) (8, 0)
 D) (0, 8) E) (12, 0)

3. Simetri ekseni y ekseni olan ve P(2, 1) noktasından geçen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y = -2$ B) $y = -1$ C) $y = 1$
 D) $y = 2$ E) $y = 4$

2. $x^2 = 4my$ parabolü üzerindeki bir nokta P(m, 2) olduğuna göre, bu parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y = -8$ B) $y = 4$ C) $y = -4$
 D) $y = 12$ E) $y = -12$

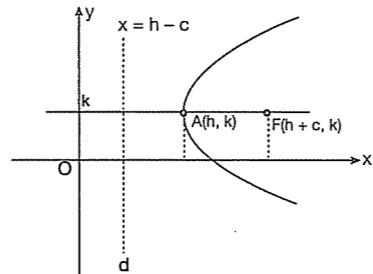
4. Simetri ekseni x ekseni olan ve P(-2, 4) noktasından geçen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

A) (-4, 0) B) (-2, 0) C) (-1, 0)
 D) (2, 0) E) (4, 0)

Parabolün Ötelenmesi - I

Örnek

Kölesi A(1, -4) ve doğrultmanı $x = -1$ olan parabolün denklemi bulunuz.



Yukarıdaki şekilde kölesi A(h, k) doğrultmanı $x = h - c$ ve odağı F(h + c, k) olan ötelenmiş parabol görülmektedir.

Bu parabolün denklemi;

$(y - k)^2 = 4c(x - h)$ dir.

Çözüm

$A(1, -4) \Rightarrow h = 1$ ve $k = -4$ tür.

Doğrultmanı $x = h - c$ olduğundan
 $x = -1 \Rightarrow -1 = 1 - c \Rightarrow c = 2$ olur.

Parabolün denklemi;

$(y - k)^2 = 4c(x - h) \Rightarrow (y + 4)^2 = 8(x - 1)$ bulunur.

TEST - 1

1. Kölesi A(2, 4) ve doğrultmanı $x = 1$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(y + 2)^2 = 4(x - 4)$ B) $(y - 4)^2 = 4(x - 2)$
 C) $(y - 4)^2 = 8(x - 2)$ D) $(y + 2)^2 = 8(x - 4)$
 E) $(y - 4)^2 = 8(x + 2)$

2. Kölesi A(-1, 3) ve doğrultmanı $x = -2$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(y + 3)^2 = 8(x + 1)$ B) $(y - 3)^2 = 8(x + 1)$
 C) $(y - 3)^2 = 4(x + 1)$ D) $(y - 1)^2 = 4(x - 3)$
 E) $(y + 1)^2 = 4(x - 3)$

3. $(y - 3)^2 = 24(x + 2)$ denklemi ile verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

A) (-2, 5) B) (4, 3) C) (7, -2)
 D) (9, -2) E) (3, -2)

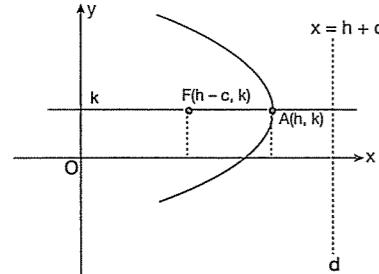
4. $(y + 4)^2 = 12(x - 2)$ denklemi ile verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x = -3$ B) $x = -2$ C) $x = -1$
 D) $x = 1$ E) $x = 2$

Parabolün Ötelenmesi – II

Örnek

Köşesi $A(2, -3)$ ve doğrultmanı $x = 4$ olan parabolün denklemi bulunuz.



Yukarıdaki şekilde köşesi $A(h, k)$ doğrultmanı $x = h + c$ ve odağı $F(h - c, k)$ olan ötelenmiş parabolün denklemi, $(y - k)^2 = -4c(x - h)$ dir.

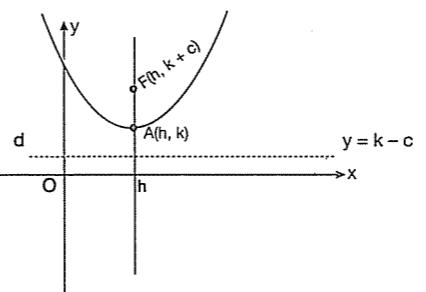
Cözüm

$A(2, -3) \Rightarrow h = 2$ ve $k = -3$ tür.
Doğrultmanı $x = h + c \Rightarrow 4 = 2 + c \Rightarrow c = 2$ olur.
Parabolün denklemi;
 $(y - k)^2 = -4c(x - h)$
 $\Rightarrow (y + 3)^2 = -8(x - 2)$ bulunur.

Parabolün Ötelenmesi – III

Örnek

Köşesi $A(4, -2)$ ve doğrultmanı $y = -4$ olan parabolün denklemi bulunuz.



Yukarıdaki şekilde köşesi $A(h, k)$ doğrultmanı $y = k - c$ ve odağı $F(h, k + c)$ olan ötelenmiş parabolün denklemi, $(x - h)^2 = 4c(y - k)$ dir.

Cözüm

$A(4, -2) \Rightarrow h = 4$ ve $k = -2$ dir.
Doğrultmanı $y = k - c$ olduğundan
 $y = -4 \Rightarrow -4 = -2 - c \Rightarrow c = 2$ olur.
Parabolün denklemi;
 $(x - 4)^2 = 8(y + 2)$ bulunur.

TEST - 2

1. Köşesi $A(4, 1)$ ve doğrultmanı $x = 8$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(y - 1)^2 = -4(x - 4)$
B) $(y - 4)^2 = -16(x + 1)$
C) $(y - 1)^2 = -16(x - 4)$
D) $(y - 1)^2 = -12(x - 4)$
E) $(y + 1)^2 = -8(x - 4)$

3. $(y + 3)^2 = -12(x - 4)$ denklemi ile verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(2, -4)$ B) $(1, -3)$ C) $(4, 2)$
D) $(1, -2)$ E) $(2, 4)$

2. Odağı $F(4, 6)$ ve doğrultmanı $x = 10$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(y - 6)^2 = -12(x - 4)$
B) $(y - 6)^2 = -8(x - 4)$
C) $(y - 6)^2 = -8(x + 4)$
D) $(y - 6)^2 = -12(x - 7)$
E) $(y - 6)^2 = -24(x - 4)$

4. $(y - 4)^2 = -8(x + 1)$ denklemi ile verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = 8$ B) $x = 6$ C) $x = 4$
D) $x = 2$ E) $x = 1$

TEST - 3

1. Köşesi $A(4, 1)$ ve doğrultmanı $y = -3$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x - 1)^2 = -12(y - 4)$
B) $(x - 4)^2 = -8(y - 1)$
C) $(x - 4)^2 = 4(y - 1)$
D) $(x + 4)^2 = 8(y - 1)$
E) $(x - 4)^2 = 16(y - 1)$

3. $(x + 2)^2 = 16(y - 4)$ denklemi ile verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-2, 4)$ B) $(-2, -4)$ C) $(2, -8)$
D) $(-2, 8)$ E) $(2, 4)$

2. Odağı $F(3, 8)$ ve doğrultmanı $y = 4$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x - 3)^2 = 8(y - 6)$
B) $(x - 3)^2 = 12(y - 6)$
C) $(x - 6)^2 = 4(y + 6)$
D) $(x - 3)^2 = 4(y - 6)$
E) $(x - 3)^2 = 4(y - 8)$

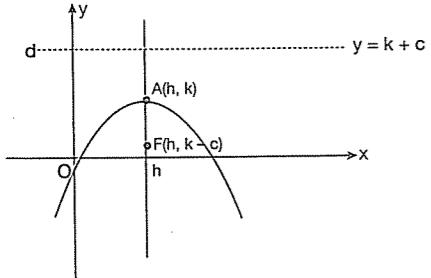
4. $(x - 4)^2 = 24(y + 5)$ denklemi ile verilen parabolün köşesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(3, 4)$ B) $(4, 6)$ C) $(4, -5)$
D) $(6, -4)$ E) $(3, 5)$

Parabolün Ötelenmesi – IV

Örnek

Odağı $F(2, 4)$ ve doğrultmanı $y = 6$ olan parabolün denklemini bulunuz.



Yukarıdaki şekilde kölesi $A(h, k)$ doğrultmanı $y = k + c$ ve odağı $F(h, k - c)$ olan ötelenmiş parabolün denklemi, $(x - h)^2 = -4c(y - k)$ dir.

Çözüm

$$F(h, k - c) \Rightarrow h = 2 \text{ ve } k - c = 4 \text{ dür.}$$

$$\text{Doğrultmanı } y = k + c \Rightarrow 6 = k + c \text{ dir.}$$

$$\begin{aligned} k - c = 4 \\ k + c = 6 \end{aligned} \quad \begin{aligned} k = 5 \\ c = 1 \end{aligned}$$

olur.

Parabolün denklemi;

$$(x - 2)^2 = -4(y - 5) \text{ bulunur.}$$

Parabol Karma - I

Örnek - 1

$$x = -1 + \cos 2t$$

$$y = \frac{\sin t}{2}$$

şeklinde ifade edilen parabolün denklemini bulunuz.

Örnek - 2

$$x^2 - 2x - 4y - 11 = 0$$

parabolünün köşesini ve doğrultmanını bulunuz.

Çözüm

$$x^2 - 2x - 4y - 11 = 0 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 - 4y - 12 = 0$$

$$\Rightarrow (x - 1)^2 = 4y + 12$$

$$\Rightarrow (x - 1)^2 = 4(y + 3) \text{ olur.}$$

Bu parabol denkleminde $h = 1$ ve $k = -3$ olduğundan parabolün kölesi $A(1, -3)$ dür.

$4c = 4 \Rightarrow c = 1$ olacağından doğrultmanı, $y = k - c \Rightarrow y = -3 - 1 \Rightarrow y = -4$ doğrusudur.

TEST - 4

1. Kölesi $A(-2, 2)$ ve doğrultmanı $y = 4$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x + 2)^2 = -4(y - 2)$
- B) $(x + 2)^2 = -8(y - 2)$
- C) $(x + 2)^2 = 4(y + 2)$
- D) $(x + 2)^2 = -4(y + 2)$
- E) $(x + 2)^2 = 4(y - 4)$

3. $(x + 5)^2 = -8(y - 7)$ denklemi ile verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-5, 3)$
- B) $(-5, 5)$
- C) $(7, -5)$
- D) $(3, -5)$
- E) $(5, 7)$

2. Odağı $F(-1, 3)$ ve doğrultmanı $y = 9$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x + 1)^2 = -12(y - 6)$
- B) $(x - 1)^2 = -8(y + 1)$
- C) $(x - 1)^2 = -4(y - 4)$
- D) $(x - 1)^2 = -12(y - 4)$
- E) $(x + 4)^2 = -4(y - 4)$

4. $(x - 4)^2 = -24(y + 2)$ denklemi ile verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -4$
- B) $y = -2$
- C) $y = 2$
- D) $y = 4$
- E) $y = 6$

1. $x = -1 + \cos 2t$
 $y = 4 \sin t$

Şeklinde ifade edilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = 2x$
- B) $y^2 = -2x$
- C) $y^2 = -4x$
- D) $y^2 = -8x$
- E) $y^2 = 4x$

3. Kölesi $A(3, 1)$ olan parabolün simetri ekseni x -eksenine paraleldir. Parabol $P(-1, 5)$ noktasından geçtiğine göre, denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(y - 1)^2 = -4(x - 3)$
- B) $(y - 1)^2 = -8(x - 3)$
- C) $(y - 3)^2 = 4(x - 1)$
- D) $(y - 1)^2 = 4(x - 3)$
- E) $(y - 1)^2 = 8(x - 3)$

2. $x^2 - 4x - 8y - 20 = 0$ parabolünün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

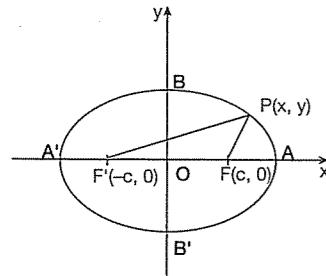
- A) $y = -3$
- B) $y = -2$
- C) $y = -5$
- D) $y = 1$
- E) $y = 3$

4. $x^2 + 4x + 5y + 24 = 0$ parabolünün kölesi aşağıdakilerden hangisidir?

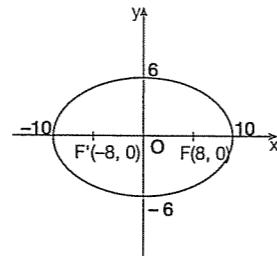
- A) $(-2, 4)$
- B) $(5, 2)$
- C) $(-2, -4)$
- D) $(2, -3)$
- E) $(3, -2)$

Elips- I

Düzlemede sabit iki noktaya uzaklıklarını toplamı sabit olan noktalar kümesine elips denir. Sabit olan iki nokta elipsin odaklarıdır.



Örnek



Şekildeki elipsin asal eksen uzunluğunu, yedek eksen uzunluğunu, odak noktalarını ve odaklar arası uzaklığını bulunuz.

Şekildeki elipseste

- A, A', B ve B' noktaları elipsin köşeleridir.
- F ve F' noktaları elipsin odaklarıdır.
- $|AA'| = 2a$, $|BB'| = 2b$ ve $|FF'| = 2c$ olmak üzere,

$|AA'| = 2a$ büyük (asal) eksen uzunluğu

$|BB'| = 2b$ küçük (yedek) eksen uzunluğu

$|FF'| = 2c$ odaklar arası uzaklığıdır.

- P(x, y) noktasının odaklara olan uzaklıklarını toplamı sabit olduğundan, $|PF| + |PF'| = 2a$ dir.

Çözüm

Elipsin köşeleri A(10, 0), A'(-10, 0), B(0, 6) ve B'(0, -6) dir.

Asal eksen uzunluğu; $|AA'| = 2a = 20$ br dir.

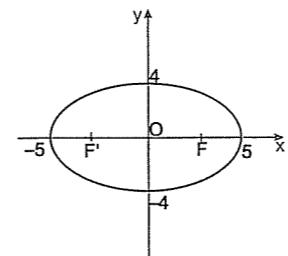
Yedek eksen uzunluğu; $|BB'| = 2b = 12$ br dir.

Odak noktaları; F(8, 0) ve F'(-8, 0)

Odaklar arası uzaklık; $|FF'| = 2c = 16$ br dir.

Elips- II

Örnek



Yandaki grafiği verilen elipsin odakları arasındaki uzaklığı bulunuz.

Çözüm

I. Yol :

Şekildeki elipseste
 $|BF| = a = 5$ br
 $|BO| = b = 4$ br
 $|OF| = c$ dir.

OBF üçgeninde pisagor bağıntısından;
 $5^2 = 4^2 + c^2 \Rightarrow c = \pm 3$ olur.

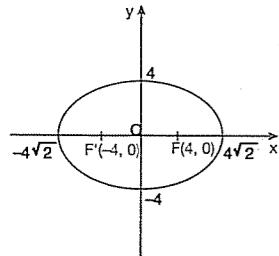
Odaklar arası uzaklık;
 $|FF'| = 2c = 6$ br dir.

II. Yol :

Elipseste
 $|OA| = |A'O| = a$
 $|BO| = |B'O| = b$
 $a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 5^2 = 4^2 + c^2$
 $\Rightarrow c = \pm 3$ olur.
 $|FF'| = 2c = 6$ br olur.

TEST - 1

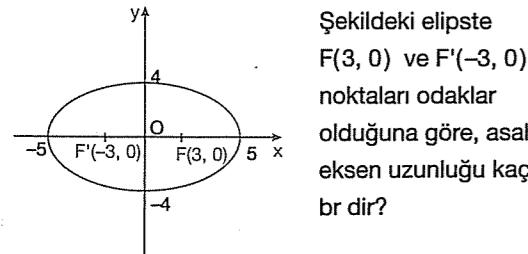
1.



Şekildeki elipseste F(4, 0) ve F'(-4, 0) noktaları odaklar olduğuna göre, asal eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 6 B) $2\sqrt{10}$ C) $5\sqrt{2}$ D) $8\sqrt{2}$ E) $8\sqrt{3}$

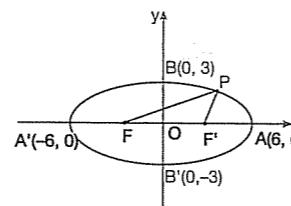
2.



Şekildeki elipseste F(3, 0) ve F'(-3, 0) noktaları odaklar olduğuna göre, asal eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

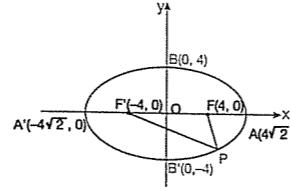
3.



Şekildeki elipsin A(6, 0) ve A'(-6, 0), B(0, 3), B'(0, -3) noktaları köşeleri ve F, F' odakları olduğuna göre, $|PF| + |PF'|$ kaç br dir?

- A) 3 B) 6 C) 9 D) 12 E) 18

4.

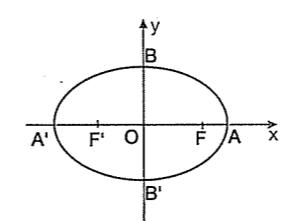


Şekildeki elipsin A(4\sqrt{2}, 0) ve A'(-4\sqrt{2}, 0), B(0, 4), B'(0, -4) noktaları köşeleri, F(4, 0) ve F'(-4, 0) odak noktaları olduğuna göre, $|PF| + |PF'|$ kaç br dir?

- A) $\sqrt{2}$ B) $6\sqrt{2}$ C) $8\sqrt{2}$ D) $10\sqrt{2}$ E) $12\sqrt{2}$

1. D 2. D 3. D 4. C

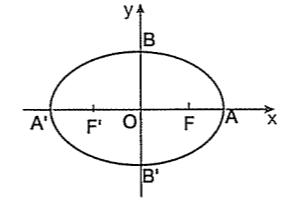
1.



Şekildeki elipseste A(6, 0) ve A'(-6, 0), B(0, 3), B'(0, -3) ve F, F' odak noktaları olduğuna göre, $|FF'|$ kaç br dir?

- A) $3\sqrt{3}$ B) $4\sqrt{3}$ C) $6\sqrt{3}$ D) $8\sqrt{3}$ E) $10\sqrt{3}$

2.

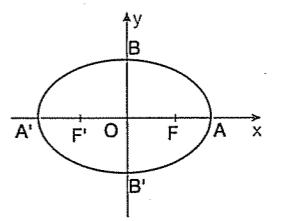


Şekildeki elipseste A(10, 0) ve A'(-10, 0), B(0, 6), B'(0, -6) ve F, F' odak noktaları olduğuna göre, $|FF'|$ kaç br dir?

- A) 4 B) 8 C) 12 D) 16 E) 20

TEST - 2

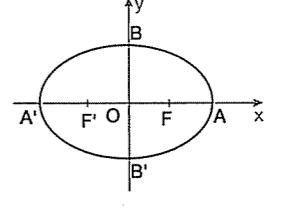
3.



Şekildeki elipseste B(0, 4) ve B'(0, -4), F(3, 0), F'(-3, 0) olduğuna göre, $|AF|$ kaç br dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

4.



Şekildeki elipseste B(0, 2) ve B'(0, -2), F(2\sqrt{3}, 0), F'(-2\sqrt{3}, 0) olduğuna göre, asal eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 4 B) $4\sqrt{3}$ C) 8 D) $4\sqrt{5}$ E) $6\sqrt{3}$

1. C 2. D 3. B 4. C

Elips- III

Örnek

Asal eksen x ekseni, asal eksen uzunluğu $|AA'| = 30$ br, yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 24$ olan elipsin odakları arasındaki uzaklığını bulunuz ve grafiğini çiziniz.

Cözüm

Asal eksen uzunluğu; $2a = 30 \Rightarrow a = 15$

Yedek eksen uzunluğu; $2b = 24 \Rightarrow b = 12$

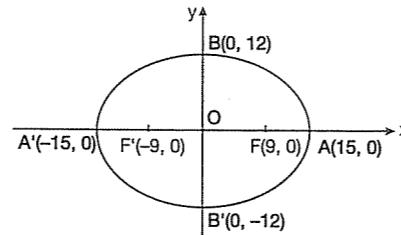
$$a^2 = b^2 + c^2$$

$$15^2 = 12^2 + c^2 \Rightarrow c = \pm 9 \text{ bulunur.}$$

o halde odakları $F(9, 0)$ ve $F'(-9, 0)$ dir.

$$|FF'| = 2 \cdot 9 = 18 \text{ br dir.}$$

Buna göre, elipsin grafiği;



TEST - 3

1. Asal eksen x ekseni, asal eksen uzunluğu 34 br, yedek eksen uzunluğu 30 br olan elipsin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?
A) (5, 0) B) (8, 0) C) (12, 0)
D) (15, 0) E) (17, 0)
4. Asal eksen x ekseni, asal eksen uzunluğu 20 br, yedek eksen uzunluğu 16 br olan elipsin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?
A) (-6, 0) B) (-4, 0) C) (-3, 0)
D) (-2, 0) E) (-1, 0)

2. Asal eksen x ekseni, asal eksen uzunluğu 26 br, odaklar arası uzunluğu 24 br olan elipsin yedek eksen uzunluğu kaç br dir?
A) 10 B) 12 C) 13 D) 14 E) 18
5. Odakları $F(12, 0)$ ve $F'(-12, 0)$ olan elipsin, asal eksen uzunluğu 40 br olduğuna göre, yedek eksen uzunluğu kaç br dir?
A) 24 B) 28 C) 30 D) 32 E) 36

3. Odakları $F(4, 0)$ ve $F'(-4, 0)$ olan elipsin, yedek eksen uzunluğu 6 br olduğuna göre, asal eksen uzunluğu kaç br dir?
A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16
6. Asal eksen uzunluğu 12 br, odaklarından biri $F(3, 0)$ olan merkezil elipsin yedek eksen uzunluğu kaç br dir?
A) 6 B) $2\sqrt{10}$ C) $4\sqrt{3}$ D) 10 E) $6\sqrt{3}$

sonuçlar

Elipsin Denklemi- I

Örnek

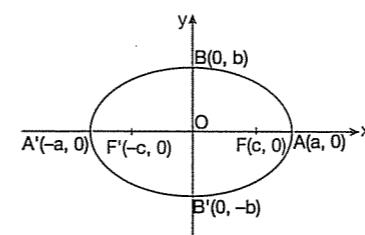
Asal eksen uzunluğu 12 br ve yedek eksen uzunluğu 8 br olup odakları x ekseni üzerinde bulunan elipsin denklemi bulunuz.

Cözüm

Asal eksen uzunluğu; $12 \text{ br} \Rightarrow 2a = 12 \Rightarrow a = 6 \text{ br}$
Yedek eksen uzunluğu; $8 \text{ br} \Rightarrow 2b = 8 \Rightarrow b = 4 \text{ br}$ olur.

Bu durumda elipsin denklemi

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{16} = 1 \text{ bulunur.}$$



Merkezi orijinde bulunan ve eksenleri koordinat eksenleri olan elipse merkezil elips denir.

Bu elipsin denklemi; $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ dir.

1. Asal eksen uzunluğu 10 br ve yedek eksen uzunluğu 4 br olup odakları x ekseni üzerinde bulunan elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?
A) $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$

- C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$ D) $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{4} = 1$
E) $\frac{x^2}{50} + \frac{y^2}{16} = 1$

2. Asal eksen uzunluğu $4\sqrt{5}$ br ve yedek eksen uzunluğu $4\sqrt{3}$ br olup odakları x ekseni üzerinde bulunan elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?
A) $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{20} = 1$ B) $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{12} = 1$

- C) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$ D) $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{16} = 1$
E) $\frac{x^2}{80} + \frac{y^2}{48} = 1$

sonuçlar

1. C 2. B

Elipsin Denklemi- II

Örnek

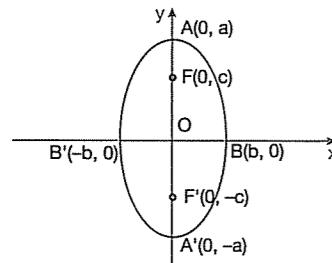
Asal eksen uzunluğu 16 br ve yedek eksen uzunluğu 10 br olup odakları y ekseninde bulunan elipsin denklemi bulunuz.

Çözüm

Asal eksen uzunluğu; $16 \text{ br} \Rightarrow 2a = 16 \Rightarrow a = 8 \text{ br}$
Yedek eksen uzunluğu; $10 \text{ br} \Rightarrow 2b = 10 \Rightarrow b = 5 \text{ br}$ olur.

Bu durumda elipsin denklemi

$$\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{64} = 1 \text{ dir.}$$



Odakları y ekseninin üzerinde bulunan merkezil elipsin denklemi; $\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$ dir.

TEST - 2

1. Asal eksen uzunluğu 14 br ve yedek eksen uzunluğu 8 br olup odakları y ekseninde bulunan elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$
 C) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{49} = 1$ D) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{64} = 1$
 E) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{36} = 1$

2. Asal eksenin y eksenin üzerinde, asal eksen uzunluğu $6\sqrt{5}$ br yedek eksen uzunluğu $8\sqrt{2}$ br olan elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{36} = 1$ B) $\frac{x^2}{32} + \frac{y^2}{45} = 1$
 C) $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{48} = 1$ D) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{72} = 1$
 E) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{72} = 1$

sonuç yayınları

1. C 2. B

Elipsin Denklemi- III

Örnek

$\frac{x^2}{144} + \frac{y^2}{64} = 1$ elipsinin asal eksen, yedek eksen uzunlukları ve odaklarının bulunduğu eksenin bulunuz.

Çözüm

Not:

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

- $a^2 > b^2 \Rightarrow$ elipsin odakları x ekseninin üzerindedir.
 ➢ $a^2 < b^2 \Rightarrow$ elipsin odakları y ekseninin üzerindedir.

Elips denkleminde;

- $a^2 = 144 \Rightarrow a = \pm 12$
 \Rightarrow Asal eksen uzunluğu $2 \cdot 12 = 24 \text{ br}$
 $\Rightarrow b^2 = 64 \Rightarrow b = \pm 8$
 \Rightarrow Yedek eksen uzunluğu $2 \cdot 8 = 16 \text{ br}$
 $\Rightarrow a^2 > b^2$ olduğundan odaklar x ekseninin üzerindedir.

TEST - 3

1. $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{36} = 1$ elipsinin asal eksen, yedek eksen uzunlukları ve odaklarının bulunduğu eksen aşağıda listelenen hangisinde doğru verilmiştir?

- A) $|AA'| = 7 \text{ br}, |BB'| = 6 \text{ br}$, x eksenin
 B) $|AA'| = 12 \text{ br}, |BB'| = 14 \text{ br}$, y eksenin
 C) $|AA'| = 14 \text{ br}, |BB'| = 12 \text{ br}$, x eksenin
 D) $|AA'| = 7 \text{ br}, |BB'| = 6 \text{ br}$, y eksenin
 E) $|AA'| = 14 \text{ br}, |BB'| = 12 \text{ br}$, y eksenin

2. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{64} = 1$ elipsinin asal eksen, yedek eksen uzunlukları ve odaklarının bulunduğu eksen aşağıda listelenen hangisinde doğru verilmiştir?

- A) $|AA'| = 8 \text{ br}, |BB'| = 5 \text{ br}$, x eksenin
 B) $|AA'| = 16 \text{ br}, |BB'| = 10 \text{ br}$, y eksenin
 C) $|AA'| = 10 \text{ br}, |BB'| = 16 \text{ br}$, x eksenin
 D) $|AA'| = 8 \text{ br}, |BB'| = 5 \text{ br}$, y eksenin
 E) $|AA'| = 16 \text{ br}, |BB'| = 8 \text{ br}$, y eksenin

sonuç yayınları

1. C 2. B

Elipsin Asal ve Yedek Eksenleri

Örnek

$16x^2 + 4y^2 = 64$ elipsinin asal ve yedek eksen uzunluklarını bulunuz.

Çözüm

$16x^2 + 4y^2 = 64$ (denklemin her iki tarafını 64 e bölelim)

$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1$$

$4 < 16$ olduğundan bu elipsin odakları y ekseni üzerindedir.

$$b^2 = 4 \Rightarrow b = 2$$

\Rightarrow yedek eksen uzunluğu $2b = 4$ br dir.

$$a^2 = 16 \Rightarrow a = 4$$

\Rightarrow asal eksen uzunluğu $2a = 8$ br dir.

TEST - 4

1. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{64} = 1$

elipsinin asal eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 5 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

3. $9x^2 + 25y^2 = 225$

denklemi ile verilen elipsin büyük eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 3 B) 6 C) 10 D) 12 E) 14

2. $\frac{x^2}{22} + \frac{y^2}{16} = 1$

elipsinin yedek eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 5 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

4. $4x^2 + 16y^2 = 64$

denklemi ile verilen elipsin küçük eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 12 E) 16

Elipsin Odakları

Örnek

$4x^2 + y^2 = 4$ denklemi ile verilen elipsin odak noktalarını bulunuz.

Çözüm

$$4x^2 + y^2 = 4 \Rightarrow \frac{x^2}{1} + \frac{y^2}{4} = 1$$

Denkleme göre;

$$a^2 = 4$$

$$b^2 = 1$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 4 = 1 + c^2 \Rightarrow c = \pm \sqrt{3}$$

Elipsin asal eksenin y ekseni üzerinde olduğundan odakları; $F(0, \sqrt{3})$ ve $F'(0, -\sqrt{3})$ bulunur.

TEST - 5

1. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{12} = 1$

elipsinin odak noktalarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $F(2, 0)$ B) $F(-2, 0)$ C) $F(0, 2)$
D) $F(0, 1)$ E) $F(1, 0)$

4. $\frac{x^2}{52} + \frac{y^2}{16} = 1$

elipsinin odaklar arası uzaklığı kaç br dir?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

2. $8x^2 + 24y^2 = 192$

elipsinin odak noktalarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $F(0, 4)$ B) $F(0, -4)$ C) $F(-4, 0)$
D) $F(2, 0)$ E) $F(0, -2)$

3. $10x^2 + 20y^2 = 200$

elipsinin odak noktalarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $F(10, 0)$ B) $F(-10, 0)$ C) $F(0, \sqrt{10})$
D) $F(3\sqrt{10}, 0)$ E) $F(\sqrt{10}, 0)$

5. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{20} = 1$

elipsinin odaklar arası uzaklığı kaç br dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

Odakları Bilenen Elipsin Denklemi

Örnek

$F(0, 4)$ ve $F'(0, -4)$ noktalarına uzaklıklarını toplamı 12 br olan elipsin denklemi yazıp grafiğini çiziniz.

Çözüm

Burada elipsin odak noktaları F, F' ve asal eksen uzunluğu 12 br dir.

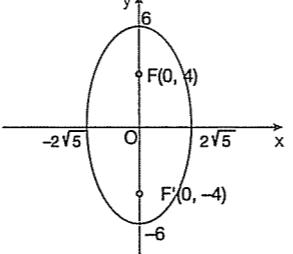
$$2a = 12 \Rightarrow a = 6 \text{ ve } F(0, 4) \Rightarrow c = 4$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 36 = b^2 + 16 \Rightarrow b^2 = 20$$

Elipsin odakları y ekseni üzerinde olduğundan denklemi

$$\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{36} = 1 \text{ olur.}$$

Buna göre, elipsin grafiği;



TEST - 6

1. Odakları $F(3, 0)$ ve $F'(-3, 0)$ olan elipsin asal eksen uzunluğu 8 br olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{7} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$
 C) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{10} = 1$
 E) $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{36} = 1$

2. Odakları $F(5, 0)$ ve $F'(-5, 0)$ olan elipsin yedek eksen uzunluğu 8 br olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$
 C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{41} = 1$ D) $\frac{x^2}{41} + \frac{y^2}{16} = 1$
 E) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{41} = 1$

3. Odakları $F(0, 6)$ ve $F'(0, -6)$ olan elipsin asal eksen uzunluğu 16 br olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{28} + \frac{y^2}{36} = 1$ B) $\frac{x^2}{28} + \frac{y^2}{64} = 1$
 C) $\frac{x^2}{48} + \frac{y^2}{64} = 1$ D) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{28} = 1$
 E) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{28} = 1$

4. Odakları $F(0, 2)$ ve $F'(0, -2)$ olan elipsin yedek eksen uzunluğu 10 br olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{29} + \frac{y^2}{4} = 1$ B) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{25} = 1$
 C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{29} = 1$ D) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{29} = 1$
 E) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$

Elipsin Grafiği

Örnek

$4x^2 + 36y^2 = 144$ elipsinin,

- a) Eksen uzunluklarını bulunuz.
 b) Odaklar arası uzaklığını bulunuz.
 c) Grafiğini çiziniz.

Çözüm

Denklemi düzenleyelim

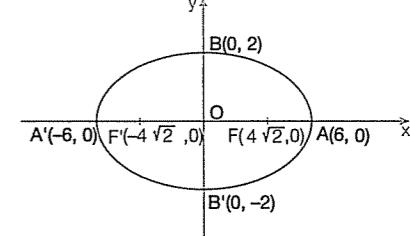
$$4x^2 + 36y^2 = 144 \Rightarrow \frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{4} = 1 \text{ olur.}$$

Bu durumda;

- a) $a^2 = 36 \Rightarrow a = 6$
 b) $b^2 = 4 \Rightarrow b = 2$ olacağinden
 asal eksen uzunluğu $2a = 12$ br dir.
 yedek eksen uzunluğu $2b = 4$ br dir.
 b) $a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 36 = 4 + c^2 \Rightarrow c^2 = 32$
 $\Rightarrow c = 4\sqrt{2}$ br olur.

Bu durumda odaklar arası uzaklık $2c = 8\sqrt{2}$ br bulunur.

c)



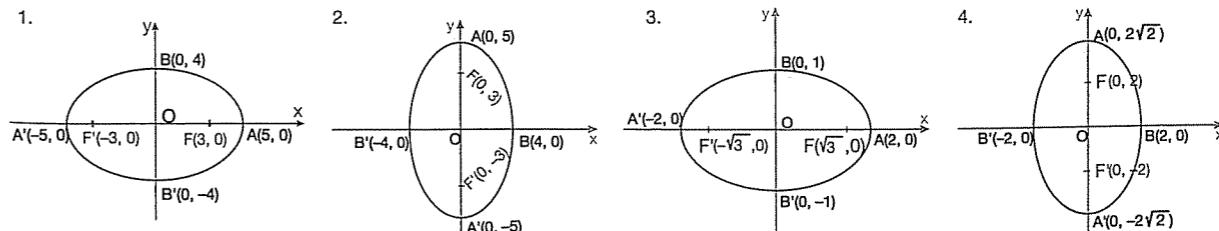
TEST - 7

1. Odakları $F(3, 0)$ ve $F'(-3, 0)$ olan elipsin asal eksen uzunluğu 10 br olduğuna göre, elipsin grafiğini çiziniz.

3. $x^2 + 4y^2 = 4$ elipsinin grafiğini çiziniz.

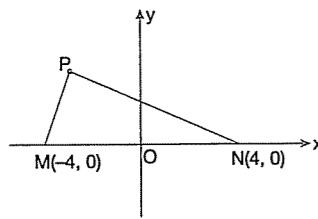
2. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$ elipsinin grafiğini çiziniz.

4. $8x^2 + 4y^2 = 32$ elipsinin grafiğini çiziniz.



Elipsin Geometrik Yer Denklemi

Örnek 1



Şekildeki M ve N noktalarına uzaklıklarını toplamı 10 br olan $P(x, y)$ noktalarının geometrik yer denklemi bulunuz.

Çözüm

Düzlemede sabit iki noktaya uzaklıklarını toplamı eşit olan noktaların kümesi elips belirtir. Bu durumda M ve N elipsin odak noktalarıdır.

$$2c = |MN| = 8 \Rightarrow c = 4$$

$$|PM| + |PN| = 10 = 2a \Rightarrow a = 5$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 5^2 = 4^2 + b^2 \Rightarrow b = \pm 3 \text{ olur.}$$

$$\text{İstenilen geometrik yer denklemi: } \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1 \text{ dir.}$$

Örnek 2

Asaleksi x eksenine, köşeleri A(6, 0) ve A'(-6, 0) olan elips $P(3\sqrt{3}, 1)$ noktasından geçtiğine göre, denklemi bulunuz.

Çözüm

$$A(6, 0) \text{ ve } A'(-6, 0) \text{ ise}$$

$$|AA'| = 2a = 12 \Rightarrow a = 6 \text{ br dir.}$$

Elipsin denklemi;

$$\frac{x^2}{6^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ olup}$$

$P(3\sqrt{3}, 1)$ noktasından geçtiğinden

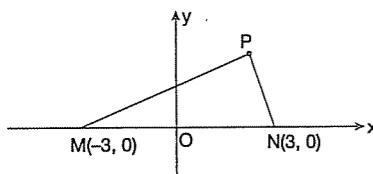
$$\frac{(3\sqrt{3})^2}{36} + \frac{1^2}{b^2} = 1 \Rightarrow b^2 = 4 \Rightarrow b = \pm 2 \text{ olur.}$$

Buna göre, elipsin denklemi

$$\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{4} = 1 \text{ bulunur.}$$

TEST - 1

1.



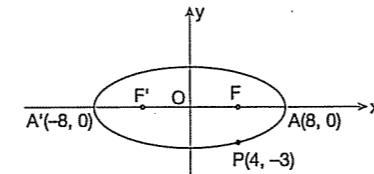
Şekildeki M ve N noktalarına uzaklıklarını toplamı 8 br olan $P(x, y)$ noktalarının geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{7} = 1$

C) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$ D) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$

E) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$

2.



Şekilde grafiği verilen elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$

C) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{12} = 1$ D) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$

E) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{16} = 1$

Elipsin Dış Merkezliği

Örnek 1

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1 \text{ elipsinin dış merkezliğini bulunuz.}$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ denklemi ile verilen elipse } e = \frac{c}{a}$$

sayısına elipsin dış merkezliği denir.

$$\text{Elipse } 0 < e = \frac{c}{a} < 1 \text{ dir.}$$

Örnek 2

Büyük eksi x ekseninde bulunan merkezil elipsin büyük eksen uzunluğu 30 birim, dış merkezliği $\frac{3}{5}$ olduğuna göre, elipsin denklemini bulunuz ve grafiğini çiziniz.

Çözüm

$$\text{Büyük eksen uzunluğu : } 2a = 30 \Rightarrow a = 15 \text{ br}$$

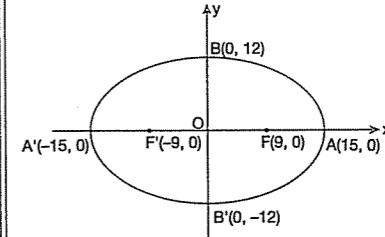
$$\text{Dış merkezliği : } e = \frac{c}{a} = \frac{c}{15} = \frac{3}{5} \Rightarrow c = 9 \text{ br}$$

$$\text{Elipse } a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 15^2 = b^2 + 9^2 \Rightarrow b = 12 \text{ br}$$

Buna göre elipsin denklemi

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{225} + \frac{y^2}{144} = 1 \text{ dir.}$$

Grafiği



TEST - 2

1. $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{16} = 1$ elipsinin dış merkezliği kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{\sqrt{5}}{3}$ C) $\frac{5}{8}$

D) $\frac{\sqrt{5}}{4}$ E) $\frac{3}{5}$

2. Asal eksi x ekseninde bulunan merkezil elipsin büyük eksen uzunluğu 26 birim dış merkezliği $\frac{12}{13}$ olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{25} = 1$ B) $\frac{x^2}{144} + \frac{y^2}{25} = 1$

C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{144} = 1$ D) $\frac{x^2}{144} + \frac{y^2}{169} = 1$

E) $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$

sonuç yayınıları

Elipsin Basıklığı

Örnek

$4x^2 + 16y^2 = 64$ elipsinin basıklığını hesaplayınız.

Çözüm

$$4x^2 + 16y^2 = 64 \Rightarrow \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$$

$$a^2 = 16 \Rightarrow a = 4 \text{ br}$$

$b^2 = 4 \Rightarrow b = 2 \text{ br}$ olduğundan elipsin basıklığı

$$1 - \frac{b}{a} = 1 - \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ bulunur.}$$

➤ Basıklık $= 1 - \frac{b}{a}$

➤ Dış merkezlik büyükçe elipsin basıklığı artar.

TEST - 3

1. $\frac{x^2}{81} + \frac{y^2}{64} = 1$ elipsinin basıklığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{8}$ D) $\frac{1}{9}$ E) $\frac{8}{9}$

3. Asal ekseni $y = 0$ doğrusu olan

$$4x^2 + my^2 = 144$$

elipsinin basıklığı $\frac{2}{3}$ olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 9 B) 16 C) 25 D) 36 E) 64

sonuçlar

2. $9x^2 + 25y^2 = 225$ elipsinin basıklığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{4}{5}$ E) $\frac{5}{6}$

4. $x^2 + ky^2 = 16$ elipsinin dış merkezliği $e = \frac{\sqrt{3}}{2}$ olduğuna göre, basıklığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{4}{5}$

Bir Doğru ile Elipsin Birbirine Göre Durumları

Örnek

$4x^2 + 16y^2 = 64$ elipsi $y = x + n$ doğrusuna teğet olduğuna göre, n kaçtır?

Çözüm

$$4x^2 + 16y^2 = 64 \Rightarrow \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1 \Rightarrow a = 4 \text{ br}$$

$$y = x + n \Rightarrow m = 1 \text{ dir.}$$

$$\Delta = a^2m^2 + b^2 - n^2 = 4^2 \cdot 1^2 + 2^2 - n^2 = 0$$

$$\Rightarrow n = \pm 2\sqrt{5} \text{ bulunur.}$$

$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ elipsi ile $y = mx + n$ doğrusunun birbirine göre durumu incelenirken,

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \\ y = mx + n \end{array} \right\} \text{denklem sisteminin çözümü yapılır.}$$

Denklem çözümünden elde edilen II. derece denklemde $\Delta = a^2m^2 + b^2 - n^2$ bulunur.

- $\Delta > 0$ ise doğru elipsi iki noktada keser.
➤ $\Delta = 0$ ise doğru elipse teğettir.
➤ $\Delta < 0$ ise doğru elipsi kesmez.

TEST - 1

1. $x^2 + 3y^2 = 16$ elipsi ile $y + x = 0$ doğrusunun kesim noktalarının ordinatları toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

3. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1$

elipsi ile $y = x + n$ doğrusu teğet olduğuna göre, n değerlerinin çarpımı kaçtır?

- A) -36 B) -18 C) -12 D) 32 E) 36

4. $\frac{x^2}{32} + \frac{y^2}{16} = 1$

elipsi ile $y = x + n$ doğrusu kesişmediğine göre, n aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) $-5\sqrt{3}$ B) $-4\sqrt{5}$ C) $-2\sqrt{3}$
D) $4\sqrt{5}$ E) $5\sqrt{3}$

Elipsin Parametrik Denklemi

Örnek 1

$$x = 3 \sin t$$

$$y = 5 \cos t$$

birimindeki ifade edilen elipsin denklemi bulunuz.

Çözüm

$$x = 3 \sin t \Rightarrow \frac{x}{3} = \sin t \Rightarrow \frac{x^2}{9} = \sin^2 t \dots (I)$$

$$y = 5 \cos t \Rightarrow \frac{y}{5} = \cos t \Rightarrow \frac{y^2}{25} = \cos^2 t \dots (II)$$

I ve II taraf tarafa toplanırsa

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = \sin^2 t + \cos^2 t = 1$$

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1 \text{ elipsi elde edilir.}$$

Örnek 2

Denklemi

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$$

olan elipsin parametrik denklemi bulunuz.

Çözüm

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1 \Rightarrow a = 4 \text{ ve } b = 2 \text{ dir.}$$

Buna göre elipsin parametrik denklemi

$$x = 4 \sin t$$

$$y = 2 \cos t$$

olarak yazılır.

Elipsin Çemberi

Örnek

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$$

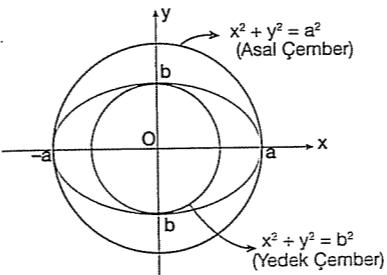
elipsinin asal ve yedek çemberlerinin denklemelerini bulunuz.

Çözüm

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ elipsinin}$$

asal çemberi : $x^2 + y^2 = a^2 \Rightarrow x^2 + y^2 = 25$

yedek çemberi : $x^2 + y^2 = b^2 \Rightarrow x^2 + y^2 = 16$ dir.



Merkezi orijin ve yarıçapı a br olan çemberle elipsin asal ya da büyük çemberi denir.

Asal çemberin denklemi $x^2 + y^2 = a^2$ olur.

Merkezi orijin ve yarıçapı b br olan çemberle elipsin yedek ya da küçük çemberi denir.

Yedek çemberin denklemi $x^2 + y^2 = b^2$ dir.

TEST

1. $x = 6 \sin t$

$y = 3 \cos t$

birimindeki ifade edilen elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{6} = 1$ B) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{6} = 1$

C) $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{36} = 1$ D) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{9} = 1$

E) $\frac{x^2}{19} + \frac{y^2}{9} = 1$

2. $\frac{x^2}{9} + y^2 = 1$ denklemi ile verilen elipsin parametrik denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x = 3 \sin t$ B) $x = \sin t$ C) $x = 3 \sin t$
 $y = \cos t$ $y = \cos t$ $y = 3 \cos t$

D) $x = 9 \sin t$ E) $x = 3 \sin t$
 $y = \cos t$ $y = 9 \cos t$

3. $x = 4 \sin t$

$y = 2 \cos t$

birimindeki ifade edilen elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $4x^2 + y^2 = 10$ B) $x^2 + 16y^2 = 32$

C) $4x^2 + 2y^2 = 27$ D) $x^2 + 4y^2 = 16$

E) $4x^2 + y^2 = 16$

sonuç yayınları

4. Parametrik denklemi

$x = 5 \sin \theta$

$y = 3 \cos \theta$

olan elipsin odaklıları arasındaki uzaklık kaç br dir?

A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

TEST

1. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$ elipsinin asal çemberinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 + y^2 = 4$ B) $x^2 + y^2 = 9$

C) $x^2 + y^2 = 16$ D) $x^2 + y^2 = 25$

E) $x^2 + y^2 = 36$

3. $4x^2 + 9y^2 = 36$ elipsinin asal çemberinin çevresi kaç br dir?

A) 2π B) 4π C) 6π D) 8π E) 9π

4. $x^2 + 4y^2 = 64$ elipsinin yedek çemberinin çevresi kaç br dir?

A) 3π B) 4π C) 6π D) 8π E) 12π

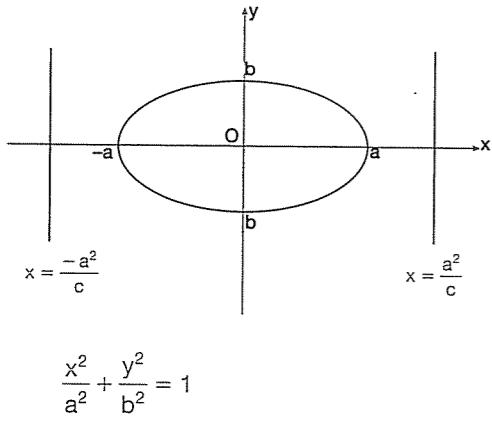
5. $2x^2 + 4y^2 = 20$ elipsinin asal çemberi ile yedek çemberinin arasında kalan bölgenin alanı kaç br^2 dir?

A) 3π B) 5π C) 6π D) 8π E) 10π

Elipsin Doğrultmanları - I

Örnek

$4x^2 + 9y^2 = 36$ denklemi ile verilen elipsin doğrultman doğrularını bulunuz.



elipsinin doğrultman doğrularının denklemeleri

$$x = \frac{a^2}{c} \text{ ve } x = -\frac{a^2}{c} \text{ dir.}$$

TEST - 1

1. $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{15} = 1$ elipsinin doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = \frac{21}{4}$ B) $x = 8$ C) $x = \frac{8}{3}$
D) $x = \frac{24}{5}$ E) $x = 5$

3. $2x^2 + 18y^2 = 36$ denklemi ile verilen elipsin doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = 3$ B) $x = \frac{7}{2}$ C) $x = 4$
D) $x = -\frac{9}{2}$ E) $x = 4$

2. $\frac{x^2}{27} + \frac{y^2}{18} = 1$ elipsinin doğrultmanları arasında ki uzaklık kaç br dir?

- A) 9 B) 12 C) 14 D) 16 E) 18

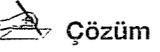
4. $12x^2 + 28y^2 = 84$ denklemi ile verilen elipsin doğrultmanları arasındaki uzaklık kaç br dir?

- A) 7 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

Elipsin Doğrultmanları - II

Örnek

$24x^2 + 8y^2 = 192$ elipsinin doğrultman doğrularını bulunuz.



$$24x^2 + 8y^2 = 192 \Rightarrow \frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{24} = 1 \Rightarrow a^2 = 24 \\ b^2 = 8$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 24 = 8 + c^2 \Rightarrow c^2 = 16 \Rightarrow c = \pm 4$$

Bu durumda doğrultman doğruları;

$$y = \frac{24}{4} \Rightarrow y = 6 \text{ ve } y = -\frac{24}{4} \Rightarrow y = -6 \text{ dir.}$$

$$\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$$

elipsinin doğrultman doğrularının denklemeleri

$$y = \frac{a^2}{c} \text{ ve } y = -\frac{a^2}{c} \text{ dir.}$$

TEST - 2

1. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{20} = 1$

elipsinin doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 16$ B) $y = 12$ C) $y = 4$
D) $y = -10$ E) $y = -16$

3. $9x^2 + 8y^2 = 288$ denklemi ile verilen elipsin doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 16$ B) $y = 9$ C) $y = 3$
D) $y = -8$ E) $y = -18$

2. $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{21} = 1$

elipsinin doğrultmanları arasındaki uzaklık kaç br dir?

- A) 7 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

4. $40x^2 + 4y^2 = 160$ denklemi ile verilen elipsin doğrultmanları arasındaki uzaklık kaç br dir?

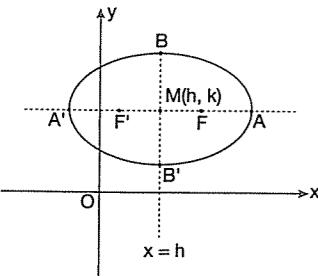
- A) $\frac{17}{3}$ B) $\frac{22}{3}$ C) $\frac{35}{3}$ D) $\frac{40}{3}$ E) $\frac{44}{3}$

Elipsin Ötelenmesi - I

Örnek

$$\frac{(x+4)^2}{25} + \frac{(y-2)^2}{16} = 1$$

elipsinin merkezini ve odaklarını bulunuz.



$$\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1 \text{ elipsinin}$$

Merkezi : $M(h, k)$

Köşeleri : $A(h+a, k)$, $A'(h-a, k)$

$B(h, k+b)$, $B'(h, k-b)$

Odakları : $F(h+c, k)$, $F'(h-c, k)$ dir.

Çözüm

$$\frac{(x+4)^2}{25} + \frac{(y-2)^2}{16} = 1 \Rightarrow a = 5$$

$$b = 4$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow c = 3 \text{ bulunur.}$$

Verilen elips denkleminde $h = -4$, $k = 2$ dir.

Buna göre,

Merkezi : $M(-4, 2)$

Odakları : $F(h+c, k) = F(-1, 2)$

$F'(h-c, k) = F'(-7, 2)$ olur.

Elipsin Ötelenmesi - II

Örnek

$$\frac{(x-1)^2}{6} + \frac{(y+2)^2}{22} = 1$$

denklemi ile verilen elipsin odaklarını bulunuz.

Çözüm

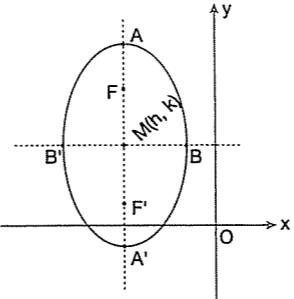
$$\frac{(x-1)^2}{6} + \frac{(y+2)^2}{22} = 1 \text{ denkleminde}$$

$$h = 1, k = -2, a = \sqrt{22}, b = \sqrt{6} \text{ dir.}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 22 = 6 + c^2 \Rightarrow c = 4 \text{ br}$$

Buna göre elipsin odakları

$F(1, 2)$ ve $F'(1, -6)$ bulunur.



$$\frac{(x-h)^2}{b^2} + \frac{(y-k)^2}{a^2} = 1 \text{ elipsinin}$$

Merkezi : $M(h, k)$

Köşeleri : $A(h, k+a)$, $A'(h, k-a)$

$B(h+b, k)$, $B'(h-b, k)$

Odakları : $F(h, k+c)$, $F'(h, k-c)$ dir.

TEST - 1

$$\frac{(x+2)^2}{17} + \frac{(y-1)^2}{9} = 1$$

elipsinin merkezi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (2, 1)
- B) (1, 2)
- C) (-2, 1)
- D) (1, -2)
- E) (2, -2)

$$3. \quad 16(x+3)^2 + 25(y-2)^2 = 400$$

elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-3, 2)
- B) (-4, 5)
- C) (-6, 2)
- D) (0, -2)
- E) (-5, 4)

$$2. \quad 5(x-3)^2 + 7(y+2)^2 = 35$$

elipsinin merkezi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (5, 7)
- B) (-3, 5)
- C) (-3, 2)
- D) (3, -2)
- E) (2, -5)

$$4. \quad \frac{(x+2)^2}{100} + \frac{(y-1)^2}{64} = 1$$

elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-8, 1)
- B) (4, 2)
- C) (2, -1)
- D) (-3, 4)
- E) (-8, 2)

TEST - 2

$$1. \quad \frac{(x-3)^2}{17} + \frac{(y+4)^2}{27} = 1$$

elipsinin merkezi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-3, 4)
- B) (3, -4)
- C) (3, 3)
- D) (4, 3)
- E) (2, 5)

$$3. \quad 25(x-2)^2 + 9(y+1)^2 = 225$$

elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (3, 2)
- B) (2, -4)
- C) (2, 5)
- D) (2, 3)
- E) (1, -5)

$$4. \quad \frac{(x-3)^2}{9} + \frac{(y+1)^2}{25} = 1$$

elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-3, 4)
- B) (3, -5)
- C) (2, 4)
- D) (4, 3)
- E) (-4, 2)

Elipsin Ötelenmesi - III

Örnek 1

$$4x^2 + 9y^2 - 8x + 54y + 49 = 0$$

elipsinin merkezini ve odaklarını bulunuz.

Çözüm

$$4x^2 + 9y^2 - 8x + 54y + 49 = 0$$

$$\Rightarrow 4(x^2 - 2x + 1 - 1) + 9(y^2 + 6y + 9 - 9) = -49$$

$$\Rightarrow 4(x-1)^2 - 4 + 9(y+3)^2 - 81 = -49$$

$$\Rightarrow 4(x-1)^2 + 9(y+3)^2 - 85 = -49$$

$$\Rightarrow 4(x-1)^2 + 9(y+3)^2 = 36$$

$$\Rightarrow \frac{(x-1)^2}{9} + \frac{(y+3)^2}{4} = 1 \text{ denklemi bulunur.}$$

Buna göre; $h = 1$, $k = -3$, $a = 3$, $b = 2$ dir.

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 9 = 4 + c^2 \Rightarrow c = \sqrt{5} \text{ br olur.}$$

Elipsin merkezi : $M(1, -3)$

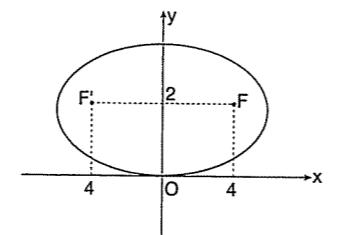
Elipsin odakları : $F(1 + \sqrt{5}, -3)$ ve

$F'(1 - \sqrt{5}, -3)$ dir.

Örnek 2

Odakları $F(4, 2)$, $F'(-4, 2)$ olan ve orijinden geçen elipsin denklemini bulunuz.

Çözüm



Odakların orta noktası elipsin merkezi olacağından

$$F(4, 2), F'(-4, 2) \Rightarrow M(0, 2) \text{ olur.}$$

$$|FF'| = 2c = 8 \Rightarrow c = 4 \text{ ve } b = 2 \text{ dir.}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow a^2 = 16 + 4 \Rightarrow a^2 = 20$$

$$\text{Elipsin denklemi: } \frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1 \\ \Rightarrow \frac{x^2}{20} + \frac{(y-2)^2}{4} = 1 \text{ bulunur.}$$

TEST - 2

1. $5x^2 + 9y^2 + 10x + 36y - 4 = 0$

elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

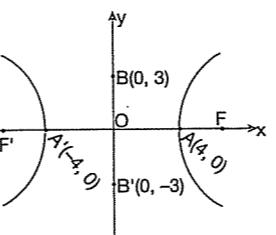
- A) $(-1, -4)$ B) $(-1, -2)$ C) $(1, 3)$
D) $(4, -2)$ E) $(1, -2)$

2. Odakları $F(-5, -3)$, $F'(5, -3)$ olan ve orijinden geçen elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{34} + \frac{(y+3)^2}{9} = 1$ B) $\frac{x^2}{25} + \frac{(y+3)^2}{16} = 1$
C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ D) $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4} = 1$
E) $\frac{x^2}{34} + \frac{y^2}{16} = 1$

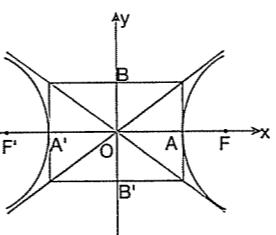
Hiperbol - I

Örnek



Şekilde verilen hiperbolün

- a) Köşelerini
b) Eksen uzunluklarını
c) Odaklarını
d) Odaklar arası uzaklığı bulunuz.



Düzlemede sabit iki noktası uzaklıklarları farkı sabit olan noktalar kümesine hiperbol denir.

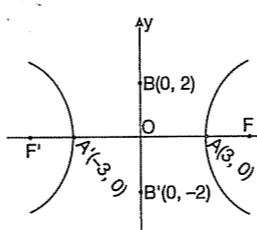
Şekildeki hiperbolde,
 $\Rightarrow A(a, 0)$, $A'(-a, 0)$, $B(0, b)$ ve $B'(0, -b)$ köşeler
 $\Rightarrow F(c, 0)$, $F'(-c, 0)$ odaklar,
 $\Rightarrow |AA'| = 2a$ asal (büyük) eksen uzunluğu
 $|BB'| = 2b$ yedek (küçük) eksen uzunluğu
 $|FF'| = 2c$ odaklar arası uzaklık
 $\Rightarrow c^2 = a^2 + b^2$ dir.

Çözüm

Şekilde verilen elipse;

- a) $A(4, 0)$, $A'(-4, 0)$, $B(0, 3)$ ve $B'(0, -3)$ köşelerdir.
b) $a = 4$ br ve $b = 3$ br
 \Rightarrow Asal eksen uzunluğu $|AA'| = 2a = 8$ br
 \Rightarrow Yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 2b = 6$ br
c) $c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c^2 = 3^2 + 4^2 \Rightarrow c = 5$ br olduğundan odaklar;
 $F(5, 0)$ ve $F'(-5, 0)$ dir.
d) Odaklar arası uzaklık $|FF'| = 2c = 10$ br dir.

TEST - 1



Şekilde verilen hiperbole göre, 1., 2., 3. ve 4. soruları cevaplayınız.

3. Hiperbolün odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(9, 0)$ B) $(3, 0)$ C) $(1, 0)$
D) $(\sqrt{13}, 0)$ E) $(\sqrt{17}, 0)$

1. Hiperbolün asal eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 9

2. Hiperbolün yedek eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 8 E) 9

4. Hiperbolün odaklar arası uzaklığı kaç br dir?

- A) 4 B) 6 C) $2\sqrt{13}$ D) 8 E) 10

Hiperbol - II

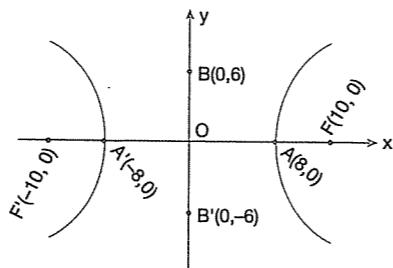
Örnek

Asal ekseni x ekseni, asal eksen uzunluğu $|AA'| = 16$ birim, yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 12$ birim olan merkezil hiperbolün odakları arasındaki uzaklığı bulup grafiğini çiziniz.

Çözüm

Asal eksen uzunluğu : $2a = 16 \Rightarrow a = 8$ br
 Yedek eksen uzunluğu : $2b = 12 \Rightarrow b = 6$ br
 $c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c^2 = 8^2 + 6^2 \Rightarrow c = 10$ br bulunur.
 Bu durumda; $F(10, 0)$, $F'(-10, 0)$ dir.
 $|FF'| = 20$ br dir.

Grafiği;

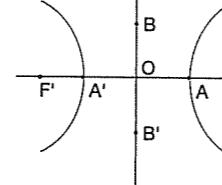


TEST - 2

1. Asal eksen uzunluğu $|AA'| = 24$ birim, yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 10$ birim olan merkezil hiperbolün odaklar arası uzaklığı kaç birimdir?

A) 26 B) 30 C) 36 D) 40 E) 48

4. Şekildeki hiperbolde;
 $A(8, 0)$, $A'(-8, 0)$,
 $B(0, 6)$, $B'(0, -6)$ ve
 F , F' odak noktaları
 olduğuna göre, $|FF'|$ kaç br dir?



A) 10 B) 16 C) 20 D) 24 E) 30

2. Asal eksen uzunluğu 30 br olan hiperbolün odakları $F(17, 0)$ ve $F'(-17, 0)$ olduğuna göre, yedek eksen uzunluğu kaç br dir?

A) 8 B) 10 C) 16 D) 20 E) 24

5. Şekildeki
 hiperbolde;
 $B(0, 9)$, $B(0, -9)$
 köşeler, $F(15, 0)$,
 $F'(-15, 0)$ odaklar
 olduğuna göre,
 $|AA'|$ kaç br dir?

A) 22 B) 24 C) 26 D) 28 E) 30

1. A 2. C 3. E 4. C 5. B

Hiperbol Denklemi - I

Örnek

$$\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$$

hiperbolünün

- a) Köşelerini
 b) Eksen uzunluklarını
 c) Odaklarını
 d) Odaklar arası uzaklığını bulunuz.

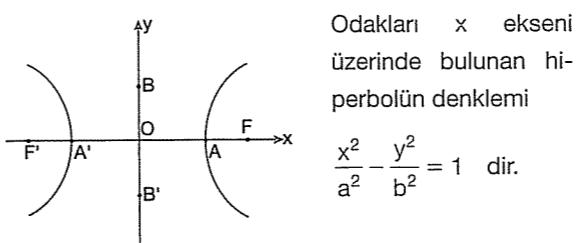
Çözüm

$$\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1 \Rightarrow a = 4$$

$b = 3$

$c^2 = b^2 + a^2 \Rightarrow c^2 = 5$ br bulunur.

- a) Köşeleri $A(4, 0)$, $A'(-4, 0)$, $B(0, 3)$ ve $B'(0, -3)$
 b) Asal eksen uzunluğu $|AA'| = 2a = 8$ br
 Yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 2b = 6$ br dir.
 c) Odakları, $F(5, 0)$ ve $F'(-5, 0)$ dir.
 d) Odaklar arası uzaklık $|FF'| = 10$ br dir.



Odakları x ekseninde bulunan hiperbolün denklemi

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$$

Odakları y ekseninde bulunan hiperbolün denklemi

$$\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1$$

TEST - 2

$$1. \frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{49} = 1$$

hiperbolünün köşelerinden biri aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) (8, 0) B) (-8, 0) C) (0, 7)
 D) (7, 0) E) (0, -7)

$$3. \frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{16} = 1$$

hiperbolünün odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (6, 0) B) (0, -6) C) (0, 6)
 D) (4, 0) E) (-4, 0)

$$2. \frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{25} = 1$$

hiperbolünün büyük eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 16 B) 12 C) 10 D) 8 E) 6

$$4. \frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$$

hiperbolünün odaklar arası uzaklığı kaç br dir?

- A) 10 B) 12 C) 16 D) 18 E) 20

1. D 2. A 3. A 4. E

Hiperbol Denklemi - II

Örnek

Asal eksen uzunluğu 16 br ve odakları

$F(-10, 0)$ ile $F'(10, 0)$ olan hiperbolün denklemi bulunuz.

Çözüm

$F(-10, 0)$ ve $F'(10, 0) \Rightarrow c = 10$ dur.

$|AA'| = 16$ br $\Rightarrow 2a = 16 \Rightarrow a = 8$ br

Bu durumda,

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow 100 = 64 + b^2 \Rightarrow b = 6 \text{ br} \text{ dir.}$$

Hiperbolün denklemi

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1 \text{ bulunur.}$$

TEST - 2

1. Odakları $F(12, 0)$ ve $F'(-12, 0)$ olan hiperbolün asal eksen uzunluğu 20 br olduğuna göre, denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{40} - \frac{y^2}{24} = 1$ B) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{144} = 1$
 C) $\frac{x^2}{100} - \frac{y^2}{44} = 1$ D) $\frac{x^2}{44} - \frac{y^2}{16} = 1$
 E) $\frac{x^2}{100} - \frac{y^2}{20} = 1$

3. Denklemi $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ olan hiperbolün odakları $F'(-10, 0)$ ve $F(10, 0)$ olduğuna göre, hiperbolün yedek eksen uzunluğu kaç br dir?

- A) 12 B) 16 C) 20 D) 24 E) 30

2. Odakları $F(8, 0)$ ve $F'(-8, 0)$ olan hiperbolün yedek eksen uzunluğu 8 birim olduğuna göre, denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{48} - \frac{y^2}{16} = 1$ B) $\frac{x^2}{44} - \frac{y^2}{48} = 1$
 C) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{x^2}{24} - \frac{y^2}{16} = 1$
 E) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$

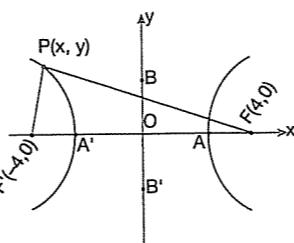
4. Odakları $F(0, 6)$ ve $F'(0, -6)$ olan hiperbolün asal eksen uzunluğu 10 br olduğuna göre, denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{16} = 1$ B) $\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{16} = 1$
 C) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{11} = 1$
 E) $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{11} = 1$

Hiperbol Denklemi - III

Örnek

Odakları $F'(-4, 0)$ ile $F(4, 0)$ olan ve $P(-4, 6)$ noktasından geçen hiperbolün denklemini bulunuz.



Merkezi orijinde bulunan ve eksenleri koordinat eksenleri olan hiperbolün üzerindeki $P(x, y)$ noktası için;

$$\left. \begin{array}{l} |PF| - |PF'| = 2a \\ c^2 = a^2 + b^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ bulunur.}$$

Çözüm

$$|PF| = \sqrt{(-4 - 4)^2 + (6 - 0)^2} = 10 \text{ br}$$

$$|PF'| = \sqrt{(-4 - (-4))^2 + (6 - 0)^2} = 6 \text{ br}$$

$$||PF| - |PF'|| = 2a \Rightarrow 10 - 6 = 2a \Rightarrow a = 2 \text{ br}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow 4^2 = 2^2 + b^2 \Rightarrow b^2 = 12 \text{ br olduğundan}$$

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1 \text{ bulunur.}$$

TEST - 3

1. Odakları $F'(-2, 0)$ ve $F(2, 0)$ olan ve $P(-2, -3)$ noktasından geçen hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{3} - y^2 = 1$ B) $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$
 C) $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{4} = 1$ D) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$
 E) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$

2. Odakları $F(0, 2)$, $F'(0, -2)$ olan ve $P(3, 2)$ noktasından geçen hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{y^2}{3} - x^2 = 1$ B) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$
 C) $y^2 - \frac{x^2}{3} = 1$ D) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{4} = 1$
 E) $\frac{y^2}{3} - \frac{x^2}{16} = 1$

3. $F(15, 0)$ ve $F'(-15, 0)$ noktalarına uzaklıklar farkı 24 br olan noktaların geometrik yeri denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{81} - \frac{y^2}{64} = 1$ B) $\frac{x^2}{144} - \frac{y^2}{64} = 1$
 C) $\frac{x^2}{225} - \frac{y^2}{64} = 1$ D) $\frac{x^2}{81} - \frac{y^2}{10} = 1$
 E) $\frac{x^2}{144} - \frac{y^2}{81} = 1$

4. $F(0, 5)$ ve $F'(0, -5)$ noktalarına uzaklıklar farkı 6 birim olan noktaların geometrik yeri aşağıdakilerden hangisidir?

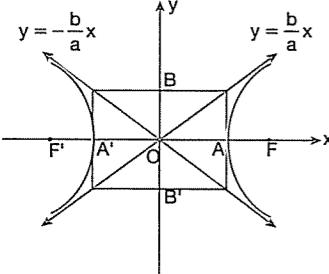
- A) $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{9} = 1$ B) $\frac{y^2}{9} - x^2 = 1$
 C) $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{9} = 1$ D) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{16} = 1$
 E) $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{25} = 1$

Hiperbolün Asimptotları - I

Örnek

$$\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1$$

hiperbolünün asimptotlarını bulunuz.



$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolünün asimptot denklemi, hiperbol denkleminin sağ tarafının 0 (sıfır) a eşitlenmesi ile $y = \pm \frac{b}{a}x$ olarak bulunur.

Çözüm

$$\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1 \Rightarrow a = 4 \quad b = 2 \quad \text{olduğundan}$$

Asimptot denklemi;

$$y = \pm \frac{b}{a}x \Rightarrow y = \frac{1}{2}x \quad \text{ve} \quad y = -\frac{1}{2}x \quad \text{dir.}$$

TEST - 3

1. $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$

hiperbolünün asimptot denklemelerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = \frac{1}{3}x$ B) $y = \frac{3}{4}x$ C) $y = \frac{3}{2}x$
 D) $y = \frac{2}{5}x$ E) $y = 2x$

2. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{36} = 1$

hiperbolünün asimptot denklemelerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -\frac{2}{3}x$ B) $y = -\frac{3}{4}x$ C) $y = -\frac{4}{3}x$
 D) $y = -\frac{3}{2}x$ E) $y = -\frac{1}{2}x$

3. $9x^2 - 16y^2 = 144$ hiperbolünün asimptotlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = \frac{3}{4}x$ B) $y = \frac{2}{3}x$ C) $y = \frac{4}{3}x$
 D) $y = \frac{3}{2}x$ E) $y = \frac{1}{2}x$

4. $F(10, 0)$ ve $F'(-10, 0)$ noktalarına uzaklıkları farkı 16 birim olan hiperbolün asimptotlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -\frac{3}{5}x$ B) $y = -\frac{3}{2}x$ C) $y = \frac{1}{2}x$
 D) $y = -\frac{3}{4}x$ E) $y = -2x$

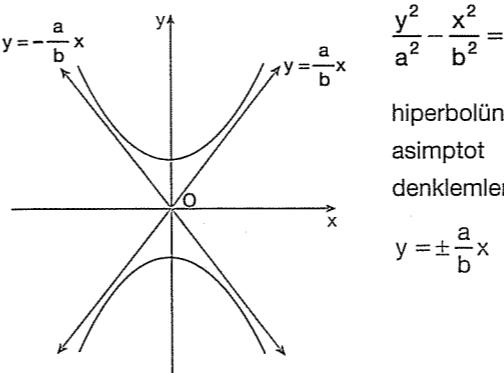
1. B 2. D 3. A 4. D

Hiperbolün Asimptotları - II

Örnek

$$\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{16} = 1$$

hiperbolünün asimptotlarını bulunuz.



$$\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1$$

hiperbolünün asimptot denklemi
 $y = \pm \frac{a}{b}x$ dir.

Çözüm

$$\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{16} = 1 \Rightarrow a = 5$$

$\Rightarrow b = 4$ olduğundan

$$y = \pm \frac{a}{b}x \Rightarrow y = \frac{5}{4}x \quad \text{ve} \quad y = -\frac{5}{4}x \quad \text{dir.}$$

TEST - 2

1. $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{64} = 1$ hiperbolünün asimptot denklemelerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = \frac{2}{3}x$ B) $y = -\frac{2}{3}x$ C) $y = \frac{1}{2}x$
 D) $y = 2x$ E) $y = \frac{1}{3}x$

2. $\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{4} = 1$ hiperbolünün asimptot denklemelerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -\frac{1}{3}x$ B) $y = -\frac{2}{3}x$ C) $y = -3x$
 D) $y = -\frac{1}{2}x$ E) $y = \frac{3}{4}x$

3. $16y^2 - 4x^2 = 64$ hiperbolünün asimptotlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 2x$ B) $y = \frac{1}{3}x$ C) $y = \frac{2}{3}x$
 D) $y = \frac{3}{4}x$ E) $y = \frac{1}{2}x$

4. $F(0, 5)$ ve $F(0, -5)$ noktalarına uzaklıkları farkı 8 br olan hiperbolün asimptotlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -\frac{3}{4}x$ B) $y = -\frac{2}{3}x$ C) $y = -\frac{4}{3}x$
 D) $y = -\frac{1}{2}x$ E) $y = -2x$

1. C 2. C 3. E 4. C

Hiperbolün Asimptotları - III

Örnek - 1

Odakları x ekseni üzerinde bulunan ve büyük eksen uzunluğu 16 br olan hiperbolün asimptotları $y = \pm \frac{1}{2}x$ olduğuna göre, odaklar arası uzaklığı bulunuz.

Çözüm

$$|AA'| = 16 \text{ br} \Rightarrow 2a = 16 \Rightarrow a = 8 \text{ br}$$

$$y = \pm \frac{1}{2}x \Rightarrow \pm \frac{x}{2} = \pm \frac{b}{a}x \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{b}{8} \Rightarrow b = 4 \text{ olur.}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c^2 = 64 + 16 \Rightarrow c = 4\sqrt{5} \text{ br olur.}$$

odaklar arası uzaklık

$$|FF'| = 2c \Rightarrow |FF'| = 2 \cdot 4\sqrt{5} = 8\sqrt{5} \text{ bulunur.}$$

Örnek - 2

Odaklarından biri $F(2\sqrt{13}, 0)$ olan ve asimptotları $y = \pm \frac{2}{3}x$ olan hiperbolün denklemini bulunuz.

Çözüm

$$\text{Odaklarından biri } F(2\sqrt{13}, 0) \Rightarrow c = 2\sqrt{13} \text{ dir.}$$

$$\begin{aligned} \text{Asimptot denklemleri; } y = \pm \frac{2}{3}x &\Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{2}{3} \\ &\Rightarrow 2a = 3b \text{ dir} \\ &a = 3k \text{ ve } b = 2k \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} c^2 = a^2 + b^2 \text{ olduğundan } (2\sqrt{13})^2 &= (3k)^2 + (2k)^2 \\ 52 &= 13k^2 \\ 4 = k^2 &\Rightarrow k = 2 \text{ br} \end{aligned}$$

Bu durumda;

$a = 6$, $b = 4$ bulunur. Denklemi;

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1 \text{ dir.}$$

TEST - 3

1. Odakları x ekseni üzerinde bulunan ve büyük eksen uzunluğu 12 br olan hiperbolün asimptotları $y = \pm \frac{1}{3}x$ olduğuna göre, yedek eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 2 B) 4 C) 6 D) 18 E) 10

2. Odaklarından biri $F'(2\sqrt{10}, 0)$ olan hiperbolün asimptotları $y = \pm \frac{1}{3}x$ olduğuna göre, büyük eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

3. Odaklarından biri $F'(4\sqrt{5}, 0)$ olan hiperbolün asimptotları $y = \pm \frac{1}{2}x$ olduğuna göre, yedek eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

4. Odakları x ekseni üzerinde bulunan, asal eksenin uzunluğu yedek eksen uzunluğunun 2 katı olan ve odaklarından biri $F'(\sqrt{5}, 0)$ olan hiperbolün asimptotları aşağıdakilerden hangisidir?
- A) $y = \pm \frac{1}{2}x$ B) $y = \pm x$ C) $y = \pm \frac{3}{2}x$
 D) $y = \pm \frac{2}{3}x$ E) $y = \pm \frac{3}{4}x$

sonuç yayınıları

Hiperbolün Asimptotları ve İkizkenar Hiperbol

Örnek - 1

$\frac{x^2}{24} - \frac{y^2}{16} = 1$ hiperbolünün bir odağının asimptotlardan birine olan uzaklığını bulunuz.

Çözüm

$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolünde $a = b$ ise hiperbole ikizkenar hiperbol denir.

Buna göre, hiperbolde $a = b$ olup,
 $c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow 4^2 = a^2 + a^2$

$$\Rightarrow a = 2\sqrt{2} \text{ olacağından, hiperbol denklemi } \frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{8} = 1 \text{ bulunur.}$$

Örnek - 2

Odakları x ekseni üzerinde bulunan ve odaklar arası uzaklığı 8 br olan ikizkenar hiperbolün denklemini bulunuz

Çözüm

$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolünde $a = b$ ise hiperbole ikizkenar hiperbol denir.

Buna göre, hiperbolde $b^2 = 16 \Rightarrow b = 4$ br bulunur.

TEST - 4

1. $\frac{x^2}{27} - \frac{y^2}{9} = 1$ hiperbolünün bir odağının asimptotlardan birine uzaklığı kaç br dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

3. $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{64} = 1$ hiperbolünün bir odağının asimptotlardan birine uzaklığı kaç br dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

2. Odakları x ekseni üzerinde bulunan ve odaklar arası uzaklığı 12 br olan ikizkenar hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{9} = 1$ B) $\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{12} = 1$
 C) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{x^2}{18} - \frac{y^2}{18} = 1$

4. Odakları y ekseni üzerinde bulunan ve odaklar arası uzaklığı 4 br olan ikizkenar hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{y^2}{2} - \frac{x^2}{2} = 1$ B) $\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{4} = 1$
 C) $\frac{y^2}{6} - \frac{x^2}{6} = 1$ D) $\frac{y^2}{8} - \frac{x^2}{8} = 1$
 E) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{16} = 1$

Hiperbolün Dış Merkezliği

Örnek

Asal ekseni x ekseni üzerinde bulunan merkezil hiperbolün asal eksen uzunluğu 8 birim dış merkezliği $\frac{5}{4}$ olduğuna göre, hiperbol denklemini bulunuz ve grafiğini çiziniz.

$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ denklemi ile verilen hiperbolde $e = \frac{c}{a}$ sayısına hiperbolün dış merkezliği denir.
Hiperbolde $e = \frac{c}{a} > 1$ dir.



Çözüm

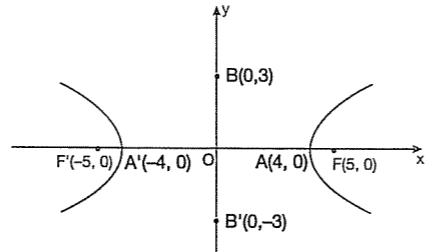
Asal eksen uzunluğu: $2a = 8 \Rightarrow a = 4$ br dir.

$$\text{Dış merkezlik: } e = \frac{c}{a} \Rightarrow \frac{5}{4} = \frac{c}{4} \Rightarrow c = 5 \text{ olur.}$$

$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow 5^2 = 4^2 + b^2 \Rightarrow b = 3$ br olduğundan

$$\text{Denklem: } \frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1 \text{ dir.}$$

Buna göre, grafik aşağıdaki gibidir:



TEST - 5

1. $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$ hiperbolünün dış merkezliği kaçtır?

A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{3}{2}$ D) $\frac{5}{3}$ E) 2

2. Asal ekseni x ekseni üzerinde bulunan merkezil hiperbolün asal eksen uzunluğu 16 br dış merkezliği $\frac{3}{2}$ olduğuna göre, hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$ B) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{80} = 1$

C) $\frac{x^2}{48} - \frac{y^2}{64} = 1$ D) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{48} = 1$

E) $\frac{x^2}{48} - \frac{y^2}{80} = 1$

3. $16x^2 - 9y^2 = 144$ hiperbolünün dış merkezliği kaçtır?

A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{3}{2}$ D) $\frac{5}{3}$ E) 2

4. Asal ekseni y ekseni üzerinde bulunan, yedek eksen uzunluğu 12 birim, dış merkezliği $\frac{2}{\sqrt{3}}$ olan hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{36} = 1$ B) $\frac{y^2}{72} - \frac{x^2}{48} = 1$

C) $\frac{y^2}{48} - \frac{x^2}{36} = 1$ D) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$

E) $\frac{y^2}{108} - \frac{x^2}{36} = 1$

sonuçlar

Hiperbolün Parametrik Denklemi

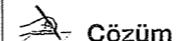
Örnek - 1

Parametrik denklemi

$$x = 3 \sec \theta$$

$$y = 5 \tan \theta$$

olan hiperbolün denklemini bulunuz.



Çözüm

Parametrik denklemi

$$x = a \sec \theta$$

$$y = b \tan \theta$$

olan eğri asal eksen uzunluğu $2a$, yedek eksen uzunluğu $2b$ olan merkezil hiperboldür.

$$x = 3 \sec \theta \Rightarrow a = 3$$

$$y = 5 \tan \theta \Rightarrow b = 5 \text{ olduğundan}$$

$$\text{denklem: } \frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{25} = 1 \text{ bulunur.}$$

Örnek - 2

$\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{9} = 1$ olan hiperbolün parametrik denklemini bulunuz.



Çözüm

$$\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{9} = 1 \Rightarrow a = 6$$

b = 3 dır.

Bu durumda;

$$x = 6 \sec \theta$$

$y = 3 \tan \theta$ hiperbolün parametrik denklemidir.

TEST - 6

1. Parametrik denklemi

$$x = 4 \sec \theta$$

$$y = 7 \tan \theta$$

olan hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{36} = 1$

B) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{49} = 1$

C) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{16} = 1$

D) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{49} = 1$

E) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$

3. $\frac{y^2}{64} - \frac{x^2}{9} = 1$ hiperbolünün parametrik denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x = 3 \tan \theta$ B) $x = 8 \tan \theta$
y = 8 sec θ y = 3 sec θ

C) $x = 3 \sec \theta$ D) $x = 8 \tan \theta$
y = 8 tan θ y = 5 sec θ

E) $x = 8 \sec \theta$ y = 3 tan θ

2. Parametrik denklemi

$$x = 5 \sec \theta$$

$$y = 12 \tan \theta$$

olan hiperbolün odakları arasındaki uzaklık kaç br dir?

A) 16

B) 20

C) 24

D) 26

E) 30

4. Parametrik denklemi

$$x = 2 \sec \theta$$

$$y = 2\sqrt{3} \tan \theta$$

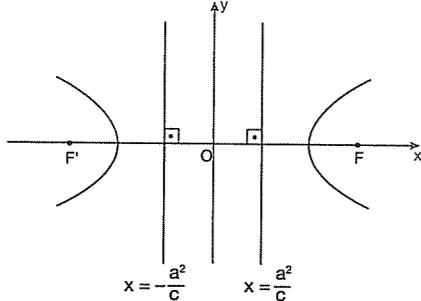
olan hiperbolün dış merkezliği kaçtır?

A) 2 B) $\frac{5}{2}$ C) 3 D) $\frac{7}{2}$ E) 4

Hiperbolün Doğrultman Doğruları

Örnek

Köşeleri $A'(-3, 0)$ ve $A(3, 0)$ olan hiperbolün doğrultmanları $x = \pm \frac{9}{4}$ olduğuna göre, denklemi bulunuz.



Odağı x ekseni üzerinde olan $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolünde $x = -\frac{a^2}{c}$ ve $x = \frac{a^2}{c}$ doğrularına hiperbolün doğrultmanları denir.

Çözüm

$A'(-3, 0)$ ve $A(3, 0) \Rightarrow a = 3$ tür.

$$x = \pm \frac{a^2}{c} \Rightarrow \frac{9}{4} = \frac{a^2}{c} \Rightarrow \frac{9}{4} = \frac{9}{c} \Rightarrow c = 4 \text{ olur.}$$

$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow 16 = 9 + b^2 \Rightarrow b^2 = 7$ olacağından,

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{7} = 1 \text{ bulunur.}$$

TEST - 7

1. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ hiperbolünün doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = \frac{2}{\sqrt{5}}$ B) $x = \frac{3}{\sqrt{5}}$ C) $x = \frac{4}{\sqrt{5}}$
D) $x = 1$ E) $x = \sqrt{5}$

2. Köşeleri $A(-5, 0)$ ve $A'(5, 0)$ olan hiperbolün doğrultmanları $x = \pm \frac{25}{7}$ olduğuna göre, denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{24} - \frac{y^2}{49} = 1$ B) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{25} = 1$
C) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{9} = 1$ D) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{24} = 1$
E) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$

3. Köşeleri $A'(-4, 0)$ ve $A(4, 0)$ olan hiperbolün doğrultmanları $x = \pm \frac{8}{3}$ olduğuna göre, dış merkezligi kaçtır?

- A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{5}{2}$ E) 2

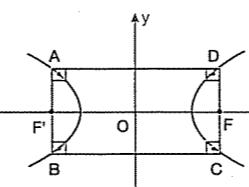
4. $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolünün odaklarından biri $F(5, 0)$ ve hiperbolün doğrultmanları $x = \pm \frac{18}{5}$ olduğuna göre, b kaçtır?

- A) $\sqrt{7}$ B) $\sqrt{6}$ C) $\sqrt{5}$ D) $\sqrt{3}$ E) $\sqrt{2}$

sonuç yayınları

Hiperbolün Parametresi

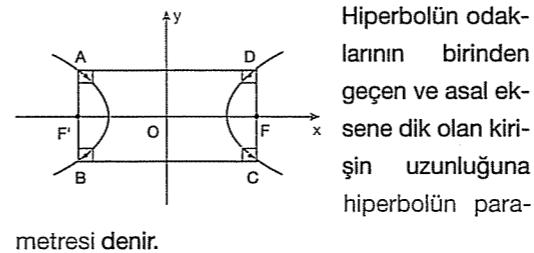
Örnek



$$\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{4} = 1 \Rightarrow \begin{cases} a = 2\sqrt{3} \\ b = 2 \end{cases} \Rightarrow c = 4 \text{ dür.}$$

Şekildeki $\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{4} = 1$ hiperbolünün F ve F' odaklarından geçen,

asal eksene dik doğrular A, B, C, D noktalarında kesiyor. Buna göre, $A(ABCD)$ kaç br^2 dir?



Hiperbolün odaklarının birinden geçen ve asal eksene dik olan kirişin uzunluğuna hiperbolün parametresi denir.

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ hiperbolünde parametre}$$

$$|AB| = |CD| = 2p = \frac{2b^2}{a} \text{ dir.}$$

TEST - 3

1. $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$ hiperbolünün parametresi kaçtır?

- A) $\frac{8}{3}$ B) 4 C) $\frac{16}{3}$ D) $\frac{32}{3}$ E) $\frac{64}{3}$

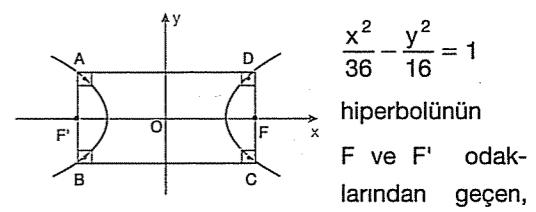
2. $4x^2 - by^2 = 64$ hiperbolünün parametresi 16 olduğuna göre, odaklar arası uzaklık kaç br dir?

- A) 4 B) $2\sqrt{5}$ C) $4\sqrt{5}$ D) $8\sqrt{3}$ E) $7\sqrt{5}$

3. $x^2 - 4y^2 = 36$ hiperbolünün parametresi kaçtır?

- A) 4 B) $\frac{5}{2}$ C) 3 D) $\frac{8}{3}$ E) 4

4.



$$\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$$

hiperbolünün F ve F' odaklarından geçen,

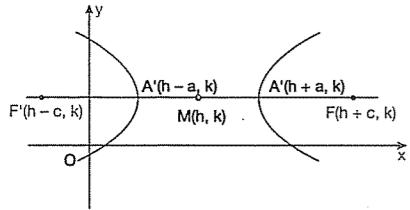
asal eksene dik doğrular A, B, C, D noktalarında kesiyor.

Buna göre, $A(ABCD)$ kaç br^2 dir?

- A) $\frac{25\sqrt{3}}{3}$ B) $\frac{32\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{32\sqrt{3}}{3}$

- D) $\frac{64\sqrt{2}}{3}$ E) $\frac{64\sqrt{13}}{3}$

Hiperbolün Ötelenmesi



Şekilde görüldüğü gibi merkezi orijin olan

$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ hiperbolü, merkezi $M(h, k)$ olacak şekilde ötelenerek,

$$\frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$$
 hiperbolü elde edilmiştir.

Bu hiperbolün köşeleri

$A'(h-a, k)$ ve $A'(h+a, k)$

Odakları;

$F'(h-c, k)$ ve $F'(h+c, k)$ olur.

Örnek

$$\frac{(x+1)^2}{16} + \frac{(y-2)^2}{9} = 1$$
 hiperbolünün,

- Merkezini
- Köşelerini
- Odaklarını bulunuz.

Çözüm

$$\frac{(x+1)^2}{16} + \frac{(y-2)^2}{9} = 1$$
 hiperbolünde,

$$a = 4, b = 3 \text{ ve } c^2 = a^2 + b^2 \text{ olduğundan}$$

$$c^2 = 4^2 + 3^2 \Rightarrow c = 5 \text{ br olur.}$$

$$h = -1 \text{ ve } k = 2 \text{ dir. Buna göre,}$$

- $M(h, k) \Rightarrow M(-1, 2)$ dir.

b) Köşeleri;

$$A'(h-a, k) \Rightarrow A'(-5, 2)$$

$$A(h+a, k) \Rightarrow A(3, 2)$$
 dir.

b) Odakları;

$$F'(h-c, k) \Rightarrow F'(-6, 2)$$

$$F(h+c, k) \Rightarrow F(4, 2)$$
 dir.

TEST - 4

1. $\frac{(x-2)^2}{10} - \frac{(y+3)^2}{6} = 1$ denklemi ile verilen hiperbolün merkezi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (2, -3) B) (2, 3) C) (-2, 3)
D) (10, 3) E) (6, -3)

2. $\frac{(x-1)^2}{9} - \frac{(y+2)^2}{5} = 1$ hiperbolün köşelerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (2, -2) B) (4, 2) C) (4, -2)
D) (3, 1) E) (2, 2)

3. $\frac{(x+3)^2}{16} - \frac{(y-1)^2}{9} = 1$ hiperbolün odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (1, 2) B) (8, 1) C) (-3, 1)
D) (2, 1) E) (8, -2)

4. $\frac{(x-m)^2}{10} - \frac{(y+n)^2}{7} = 1$ hiperbolün merkezi $M(2, -1)$ olduğuna göre, m . n kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2

Koniğin Temel Elemanları

1. Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $x = 3$ ve odağı $F(3, 1)$ olan konik $P(1, -1)$ noktasından geçtiğine göre koniğin dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

A) 1 B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\sqrt{2}$
 D) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ E) $\frac{2\sqrt{2}}{5}$

2. Analitik düzlemede odağı $F(-1, 4)$ noktası ve doğrultman doğrusu $x - 3y + 3 = 0$ olan konik $P(2, 0)$ noktasından geçtiğine göre, koniğin dış merkezliği aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{\sqrt{10}}{2}$ B) $\frac{\sqrt{10}}{5}$ C) $\frac{2\sqrt{10}}{5}$
 D) $\sqrt{10}$ E) 2

3. Analitik düzlemede odağı $F(0, -3)$ noktası ve doğrultman doğrusunun denklemi $y = 1$ olan bir konik veriliyor. $P(1, -2)$ noktası koniğin üzerinde bir nokta olduğuna göre, koniğin dış merkezliği kaçtır?

A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{5}$
 D) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ E) 1

4. Analitik düzlemede odağı $F(-4, 2)$ ve doğrultman doğrusu $y = -3$ olan konik $P(-1, 6)$ noktasından geçtiğine göre, koniğin dış merkezliği kaçtır?

A) $\frac{5}{4}$ B) 1 C) $\frac{6}{5}$
 D) $\frac{5}{8}$ E) $\frac{5}{9}$

5. Odağı $F(3, -4)$ noktası doğrultmanı $d: x - 2y + 5 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor. Buna göre, koniğin odağından geçen ve doğrultmanını dik kesen doğrunun denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y + 2x - 2 = 0$ B) $y - x + 5 = 0$
 C) $y + 2x + 3 = 0$ D) $y + x + 2 = 0$
 E) $2y + x - 5 = 0$

6. Odağı $F(-3, 1)$ noktası doğrultmanı $d: x - y + 4 = 0$ doğrusu olan bir konik veriliyor. Bu koniğin D noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(-3, 2)$ B) $(-2, 1)$ C) $(-3, 1)$
 D) $(1, 3)$ E) $(1, -3)$

7. Analitik düzlemede doğrultman doğrusunun denklemi $x = 3$, odak noktası $F(1, -2)$ ve dış merkezliği $\frac{1}{2}$ olan koniğin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $3x^2 + 4y^2 - 4x - 16y + 12 = 0$
 B) $3x^2 + 4y^2 - 2x + 16y + 11 = 0$
 C) $3x^2 + 4y^2 + 7x + 12y + 16 = 0$
 D) $3x^2 + 4y^2 - 2x + 8y + 11 = 0$
 E) $3x^2 + 4y^2 - 4x + 16y + 11 = 0$

8. Odak noktası $F(2, -1)$, ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(4, -3)$ ve dış merkezliği 1 olan koniğin [DF] üzerindeki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(3, 1)$ B) $(2, 3)$ C) $(-3, 1)$
 D) $(3, -2)$ E) $(3, -1)$

9. Odak noktası $F(-2, 3)$, ekseni ile doğrultmanın kesiştiği noktası $D(-3, 6)$ ve dış merkezliği $\frac{2}{3}$ olan doğrunun [DF] dışındaki tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(0, -1)$ B) $(1, -2)$ C) $(0, -3)$
 D) $(3, 1)$ E) $(1, -3)$

10. Odak noktası $F(-2, 0)$, doğrultmanı $x = 0$ olan bir koniğin üzerindeki iki noktası $P(1, 3)$ ve $K(1, a)$ olduğuna göre, a kaçtır?

A) -3 B) -1 C) 0 D) 1 E) 3

sonuç yayınları

sonuç yayınları

11. Analitik düzlemede odak noktası $F(2, -2)$ ve doğrultman doğrusunun denklemi $3x + 4y + 4 = 0$ olan konik $P(1, -3)$ noktasından geçmektedir. Buna göre, bu koniğin cinsi aşağıdakilerden hangisidir?

A) Çember B) Hiperbol C) Ellips
 D) Parabol E) Paralel iki doğru

12. Odağı $F(-4, 0)$ noktası ve [DF] üzerinde olmayan tepe noktasının koordinatları $T(2, 0)$ olan konikte $D(-6, 0)$ olduğuna göre, bu koniğin cinsi aşağıdakilerden hangisidir?

A) Hiperbol B) Parabol C) Ellips
 D) Çember E) Kesişen iki doğru

1. Doğrultmanı $x = -3$ doğrusu ve kölesi $O(0, 0)$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y^2 = 6x$ B) $y^2 = 8x$ C) $y^2 = 12x$
D) $x^2 = 6y$ E) $x^2 = 12y$

2. Doğrultmanı $x = 5$ doğrusu ve kölesi $O(0, 0)$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y^2 = -10x$ B) $y^2 = 20x$ C) $y^2 = -20x$
D) $x^2 = 10y$ E) $x^2 = -20y$

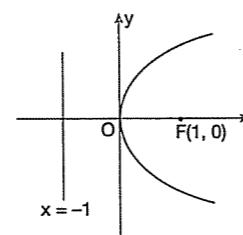
3. Doğrultmanı $y = -4$ ve odağı $F(0, 4)$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 = 8y$ B) $x^2 = 16y$ C) $x^2 = -16y$
D) $y^2 = 8x$ E) $y^2 = 16x$

4. Doğrultmanı $y = 6$ ve odağı $F(0, -6)$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 = 12y$ B) $y^2 = 12x$ C) $x^2 = -24y$
D) $x^2 = 24y$ E) $y^2 = -24x$

5.



Şekilde grafiği ve doğrultmanı verilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 = 8y$ B) $y^2 = -4x$ C) $y^2 = 4x$
D) $x^2 = 2y$ E) $y^2 = 8x$

6.

Simetri ekseni y ekseni olan ve $P(4, 1)$ noktasından geçen parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(0, 4)$ B) $(0, 2)$ C) $(0, -4)$
D) $(4, 0)$ E) $(-4, 0)$

7.

$F(0, -4)$ noktası ile $y = 4$ doğrusuna eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 = 8y$ B) $y^2 = 8x$ C) $y^2 = -8x$
D) $x^2 = 16y$ E) $x^2 = -16y$

8.

$P(1, a)$ noktası $y^2 = 8x$ parabolü üzerinde olduğuna göre, a nın alacağı değerler çarpımı kaçtır?

A) 16 B) -16 C) 8 D) -8 E) 4

sonuç yayınları

9. $x^2 + 16y = 0$ denklemiyle verilen parabolün doğrultmanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y = 8$ B) $y = -8$ C) $x = 8$
D) $y = 4$ E) $y = -4$

10. $x^2 = my$ parabolü üzerindeki bir nokta $P(4, 1)$ olduğuna göre, bu parabolün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(4, 0)$ B) $(0, 4)$ C) $(0, -4)$
D) $(0, -8)$ E) $(8, 0)$

11. Kölesi $A(1, 2)$ ve doğrultmanı $x = -3$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(y - 2)^2 = 16(x - 1)$
B) $(y - 2)^2 = 8(x - 1)$
C) $(y - 1)^2 = 16(x - 2)$
D) $(y + 2)^2 = 8(x - 1)$
E) $(y - 4)^2 = 16(x - 2)$

12. Kölesi $A(1, 2)$ ve doğrultmanı $x = 4$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(y - 2)^2 = 8(x - 1)$
B) $(y - 2)^2 = -12(x - 1)$
C) $(y + 2)^2 = 12(x + 1)$
D) $(y + 2)^2 = -8(x - 1)$
E) $(x - 1)^2 = -12(y - 2)$

13. $(x - 3)^2 = 16(y - 1)$ denklemi ile verilen parabolün kölesi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(1, 3)$ B) $(3, 4)$ C) $(3, 1)$
D) $(-3, -1)$ E) $(-4, 3)$

14. $(x + 2)^2 = -4(y - 2)$ denklemi ile verilen parabolün odağı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(-2, 1)$ B) $(2, -2)$ C) $(-2, 4)$
D) $(3, -1)$ E) $(2, -4)$

15. $x^2 - 6x - 4y + 5 = 0$ parabolün kölesi aşağıdakilerden hangisidir?

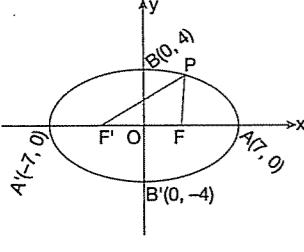
A) $(3, 2)$ B) $(-3, 1)$ C) $(-3, 2)$
D) $(3, -1)$ E) $(1, 3)$

16. $x = -1 + \cos 2t$

$$y = 2 \sin t$$

şeklinde ifade edilen parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y^2 = 4x$ B) $y^2 = -4x$ C) $y^2 = 2x$
D) $y^2 = -2x$ E) $y^2 = 8x$

1. 
- Şekildeki elipsin A(7, 0), A'(-7, 0), B(0, 4), B'(-4, 0) noktaları köşeleri ve F, F' odakları olduğuna göre, $|PF| + |PF'|$ kaç br dir?
- A) 6 B) 8 C) 12 D) 14 E) 16

2. Odakları F(4, 0) ve F'(-4, 0) olan elipsin, yedek eksen uzunluğu $4\sqrt{5}$ br olduğuna göre, asal eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 10 B) 12 C) 14 D) 16 E) 18

3. Asal eksen uzunluğu 10 br ve yedek eksen uzunluğu 6 br olup odakları x ekseninde bulunan elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

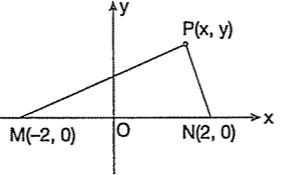
A) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ B) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$
 C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{y^2}{25} + \frac{x^2}{9} = 1$
 E) $\frac{y^2}{16} + \frac{x^2}{9} = 1$

4. $4x^2 + 25y^2 = 100$ denklemi ile verilen elipsin asal eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

5. $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{21} = 1$ elipsinin odak noktalarından biri aşağıdakilerden hangisidir?
- A) (3, 0) B) (0, 2) C) (0, 3)
 D) (-2, 0) E) (0, -4)

6. Odakları F(4, 0) ve F'(-4, 0) olan elipsin asal eksen uzunluğu 12 br olduğuna göre, elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{y^2}{36} + \frac{x^2}{20} = 1$ B) $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{16} = 1$
 C) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{y^2}{20} + \frac{x^2}{16} = 1$
 E) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{20} = 1$

7. 
- Şekilde M ve N noktalarına uzaklıklarının toplamı 6 br olan P(x, y) noktalarının geometrik yer denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$ B) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$
 C) $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4} = 1$ D) $\frac{y^2}{9} + \frac{x^2}{5} = 1$
 E) $\frac{y^2}{9} + \frac{x^2}{4} = 1$

8. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$ elipsinin dış merkezligi kaçtır?
- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{3}{5}$

9. $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{36} = 1$ elipsinin basıklığı kaçtır?

A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{7}$

13. $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{15} = 1$

denklemi ile verilen elipsin doğrultmanlarının arasındaki uzaklık kaç br dir?

A) 12 B) 14 C) 16 D) 18 E) 20

10. $x^2 + 4y^2 = 20$ elipsinin $x + y = 5$ teğetinin değme noktası aşağıdakilerden hangisidir?

A) (2, 3) B) (4, 1) C) (-1, 4)
 D) (-4, -1) E) (1, 4)

14. $4x^2 + y^2 = 16$ elipsinin asal çemberi ile yedek çemberi arasında kalan alan kaç πr^2 dir?

A) 8π B) 9π C) 12π D) 14π E) 15π

11. Parametrik denklemi

$$x = 6 \cos t$$

$$y = 4 \sin t$$

olan elipsin odakları arasındaki uzaklık kaç br dir?

A) $2\sqrt{5}$ B) 6 C) 8 D) $4\sqrt{5}$ E) $6\sqrt{5}$

12. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1$

elipsinin doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

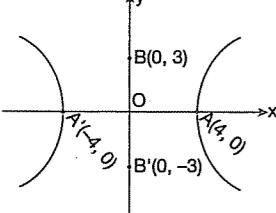
A) $x = 2$ B) $x = 4$ C) $x = -2$
 D) $x = 5$ E) $x = 8$

15. $25(x+1)^2 + 16(y-2)^2 = 400$ elipsinin odaklarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

A) (2, 2) B) (-1, 5) C) (4, 2)
 D) (2, -1) E) (-4, -1)

16. Odakları F(3, 2), F'(-3, 2) olan ve orijinden geçen elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ B) $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{9} = 1$
 C) $\frac{x^2}{13} + \frac{(y-2)^2}{4} = 1$ D) $\frac{y^2}{13} + \frac{x^2}{4} = 1$
 E) $\frac{x^2}{9} + \frac{(y-2)^2}{4} = 1$

1. 
Şekilde verilen hiperbolün asal eksen uzunluğu kaç br dir?
- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

2. Asal eksen x eksen, asal eksen uzunluğu $|AA'| = 8$ birim yedek eksen uzunluğu $|BB'| = 6$ birim olan merkezil hiperbolün odakları arasındaki uzaklık kaç birimdir?
- A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 15

3. $\frac{x^2}{144} - \frac{y^2}{25} = 1$
hiperbolün köşelerinden biri aşağıdakilerden hangisi olamaz?
- A) $(12, 0)$ B) $(-12, 0)$ C) $(0, 5)$
D) $(5, 0)$ E) $(0, -5)$

4. Asal eksen uzunluğu 8 br ve odakları $F'(-5, 0)$ ile $F(5, 0)$ olan hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ B) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$
C) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$
E) $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{16} = 1$

5. Odakları $F'(-2, 0)$ ve $F(2, 0)$ olan ve $P(-2, 3)$ noktasından geçen hiperbolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$ B) $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{2} = 1$
C) $x^2 - \frac{y^2}{2} = 1$ D) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$
E) $\frac{x^2}{3} - y^2 = 1$

6. $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$
hiperbolün asimptot denklemlerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y = \frac{2}{5}x$ B) $y = \frac{2}{3}x$ C) $y = -\frac{1}{2}x$
D) $y = -\frac{3}{5}x$ E) $y = -\frac{1}{3}x$

7. $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{4} = 1$
hiperbolün asimptot denklemlerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

A) $y = \frac{3}{5}x$ B) $y = -\frac{2}{3}x$ C) $y = \frac{5}{2}x$
D) $y = \frac{1}{2}x$ E) $y = \frac{1}{3}x$

8. Odakları x eksen üzerinde bulunan ve büyük eksen uzunluğu 6 br olan hiperbolün asimtotları $y = \pm \frac{1}{2}x$ olduğuna göre, yedek eksen uzunluğu kaç br dir?

A) 16 B) 6 C) 4 D) 3 E) 2

9. $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{9} = 1$

hiperbolün bir odağının asimptotlarından birine uzaklığı kaç br dir?

A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

13. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{10} = 1$ hiperbolünün parametresi kaçtır?

A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

14. $\frac{(x+5)^2}{20} - \frac{(y-3)^2}{8} = 1$

denklemi ile verilen hiperbolün merkezi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $(-5, -3)$ B) $(3, 5)$ C) $(-5, 3)$
D) $(5, -3)$ E) $(3, -5)$

10. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$

hiperbolün dış merkezligi kaçtır?

A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{4}{7}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{3}{5}$

11. Parametrik denklemi

$x = 3 \sec \theta$

$y = 4 \tan \theta$

olan hiperbolün odakları arasındaki uzaklık kaç br dir?

A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 12

15. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{7} = 1$

hiperbolün doğrultman doğruları arasındaki uzaklık kaç birimdir?

A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{9}{4}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{9}{2}$ E) 5

12. $\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{4} = 1$

hiperbolün doğrultmanlarından biri aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x = 5$ B) $x = 4$ C) $x = -1$
D) $x = -2$ E) $x = -3$

16. $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$

hiperbolün F ve F' odaklarından geçen ve asal eksene dik doğrular hiperbolü A, B, C, D noktalarında kesiyor.

Buna göre, $A(ABCD)$ kaç cm^2 dir?

A) 45 B) 90 C) 120 D) 160 E) 180

Çıkmış Sorular

PARABOL

1. $x - y + 2 = 0$ doğrusu, $y^2 = 2px$ parabolüne teğet ise p nin değeri ne olmalıdır?

A) -4 B) -2 C) 2 D) 3 E) 4

(1966 – ÜSS)

2. $y = \frac{1}{4}x^2 - 2x + 2$

parabolünün odağı aşağıdaki noktalardan hangisidir?

- A) (4, 3) B) (4, -1) C) (4, 4)
D) $\left(\frac{1}{4}, 2\right)$ E) $\left(\frac{1}{4}, 3\right)$

(1967 – ÜSS)

3. $y^2 = 8x$ parabolünün doğrultmanının denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = 0$ B) $y = 2x$ C) $x + 2 = 0$
D) $x - 2 = 0$ E) $x = 8$

(1970 – ÜSS)

4. $y^2 = 6x$ parabolünün odağının apsisı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 6 B) $\frac{3}{2}$ C) 3 D) $\frac{3}{4}$ E) -3

(1970 – ÜSS)

5. $y^2 = 8x$ parabolünde $y = 2x - 4$ denklemi ile verilen kirişin orta noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (-3, 1) B) (2, 3) C) (3, 2)
D) (2, -3) E) (3, -2)

(1972 – ÜSS)

6. $y = 3x^2 - 6x + 1$ parabolünün odak noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1; -\frac{21}{12}$ B) $1; -\frac{23}{12}$ C) $1; \frac{23}{12}$
D) $1; -\frac{25}{12}$ E) $1; \frac{29}{12}$

(1972 – ÜSS)

7. Odağı $F(2, 0)$ ve doğrultması $x + 2 = 0$ olan parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = 2x$ B) $y^2 = 4x$ C) $y^2 = 8x$
D) $x = 4y^2$ E) $x = 8y^2$

(1974 – ÜSS)

8. $px^2 + 2xy + y^2 - x + y = 0$ koniğinin bir parabol göstermesi için p nin değeri ne olmalıdır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) $\frac{3}{2}$ E) 2

(1978 – ÜSS)

Çıkmış Sorular

9. $y^2 = 6x$ parabolünün $y = x + 5$ doğrusuna en yakın noktasının ordinatı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 6 B) 3 C) 1 D) 0 E) -6

(1979 – ÜSS)

30. $y = x^2 + x - 2$
 $y = -x^2 - x + 10$

parabolllerinin kesim noktalarını birleştiren doğru parçasını çap kabul eden çemberin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + (y - 2)^2 = \frac{9}{4}$

B) $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + (y - 4)^2 = \frac{25}{4}$

C) $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + (y + 4)^2 = \frac{9}{4}$

D) $\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 + (y - 1)^2 = \frac{9}{4}$

E) $\left(x + \frac{1}{4}\right)^2 + (y + 2)^2 = \frac{25}{4}$

(2012 – LYS)

(1995 – ÖYS)

- | | | | |
|------|------|-------|-------|
| 1. E | 5. C | 9. B | 13. B |
| 2. B | 6. B | 10. A | |
| 3. C | 7. C | 11. D | |
| 4. B | 8. C | 12. E | |

11. $y = -x^2$ eğrisi üzerinde, $P(-3, 0)$ noktasına en yakın olan noktanın apsisi kaçtır?

- A) 4 B) 3 C) 2 D) -1 E) -2

(1995 – ÖYS)

12. $y^2 = -4x$ parabolünün $x = 2$ doğrusuna göre simetriğinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y^2 = 4x$ B) $y^2 = -4(x - 2)$
C) $y^2 = -4(x + 4)$ D) $y^2 = 2(x - 4)$
E) $y^2 = 4(x - 4)$

(2010 – LYS 1)

sonuç yayınıları

sonuç yayınıları

Cıkmış Sorular

ELİPS

1. $4x^2 + 9y^2 = 36$

elipsinin odaklarının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(0, \pm\sqrt{5})$
- B) $(0, \pm\sqrt{10})$
- C) $(\pm\sqrt{10}, 0)$
- D) $(\pm\sqrt{5}, 0)$
- E) $(\pm\sqrt{5}, \sqrt{5})$

(1966 - ÜSS)

2. $x^2 + 4y^2 = 4$

elipsi ile bu elipsin asal dairesinin alan farkı kaçtır?

- A) π
- B) $1,5\pi$
- C) 2π
- D) $2,5\pi$
- E) 3π

(1967 - ÜSS)

3. $16x^2 + 36y^2 = 625$

elipsinin parametresi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{50}{18}$
- B) $\frac{50}{9}$
- C) $\frac{25}{9}$
- D) $\frac{25}{18}$
- E) $\frac{9}{50}$

(1968 - ÜSS)

4. $9x^2 + 49y^2 = 441$

elipsinin dış merkezligi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{40}{49}$
- B) $\frac{7}{\sqrt{10}}$
- C) $\frac{2\sqrt{10}}{7}$
- D) $\frac{3}{7}$
- E) $\frac{\sqrt{40}}{6}$

(1969 - ÜSS)

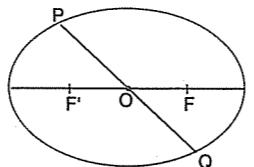
5. $9x^2 + 25y^2 = 225$

elipsinin odakları arasındaki uzaklık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 8 birim
- B) 9 birim
- C) 10 birim
- D) 12 birim
- E) 15 birim

(1969 - ÜSS)

6.



Yandaki şekilde "Bir elips ile PQ ye paralel kirişlerin orta noktaları" cümlesi gözönüne alınırsa aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) PQ ye dik bir çaptır.
- B) P odağından geçen bir kirişdir.
- C) P deki teğete paralel bir çaptır.
- D) P deki teğete paralel bir kirişdir.
- E) Böyle bir cümle düşünülemez.

(1970 - ÜSS)

7. Sabit bir noktaya ve sabit bir doğruya olan uzaklıklarının oranı $\lambda = \frac{3}{5}$ ile ifade edilen noktaların geometrik yeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) Çember
- B) Elips
- C) Hiperbol
- D) Doğru
- E) Parabol

(1970 - ÜSS)

8. $4x^2 + 9y^2 = 36$

elipsinin doğrultman doğrularının denklemleri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x = \pm\frac{9}{\sqrt{5}}$
- B) $x = \pm\frac{4}{\sqrt{5}}$
- C) $x = \pm\frac{3}{\sqrt{5}}$
- D) $x = \frac{4}{3}$
- E) $x = \frac{3}{4}$

(1971 - ÜSS)

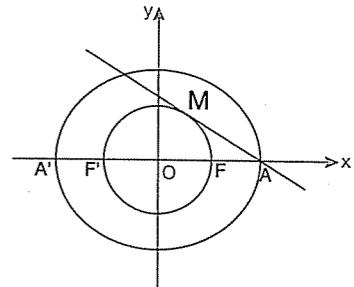
Cıkmış Sorular

9. Eksenleri koordinat eksenleri olan bir elipse, odağın bir teğet üzerindeki izdüşümü $H(4, 3)$ noktasıdır.

Bu elipsin büyük eksen uzunluğu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 2
- B) 4
- C) 6
- D) 8
- E) 10

(1972 - ÜSS)



Şekildeki elipsin denklemi

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$$

ve odakları F' , F dir.

FF' çaplı çemberin M noktasındaki teğeti elipsin A köşesinden geçtiğine göre, M noktasının apsisini nedir?

- A) $\frac{11}{7}$
- B) $\frac{9}{5}$
- C) $\frac{7}{4}$
- D) $\frac{4}{3}$
- E) $\frac{3}{2}$

(1982 - ÖYS)

13. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ elipsinde

$$\frac{c}{a} = \frac{3}{5} \text{ ve } a - b = 1$$

olduğuna göre, b kaçtır?

- A) 3
- B) 4
- C) 5
- D) 6
- E) 7

(1984 - ÖYS)

14. $4x^2 + 9y^2 = 144$ elipsinin

$$\frac{x}{8} + \frac{y}{16} = 1$$

doğrusuna en yakın noktanın apsisini kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{10}}{2}$
- B) $\frac{16}{9}$
- C) $\frac{9\sqrt{10}}{5}$
- D) $\frac{9}{4}$
- E) $\frac{9}{2}$

(1984 - ÖYS)

Cıkmış Sorular

15. $y = mx + 5$ doğrusu,

$$9x^2 + 25y^2 - 225 = 0$$

elipsine teğet olduğuna göre, m aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{4}{5}$ D) 1 E) 2

(1995 – ÖYS)

16. Büyük eksen köşeleri $A(5, 0)$, $A'(-5, 0)$ olan ve $D\left(-4, \frac{12}{5}\right)$ noktasından geçen merkezil (standart) elipsin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

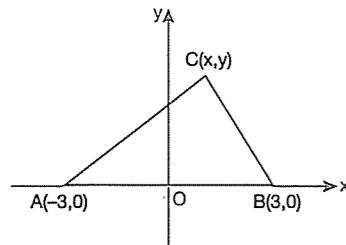
A) $\frac{x^2}{25} + y^2 = 1$ B) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{18} = 1$

C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ D) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{25} = 1$

E) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{12} = 1$

(1996 – ÖYS)

17.



Şekilde verilen ABC üçgeninin $[AC]$ ve $[BC]$ kenarlarının eğimleri çarpımı $-\frac{4}{9}$ olduğuna göre, C köşesinin koordinatları aşağıdakilerden hangisini sağlar?

A) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{6} = 1$ B) $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{18} = 1$

C) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{8} = 1$ D) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$

E) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$

(2009 – ÖSS Mat 2)

18. $4x^2 + y^2 - 8kx + 4my + 36 = 0$

denklemi, aşağıda verilen k ve m değerlerinden hangisi için bir elips belirtir?

- A) $k = 0, m = 2$ B) $k = 2, m = 3$
 C) $k = -1, m = 1$ D) $k = -2, m = 0$
 E) $k = -2, m = 1$

(2011 – LYS 1)

1. D 4. C 7. B 10. E 13. B 16. C
 2. C 5. A 8. A 11. E 14. C 17. D
 3. B 6. C 9. E 12. B 15. C 18. B

HİPERBOL

1. $25x^2 - 9y^2 = 225$

hiperbolünün iki asymptotu ile herhangi bir teğetinin meydana getirdiği üçgenin alanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 225 birimkare B) 25 birimkare
 C) 7,5 birimkare D) 15 birimkare
 E) 9 birimkare

(1968 – ÜSS)

2. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$

hiperbolünün asymptotlarıyla $y = 2$ doğrusunun kesim noktaları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(\frac{8}{9}, 2\right); \left(-\frac{8}{9}, 2\right)$ B) $\left(2, \frac{9}{8}\right); \left(2, -\frac{9}{8}\right)$
 C) $\left(\frac{4}{3}, 2\right); \left(-\frac{4}{3}, 2\right)$ D) $\left(2, \frac{4}{3}\right); \left(-\frac{4}{3}, 2\right)$
 E) $(4, 2); (3, 2)$

(1974 – ÜSS)

Cıkmış Sorular

3. $9x^2 - 25y^2 = 225$

hiperbolünün asymptotlarının ve $y = 3$ doğrusunun oluşturduğu üçgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 14 B) 15 C) 16 D) 18 E) 20

(1998 – ÖYS)

4. $(-10, 0)$ ve $(10, 0)$ noktalarına uzaklıklarları $4\sqrt{10}$ olan noktaların geometrik yerinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x^2 - 3y^2 = 40$ B) $2x^2 + 3y^2 = 80$
 C) $2x^2 - 3y^2 = 80$ D) $3x^2 + 2y^2 = 120$
 E) $3x^2 - 2y^2 = 120$

(2010 – LYS 1)

5. $x^2 + y^2 = 4$

çemberi ile $xy = 1$ hiperbolü kaç noktada kesişir?

- A) 4 B) 3 C) 2 D) 1 E) 0

(2011 – LYS 1)

4. $x^2 - 2xy + y^2 - x + y = 0$ şeklinde verilen ikinci dereceden denklem aşağıdakilerden hangisinin denklemidir?

- A) Kesişen iki doğru B) Paralel iki doğru
 C) Bir elips D) Bir çember
 E) Bir hiperbol

(1995 – ÜSS)

KARIŞIK KONİKLER

$$y = \frac{ax + b}{a'x + b'}$$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?

- A) Bir elipstir. B) Bir hiperboldür.
 C) Bir parabolüdür. D) Bir çemberdir.
 E) Bir doğrudur.

(1969 – ÜSS)

$$x = \frac{a}{\cos \alpha}$$

$$y = b \tan \alpha$$

parametrik denklemi aşağıdakilerden hangisinin denklemidir?

- A) Doğru B) Elips C) Hiperbol
 D) Parabol E) Çember

(1972 – ÜSS)

$$x^2 - y^2 = 0$$

aşağıdaki eğrilerden hangisinin denklemidir?

- A) Hiperbol B) Kesişen iki doğru
 C) Elips D) Çember
 E) Nokta

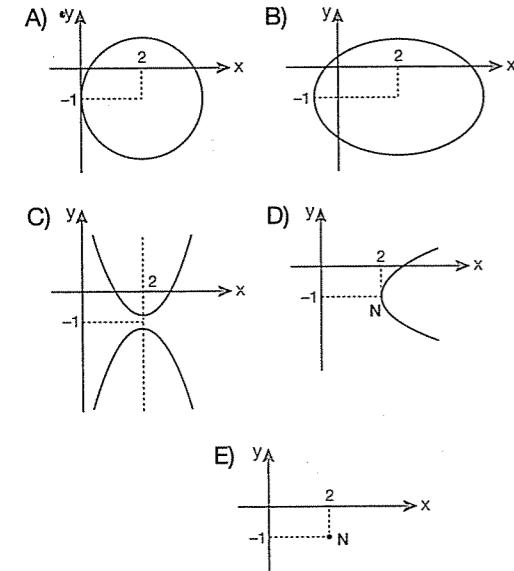
(1974 – ÜSS)

1. D 2. C 3. B 4. E 5. A

Çıkmış Sorular

5. $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 5 = 0$

denkleminin grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



(1996 – ÖYS)

sonuç yayınları

1. B 2. C 3. B 4. B 5. E