

# Öğreten **matematik** Fasikülleri

## **UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER**

**KONU  ANLATIMLI**

- Hücreleme Tekniği ile Anlatılmış 86 Bölüm
- Öğreten 107 Çözümlü Örnek
- Öğreten 86 Mini Test
- 31 Tarama Testi ve 900 Soru
- Üniversite Giriş Sınavlarında Çıkmış Sorular

Bu kitap, Milli Eğitim Bakanlığı Talim ve Terbiye Kurulu Başkanlığı'nın en son kararı ile belirlenen ortaöğretim matematik dersi programına göre hazırlanmıştır.



**Güray KÜÇÜK**

## SUNUŞ

Sevgili Öğrenciler,

Önünüzde geleceğinizi belirleyecek olan zor bir sınav var. Bu sınavın her zamanki zorluğu yanında artık sınavın 2 aşamalı olması üniversite sınavını daha da zor bir hale getirdi. Ben de öğrencilerin her zaman başarısını artırmayı hedef alan bir eğitimci olarak, sizlere yeni sınav sisteminde başarıda belirleyici ve en fazla sorunun beklediği alanlarda "ÖĞRETNİ FASİKÜLLER" serisini çıkarmayı uygun gördüm.

Bu fasikülde; konuyu öğrencinin basit olarak anlayıp kavraması için hücreleme tekniği ile konu anlatımları, çok sayıda öğreten soruların çözümlerini her hücre ile ilgili öğreten mini test ve çok sayıda test yer almaktadır. Uzay Geometri ve Katı Cisimler konusunu bu teknik konu anlatımıyla siz en iyi şekilde kavrayacaksınız.

Bu fasikül, ülkemizde fasikül olarak ilk defa hücreleme tekniğiyle taraflıdan hazırlanmış olup; sizin başarınız sonraki çalışmalarında da size en iyiyi vermek için beni gayretlendirecektir.

Hepinize iyi çalışmalar, dileğiniz gerçek olsun!

Sevgilerimle,  
Güray KÜÇÜK

# içindekiler Sicindekiler

Katı Cisim Formülleri .....	7
Uzay Geometri .....	12
Uzay Geometri Konu Testi .....	14
Ölçek Açı .....	20
Ölçek Açı Konu Testi .....	25
Prizma .....	31
Prizma Konu Testi .....	38
Küp .....	48
Küp Konu Testi .....	52
Piramit .....	60
Piramit Konu Testi .....	66
Silindir .....	74
Silindir Konu Testi .....	81
Koni .....	89
Koni Konu Testi .....	95
Küre .....	105
Küre Konu Testi .....	112
Uzay Geometri Ve Katı Cisimler ÜSS - ÖSS - ÖYS - YGS - LYS Soruları .....	118



guryayinlari.com  
guraykucuk.com



**2012 YGS SINAVI  
MATEMATİK BÖLÜMÜ SORU 37 İLE  
ÇEMBER VE DAİRE KİTABIMDA  
SAYFA 94 ÖĞRETNEN SORU 82  
BİREBİR SORUDUR.**

**GÜRAY KÜÇÜK**



Yeni Sınav Sistemine Göre Hazırlanmıştır

# Öğreten matematik Fasikülleri

## ÇEMBER VE DAİRE

KONU A İNLATİMLİ

Sayfa 94

> Hücreleme Tekniği ile Anlatılmış 102 Bölüm

> Öğreten 103 Çözümlü Örnek

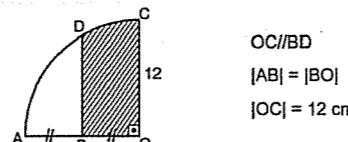
> Öğreten 102 Mini Test

> 34 Tarama Testi ve 950 Soru



Güray KÜÇÜK

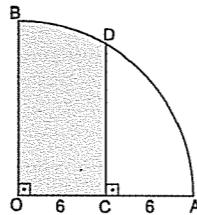
Cözümler  
Ders Notları  
Sınavlara Hazırlık



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $4(3\pi + 4\sqrt{3})$       B)  $6(\pi + 4\sqrt{3})$   
C)  $6(2\pi + 3\sqrt{3})$       D)  $12(\pi + 2\sqrt{3})$   
E)  $12(2\pi + \sqrt{3})$

## ÖĞRETNEN SORU - 82



O merkezli çeyrek dairede  
 $[DC] \perp [OA]$   
 $|OC| = |AC| = 6$  br  
olduğuna göre  
taralı alan  
kaç  $\text{br}^2$  dir?

### ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}|OD| &= 12 \text{ br} \text{ ve } |OC| = 6 \text{ br} \text{ ise} \\ m(\widehat{DOC}) &= 60^\circ \text{ ve } m(\widehat{DOB}) = 30^\circ \\ \text{O halde taralı bölgenin alanı} \\ &\frac{30^\circ}{360^\circ} \pi r^2 + A(OCD) \\ &\Rightarrow \frac{1}{12} \cdot \pi \cdot 12^2 + \frac{6 \cdot 6\sqrt{3}}{2} \\ &\Rightarrow 12\pi + 18\sqrt{3} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$



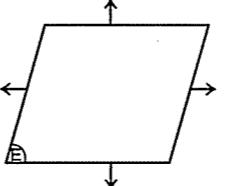
## UZAY GEOMETRİ

### UZAY :

Tüm noktaların kümesidir.

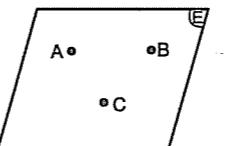
### DÜZLEM :

Tanımsız bir terimdir. Bir noktalar kümesi olan düzlem uzayın bir alt kümesidir.  
Bir E düzlemi, şekildeki gibi gösterilir. Düzlem her yönde sınırsızdır.

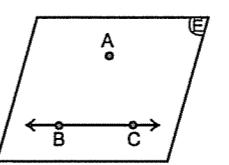


### DÜZLEM BELİRTME KOŞULLARI :

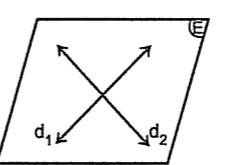
1. Doğrusal olmayan üç nokta bir düzlem belirtir.



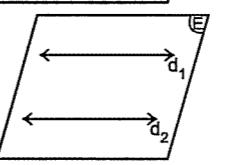
2. Bir doğru ve doğrunun dışında bulunan bir nokta bir düzlem belirtir.



3. Kesişen iki doğru bir düzlem belirtir.

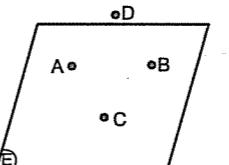


4. Paralel iki doğru bir düzlem belirtir.

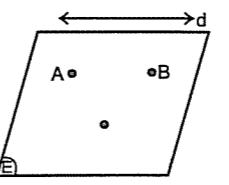


### UZAY BELİRTME KOŞULLARI :

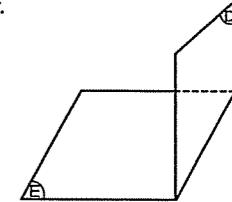
1. Dördü aynı düzlemede olmayan dört nokta uzay belirtir.  
2. Bir düzlem ile dışındaki bir nokta uzay belirtir.



3. Bir düzlem ile dışındaki bir doğru uzay belirtir.



4. Farklı iki düzlem uzay belirtir.



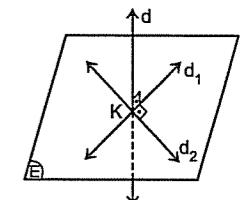
### UZAYDA DOĞRU VE DÜZLEMLERİN DİKLİĞİ :

1. Düzlemden bir doğuya, üzerindeki bir noktadan bir tek dik doğru çizilebilir.

2. Uzaya verilen bir doğuya, üzerindeki bir noktadan sonsuz tane dik doğru çizilebilir.

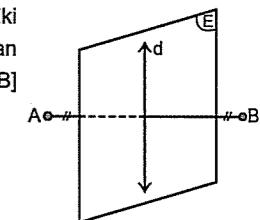
3. Bir düzlem içinde kesişen iki doğuya kesim noktasında dik olan doğru bu düzlem diktir.

$d \cap E = \{K\}$   
 $d_1 \subset E$ ,  $d_2 \subset E$  ve  
 $d \perp d_1$ ,  $d \perp d_2$  ise  $d \perp E$  dir.



4. Bir doğuya üzerindeki ya da dışındaki bir A noktasından bir ve yalnız bir dik düzlem çizilebilir.

5. Uzaya sabit A ve B gibi iki noktaya eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yeri [AB] nin orta dikme düzlemdir.

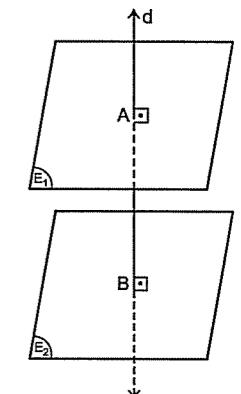
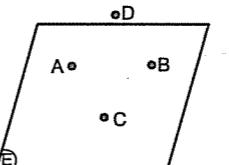


6. Uzayın aynı düzleminde bulunmayan ve kesişmeyen iki doğuya aykırı doğrular denir.

### UZAYDA DOĞRU VE DÜZLEMLERİN PARALELLİĞİ :

İki düzlemin arakesit kümesi boş küme ise bu iki düzlem paraleldir.

1. Paralel iki düzlemden birine dik olan doğru diğerine de dikdir.  
 $E_1 // E_2$  ve  
 $d \perp E_1 \Rightarrow d \perp E_2$

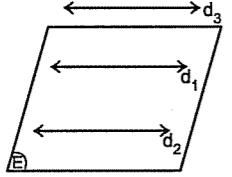


2. Farklı iki düzlemin bir ortak noktası varsa bu noktadan geçen bir ortak doğrusu vardır.

3. Farklı iki düzlemin ortak doğrusuna **ara kesit doğrusu** denir.

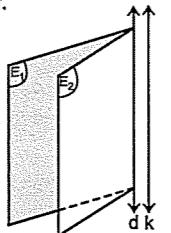
4. Bir düzlemin dışındaki bir doğru, aynı düzlem içindeki paralel iki doğrudan birine paralel ise diğerine de paraleldir.

$$\begin{aligned}d_1 &\parallel d_2 \text{ ve} \\d_3 &\parallel d_1 \text{ ise} \\d_3 &\parallel d_2 \text{ dir.}\end{aligned}$$



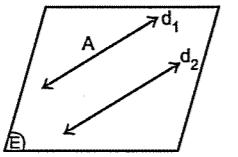
5. Bir doğru kesişen iki düzleme paralel ise bu iki düzlemin arakesit doğrusuna da paraleldir.

$$\begin{aligned}k &\parallel E_1 \text{ ve} \\k &\parallel E_2 \text{ ise} \\k &\parallel d \text{ dir.}\end{aligned}$$



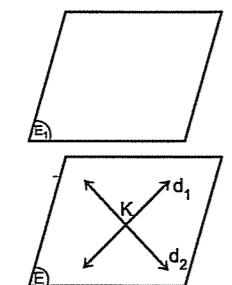
6. Bir doğrunun dışında alınan bir noktadan bu doğuya bir ve ancak bir paralel doğru çizilebilir.

$$\begin{aligned}A &\in E \text{ ve} \\d_1 &\in E \text{ ise} \\d_1 &\parallel d_2 \text{ bir tanedir.}\end{aligned}$$



7. Kesişen iki doğrudan her biri düzleme paralel ise bunların belirttiği düzlemede bu düzleme paraleldir.

$$\begin{aligned}d_1 &\parallel E_1 \\d_2 &\parallel E_2 \\d_1 &\subset E \\d_2 &\subset E \text{ ise} \\E_1 &\parallel E \text{ dir.}\end{aligned}$$

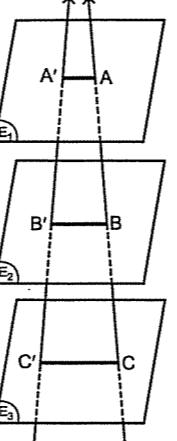


8. Paralel iki düzlemden birinin içindeki her doğru diğer düzleme paraleldir.

9. Paralel iki düzlemden birine dik olan düzlemler de diktir.

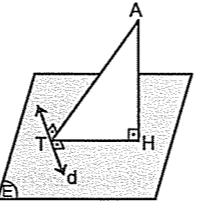
10. Bir takım paralel düzlemler iki doğru ile kesilirse paralel düzlemler arasında kalan doğru parçaları orantılıdır.

$$E_1 \parallel E_2 \parallel E_3 \text{ ise} \\|\frac{AB}{BC}| = |\frac{A'B'}{B'C'}| \text{ dir.}$$



### ÜÇ DİKME TEOREMI :

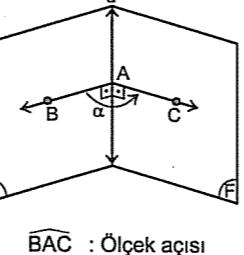
Bir düzlemin dışındaki bir noktadan düzleme ve düzlemin içindeki bir doğuya birer dikme çizildiğinde iki dikme ayağını birleştirilen doğru düzlemin içindeki doğuya diktir.



- I.  $[AH] \perp E$  ve  $[HT] \perp d$  ise  $[HT] \perp d$  dir.
- II.  $[AH] \perp E$  ve  $[HT] \perp d$  ise  $[AT] \perp d$  dir.
- III.  $[AT] \perp d$ ,  $[HT] \perp d$  ve  $[AH] \perp [HT]$  ise  $[AH] \perp E$  dir.

### İKİ DÜZLEMLİ AÇILAR VE ÖLÇEK AÇI :

Kenar doğruları ortak ve düzlemsel olmayan iki yarı düzlemlerle ortak kenar doğrusunun birleşimine **iki düzlemlilik açısı** denir.



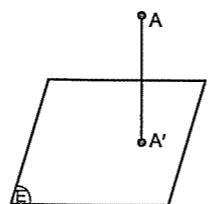
$\widehat{BAC}$  : Ölçek açısı

İki düzlemlilik açının d kenar doğrusuna dik olan her yüz içerisindeki  $[AB]$  ve  $[AC]$  işinlerinin belirttiği açıya **iki düzlemlilik açının ölçüm açısı** denir.

### DİK İZDÜŞÜM :

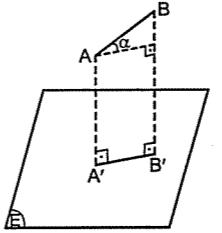
Bir noktadan bir düzleme indirilen dikmenin ayağına, bu noktanın düzlemedeki **dik izdüşümü** denir.

$[AA'] \perp E$  ve  
 $A' \in E$  ise  
 $A'$  noktasına A noktasının E düzlemindeki dik izdüşümü denir.



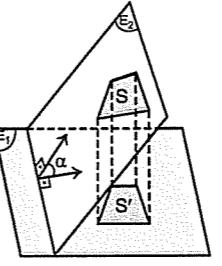
1. Bir düzleme dik olmayan bir doğru parçasının bu düzlemedeki dik izdüşümü yine bir doğru parçasıdır.

$$\begin{aligned}[AA'] \perp E \\[BB'] \perp E \\ \text{olmak üzere, } [AB] \text{ nin} \\ E \text{ düzlemindeki dik} \\ \text{izdüşümü } [A'B'] \text{ dir.} \\ [A'B'] = IABI \cdot \cos\alpha \text{ dir.}\end{aligned}$$



2. Düzlemsel bölgelerin izdüşüm alanlarının hesaplanması;

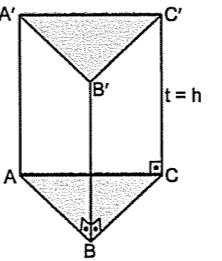
İki düzlemin arasındaki açının ölçüsü  $\alpha$  olmak üzere,  $E_2$  düzlemindeki S bölgesinin alanının  $E_1$  düzlemindeki dik izdüşüm alanı  $S'$  ise  $S' = S \cdot \cos\alpha$  dir.



### PRİZMA

#### DİK PRİZMA :

Yan yüzlerinin tümü dikdörtgen olan prizmalara **dik (düzgün) prizma** adı verilir.



$S_Y \rightarrow$  Yanal alan

$S_T \rightarrow$  Taban alanı

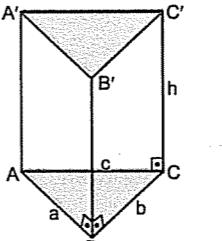
$S \rightarrow$  Tüm alanı

$C_T \rightarrow$  Taban çevresi

$V \rightarrow$  Hacim

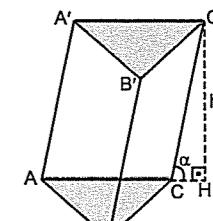
$h \rightarrow$  yükseklik olmak üzere,

1.  $S_Y = C_T \cdot h$
2.  $S = 2S_T + S_Y$
3.  $V = S_T \cdot h$  dir.



#### EĞİK PRİZMA:

Yan yüzeylerinin tümü dik olmayan prizmalara **eğik prizma** adı verilir.



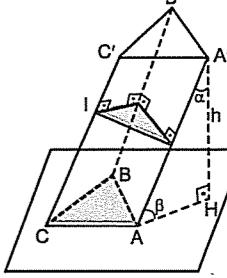
Taban alanı:  $S_T$

Dik kesit alanı:  $S_K$

$$S_K = S_T \cdot \cos\alpha = S_T \cdot \sin\beta$$

$$h = l \cdot \cos\alpha$$

$$V = S_T \cdot h = S_K \cdot l$$

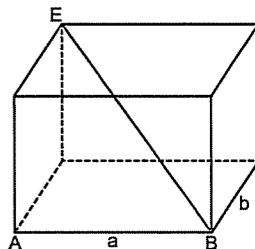


#### DİKDÖRTGENLER PRİZMASI :

$$S = 2(ab + ac + bc)$$

$$V = a \cdot b \cdot c$$

$$|EB| = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$



$$\text{NOT: } (a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + ac + bc)$$

#### KÜP

$[KB]$  cisim köşegeni

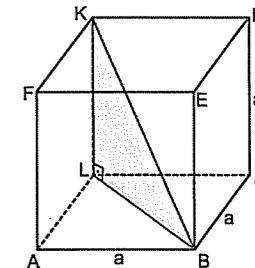
$[LB]$  yüz köşegeni

$$S = 6a^2$$

$$V = a^3$$

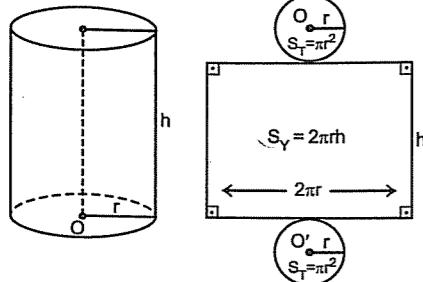
$$|KB| = a\sqrt{3}$$

$$|LB| = a\sqrt{2}$$



## SİLİNDİR

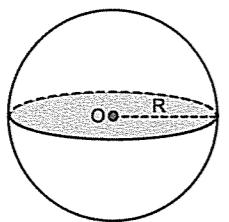
$$\begin{aligned} S_T &= \pi r^2 \\ S_Y &= 2\pi r \cdot h \\ S &= 2\pi r(r + h) \\ V &= \pi r^2 \cdot h \end{aligned}$$



## KÜRE

$$\text{Alan} = 4\pi R^2$$

$$\text{Hacim} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

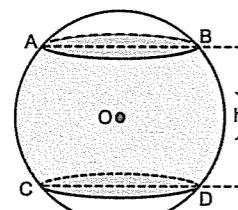


## KÜRE KUŞAĞI:

Bir küre yüzeyinin paralel iki düzlem arasında kalan kısmına **küre kuşağı** denir.  $[AB]$  ve  $[CD]$  çaplı paralel daire kesitlerine küre kuşağıının tabanları denir. İki taban arasındaki uzaklığı da kuşağıın yüksekliği denir.

Küre kuşağıının alanı :  $A = 2\pi \cdot r \cdot h \cdot br^2$  dir.

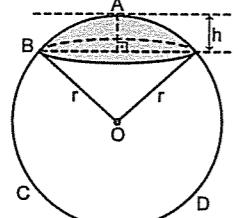
Bir küre kuşağıının alanı, kürenin büyük çemberinin uzunluğu ile yüksekliğinin çarpımına eşittir.



## KÜRE KAPAĞI:

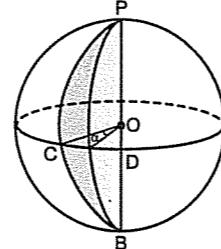
Bir küre yüzeyi bir düzleme kesildiğinde iki parçaya ayrılır. Bu parçaların herbirine **küre kapağı** denir. Küre kapağı, A tabanı sıfır olan küre kuşağı olarak kabul edilebilir.

Kapak Alanı :  $A = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot h \cdot br^2$  dir?



## KÜRE DİLİMİ:

Kürenin bir çapından geçen iki yarı düzlem arasında kalan kısmına **küre dilimi** denir. İki yarı düzlem arasındaki açı  $\alpha$  olsun.



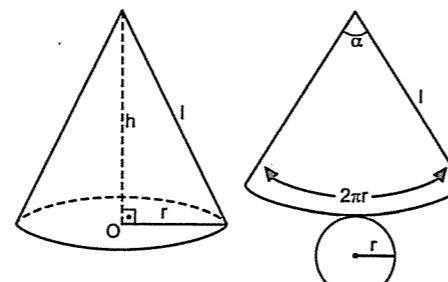
Dilimin hacmi:

$$V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} = \frac{\alpha}{270^\circ} \cdot \pi \cdot r^3$$

Küre diliminin alanı:

$$4\pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} = \frac{\alpha}{90^\circ} \cdot \pi \cdot r^2 \text{ dir.}$$

## KONİ



$$S_y = \pi \cdot r \cdot l$$

$$S = \pi r(r + l)$$

$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 \cdot h$$

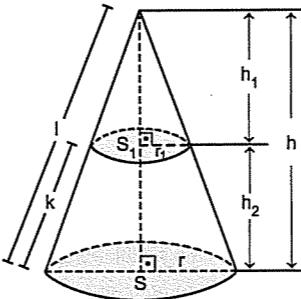
$$\frac{\alpha}{360^\circ} = \frac{r}{l}$$

## KESİK KONİ :

I. Bir dik koninin tabana paralel düzleme kesiti dairedir.

II. Bir koni tabana paralel bir düzleme kesilirse, taban ile düzleme arasında kalan cisim **kesik koni** denir.

III. Bir dik üçgenin dik kenarlarından biri etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cisim **dik konidir**.



$$\text{Yanal Alan} = \pi(r + r_1) \cdot k$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 = \left(\frac{h_1}{h}\right)^2$$

Üstteki koninin hacmi  $V_1$ , bütün koninin hacmi  $V$  ise

$$\frac{V_1}{V} = \left(\frac{r_1}{r}\right)^3 = \left(\frac{h_1}{h}\right)^3 \text{ dir.}$$

Kesik koninin hacmi

$$\frac{\pi \cdot h_2 \cdot (r^2 + r \cdot r_1 + r_1^2)}{3}$$

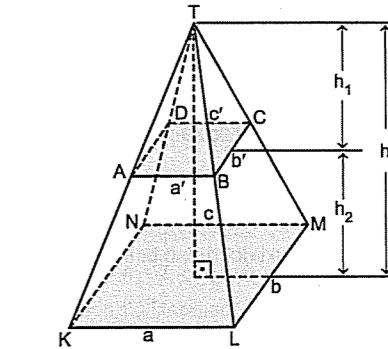
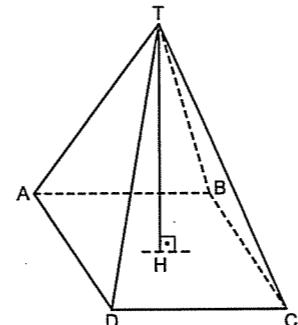
## PIRAMİT

Yüksekliği tabanının ağırlık merkezinden geçen piramittir.

Yan yüzeyleri birer ikizkenar üçgendir.

$$S = A(ABCD) + \text{Yanal alan}$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot \text{Taban alanı} \cdot \text{Yükseklik}$$



$$\frac{a'}{a} = \frac{b'}{b} = \frac{c'}{c} = \dots = \frac{h_1}{h} = k \text{ ( Benzerlik oranı )}$$

$$\frac{S(T, ABCD)}{S(T, KLMN)} = k^2$$

$$\frac{V(T, ABCD)}{V(T, KLMN)} = k^3$$

$$V_{\text{kesik}} = V(T, KLMN) - V(T, ABCD)$$

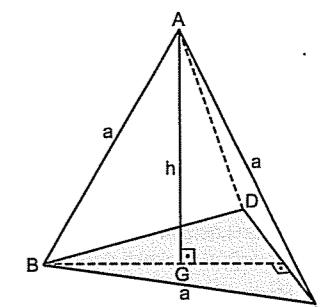
## DÜZGÜN DÖRTYÜZLÜ :

Dört yüzeyde eş eşkenar üçgenlerden oluşan piramittir.

$$|AG| = h = \frac{a\sqrt{6}}{3}$$

$$S = a^2\sqrt{3}$$

$$V = \frac{a^3\sqrt{2}}{12}$$

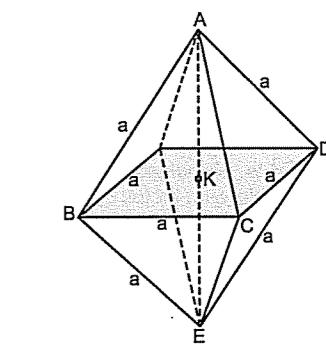


## DÜZGÜN SEKİZYÜZLÜ :

$$|AK| = \frac{a\sqrt{2}}{2}$$

$$S = 2a^2\sqrt{3}$$

$$V = \frac{\sqrt{2}}{3}a^3$$



**ÖĞRETNİ SORU – 1**

- Aşağıda verilen önermelerin kesinlikle doğru veya yanlış olup olmadığı bulunuz.
- Dik iki doğrudan birini içine alan düzlem diğer doğruya diktir. (...)
  - Paralel iki doğrudan birine dik olan düzlem diğerine de diktir. (...)
  - Düzleme, paralel iki doğrudan birini kesen doğru diğerini de keser. (...)
  - Düzleme, bir doğruya dışındaki bir noktadan ancak bir paralel doğru çizilebilir. (...)
  - Düzleme, bir doğruya dışındaki bir noktadan ancak bir doğru çizilebilir. (...)
  - Bir düzleme aykırı doğrular olabilir. (...)
  - Düzleme, paralel iki doğrudan birine dik olan doğruya diktir. (...)
  - Bir düzlemin içindeki bir noktadan geçen ve bu düzleme dik olan bir tek doğru vardır. (...)
  - Paralel iki düzlemden birine dik olan doğruya diktir. (...)
  - Bir düzlemin dışındaki bir noktadan geçen ve bu düzleme dik olan bir tek doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te bir doğru bir düzlemin kesişen iki doğrusuna dik ise düzleme de diktir. (...)
  - $R^3$  te bir doğru düzlemin bir doğrusuna dik ise düzleme de diktir. (...)
  - $R^3$  te bir doğru kesişen iki düzlemin her birine paralel ise arakesit doğrusuna da paraleldir. (...)
  - $R^3$  te bir doğruya dışındaki bir noktadan sonsuz çoklukta dik düzlem çizilebilir. (...)
  - $R^3$  te bir doğruya dışındaki bir noktadan sonsuz çoklukta dik doğru çizilebilir. (...)
  - $R^3$  te bir düzleme dışındaki bir noktadan sonsuz çoklukta paralel düzlem çizilebilir. (...)
  - $R^3$  te dik kesişen iki düzlemden biri üzerinde alınan bir doğru arakesit doğrusuna dik olur. (...)
  - $R^3$  te kesişen iki düzlemin her ikisine paralel olan bir doğru, arakesit doğrusuna paraleldir. (...)
  - $R^3$  te üç doğru bir noktada kesişiyorsa doğrular ayrı düzlemlere de diktir. (...)
  - $R^3$  te paralel iki doğrudan birini kesen doğruya diktir. (...)
  - Bir doğru bir düzleme dikse bu doğruya dik olan her düzlem, verilen düzleme paraleldir. (...)
  - Verilen bir noktadan geçen ve kesişen iki düzleme paralel olan sonsuz doğru çizilebilir. (...)
  - Uzayda paralel olmayan doğrular düzlem belirtir. (...)
  - Bir düzleme sabit iki noktadan geçen sonsuz sayıda doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te bir noktadan geçen ve verilen bir düzleme paralel olan bir tek düzlem vardır. (...)
  - $R^3$  te aykırı düzlemler yoktur. (...)

1- Y 2- D 3- D 4- D 5- D 6- Y 7- D 8- D 9- D 10- D

11- D 12- Y 13- D 14- Y 15- Y 16- Y 17- Y 18- D 19- Y 20- Y

21- D 22- Y 23- Y 24- Y 25- D 26- D

**ÖĞRETNİ SORU – 2**

- Aşağıda verilen önermelerin kesinlikle doğru veya yanlış olup olmadığı bulunuz.
- $R^3$  te bir doğru bir düzlemi kesebilir. (...)
  - $R^3$  te bir doğruya paralel olan sonsuz tane paralel doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te bir doğru bir düzleme aykırı olabilir. (...)
  - $R^3$  te doğrusal olmayan dört nokta düzlem belirtmeyeabilir. (...)
  - $R^3$  te doğruya dışındaki bir noktadan geçen ve doğruya paralel olan bir tek doğru çizilebilir. (...)
  - $R^3$  te üç düzlem birbirine dik olabilir. (...)
  - $R^3$  te farklı iki düzlemin ara kesiti yeni bir düzlem belirtir. (...)
  - $R^3$  te farklı iki düzlemin arakesiti bir doğru belirtir. (...)
  - $R^3$  te farklı iki düzlemin arakesiti boş küme olabilir. (...)
  - $R^3$  te birbirine dik iki düzlemlerden birine paralel olan üçüncü düzlem diğerine diktir. (...)
  - $R^3$  te üç düzlemin ara kesiti bir nokta belirtebilir. (...)
  - $R^3$  te iki düzlem paralel ve üçüncü düzlem bu düzlemleri kesiyorsa arakesit doğruları birbirine paraleldir. (...)
  - $R^3$  te bir düzlemin dışındaki bir noktadan geçen ve düzleme dik olan bir tek doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te bir düzlemin içindeki bir noktadan geçen ve bu düzleme dik olan bir tek doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te kesişen iki düzlemin arakesit doğrusuna paralel olan bir doğru düzlemlere paraleldir. (...)
  - $R^3$  te bir doğruya dik olan sonsuz tane doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te üç düzlem ikişer ikişer kesiştiğinde arakesit doğruları paraleldir. (...)
  - $R^3$  te aynı düzleme dik olan iki doğru birbirine paraleldir. (...)
  - $R^3$  te paralel iki düzlemden birine dik olan bir doğru diğer düzleme de diktir. (...)
  - $R^3$  te bir düzlemin dışındaki bir noktadan geçen ve bu düzleme paralel olan bir tane doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te farklı iki düzlemin ortak bir noktaları varsa ortak bir doğruları vardır. (...)
  - $R^3$  te farklı iki noktadan yalnız bir düzlem geçer. (...)
  - $R^3$  te bir doğru ve bir düzlemin ortak noktaları varsa doğruya düzlemin içinde olabilir. (...)
  - $R^3$  te bir düzleme eşit uzaklıkta bulunan noktaların geometrik yeri düzleme paralel iki doğrudur. (...)
  - $R^3$  te bir noktadan geçen ve bir doğruya paralel olan en az bir doğru vardır. (...)
  - $R^3$  te bir noktadan geçen ve bir doğruya dik olan yalnız bir doğru vardır. (...)

1- D 2- D 3- Y 4- D 5- D 6- D 7- Y 8- D 9- Y 10- D

11- D 12- D 13- D 14- D 15- D 16- D 17- Y 18- D 19- D 20- Y

21- D 22- Y 23- D 24- D 25- D 26- D

**ÖĞRETNİ SORU – 3**

- Düzleme ait 6 tane doğru bu düzlemi en az kaç bölgeye ayırır?

ÇÖZÜM:

 $n$  tane doğru düzlemi en az  $n + 1$  bölgeye ayırır.

Buna göre, 6 tane doğru düzlemi en az

$$6 + 1 = 7$$
 bölgeye ayırır.

**ÖĞRETNİ SORU – 4**

- Düzleme ait 4 tane doğru bu düzlemi en çok kaç bölgeye ayırır?

ÇÖZÜM:

 $n$  tane doğru bir düzlemi en fazla

$$\frac{n^2 + n + 2}{2}$$
 bölgeye ayırır.

Buna göre, 4 tane doğru düzlemi

$$\frac{4^2 + 4 + 2}{2} = 11$$
 bölgeye ayırır.

**ÖĞRETNİ SORU – 5**

- 5 tane düzlem uzayı en az ve en çok kaç bölgeye ayırmı?

ÇÖZÜM:

 $n$  tane düzlem, uzayı en az  $n + 1$ ,en fazla  $n^2 - n + 2$  bölgeye ayırmı.O halde, 5 tane düzlem uzayı en az  $5 + 1 = 6$  bölgeye, en çok  $5^2 - 5 + 2 = 22$  bölgeye ayırmı.**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
2

1. 6 tane düzlem uzayı en az kaç bölgeye ayırmı?

A) 6    B) 7    C) 8    D) 9    E) 10

2. 8 tane düzlem uzayı en çok kaç bölgeye ayırmı?

A) 54    B) 56    C) 58    D) 60    E) 62

3.  $n$  tane düzlem uzayı en az 11 bölgeye ayıryorsa en çok kaç bölgeye ayırmı?

A) 90    B) 92    C) 94    D) 96    E) 98

4.  $n$  tane düzlem uzayı en çok 44 bölgeye ayıryorsa en az kaç bölgeye ayırmı?

A) 6    B) 7    C) 8    D) 9    E) 10

1. Aşağıdakilerden hangisi bir düzlem belirtmeyebilir?
- Paralel iki doğru
  - Kesişen iki doğru
  - İkisi doğrusal olmayan herhangi üç noktası
  - Herhangi dört noktası
  - Bir doğru ve dışındaki bir noktası

2. Aşağıdakilerden hangisi uzay belirtmeyebilir?
- Paralel iki düzlem
  - Kesişen iki düzlem
  - Düzlemsel olmayan dört noktası
  - Aykırı iki doğru
  - Herhangi dört doğru

3. Düzlemde üç doğru için aşağıdakilerden hangisi söylenemez?
- Bir tek noktada kesişebilirler.
  - Hiç bir noktada kesişmeyebilirler.
  - Düzlemi 6 bölgeye ayırbilirler.
  - İkişer ikişer dik kesişebilirler.
  - Düzlemi 7 bölgeye ayırbilirler.

4.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?
- Kesişen üç doğru bir tek düzlem belirtir.
  - Farklı iki noktadan bir tek doğru geçer.
  - Doğrusal olmayan üç noktası bir tek düzlem belirtir.
  - Farklı iki düzlemin ortak bir noktası varsa ortak bir doğrusu da vardır.
  - Bir düzlem aykırı iki doğruya kapsayamaz.

5.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi doğrudur?
- Kesişmeyen iki doğru paraleldir.
  - Paralel iki düzlemden birine paralel olan doğru diğerine de paraleldir.
  - Aykırı iki doğrunun arakesiti bir noktadır.
  - Farklı iki noktadan bir tek düzlem geçer.
  - Aykırı iki doğru bir düzlem belirtebilir.

6. Düzleme aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?
- Bir noktadan sonsuz doğru geçer.
  - İki noktadan en fazla bir doğru geçer.
  - Bir doğrunun üzerindeki bir noktadan geçen ve bu doğruya dik olan bir tek doğru vardır.
  - Paralel olmayan iki doğrunun ortak bir noktası vardır.
  - Bir d doğrusunun dışındaki bir noktadan geçen ve d doğrusuna paralel olan sonsuz doğru vardır.

7. I. Herhangi ikisi doğrusal olmayan üç noktası bir düzlem belirtir.  
 II. Uzayda ( $R^3$ ) doğrular ya paraleldir ya da kesişirler.  
 III. Uzayda ( $R^3$ ) kesişen iki düzlemden birini kesen doğru diğerini de keser.  
 $R^3$  te yukarıda verilen ifadelerden hangileri doğrudur?
- Yalnız I
  - Yalnız II
  - Yalnız III
  - I ve II
  - I ve III

8.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi doğrudur?
- Bir doğrunun iki noktası bir düzlemede iken doğru bu düzleme olmayıabilir.
  - Düzlemleri farklı üç doğru birbirine paralel olabilir.
  - Kesişen iki düzlemin ikisine birden paralel olan bir tek doğru vardır.
  - Aykırı iki doğrunun ikisini birden kesen bir tek doğru vardır.
  - Paralel iki düzlemden birini kesen doğru diğerini kesemeyebilir.

9.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi ya da hangileri doğrudur?

- Aykırı iki doğrudan birine paralel olan bir doğru diğerini dik kesebilir.
  - Bir noktadan dışındaki bir düzleme bir tek paralel doğru çizilir.
  - İki düzlemin her ikisine de paralel olan bir doğru varsa bu düzlemler paraleldir.
- Yalnız I
  - Yalnız II
  - Yalnız III
  - I ve II
  - I ve III

10.  $R^3$  te aşağıdakilerden kaç tanesi doğrudur?

- Aykırı iki doğru düzlemsel değildir.
  - Kesişen iki düzlemin arakesiti bir doğrudur.
  - Farklı iki düzlemin bir ortak noktası varsa bir ortak doğrusu da vardır.
  - İki noktadan bir tek düzlem geçer.
  - Aynı doğru üzerinde olmayan üç noktayı üzerinde bulunduran bir tek düzlem vardır.
- 1
  - 2
  - 3
  - 4
  - 5

11. Aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- 3 doğru bir düzlemi en fazla 7 bölgeye ayırır.
- 4 doğru bir düzlemi en az 5 bölgeye ayırır.
- İkisi paralel üç doğru düzlemi en fazla 5 bölgeye ayırır.
- 2 düzlem uzayı en fazla 4 bölgeye ayırır.
- 3 düzlem uzayı en fazla 8 bölgeye ayırır.

12. I. Kesişen iki düzlemden birine dik olan doğru, diğerine paraleldir.

- Paralel iki düzlemede birini kesen doğru, diğerini de keser.
  - Paralel üç düzlemden birine dik olan doğru, diğerine de diktedir.
- Yukarıdaki öncüllerden hangisi yada hangileri her zaman doğrudur?**

- Yalnız I
- Yalnız II
- Yalnız III
- I ve II
- II ve III

13.  $R^3$  te üç doğru için aşağıdakilerden hangisi söylemez?

- İkisi paralel olup üçüncü ikisini de kesmeyebilir.
- İkisi kesişip üçüncü bunlardan bir tanesini kesebilir.
- İkisi aykırı olup üçüncü ikisinde kesebilir.
- İkisi kesişip üçüncü ikisine de dik olabilir.
- İkisi aykırı olup üçüncü ikisine de paralel olabilir.

14. Silindir şeklindeki bir pasta 3 bıçak darbesiyle en fazla kaç parçaya ayrılabilir?

- A) 5      B) 6      C) 7      D) 8      E) 9

15. I. Paralel olmayan iki doğrudan ikisini de kesmeyecek bir doğru bulunabilir.  
 II. Aykırı iki doğrudan ikisini birden kesen bir tek doğru vardır.

- III. Birbirini kesmeyen her 4 doğrudan en az ikisi birbirine paraleldir.  
 IV. Herhangi ikisi paralel olmayan üç düzlemin ara kesişti bir tek doğru olamaz.

- $R^3$  te yukarıdaki ifadelerden hangileri doğrudur?

- Yalnız I
- I ve II
- Yalnız III
- I ve IV
- II, III ve IV

16. Aşağıdaki önermelerden kaç tanesi  $R^3$  te daima doğrudur?

- Aynı doğruya dik olan farklı iki düzlem paraleldir.
  - Aynı doğruya dik olan farklı iki doğru paraleldir.
  - Aynı düzleme dik olan farklı iki doğru paraleldir.
  - Aynı düzleme dik olan farklı iki düzlem paraleldir.
  - Aynı düzleme paralel olan farklı iki düzlem paraleldir.
- 1
  - 2
  - 3
  - 4
  - 5

1.  $\mathbb{R}^3$  te aşağıdaki önermelerden hangisi yanlıştır?
- İki nokta bir doğru belirler.
  - Birbirine paralel iki düzlemden birine dik olan doğru diğerine de diktir.
  - Kesişen iki düzlemin ara kesiti bir doğrudur.
  - Bir noktadan eşit uzaklıktaki noktalar kümesi bir çemberdir.
  - Bir düzleme ait iki noktadan geçen doğru, düzleme aittir.

2.  $\mathbb{R}^3$  te aşağıdaki önermelerden hangisi yanlıştır?
- Bir noktadan geçen ve bir düzleme dik olan yalnız bir doğru vardır.
  - Bir noktadan geçen ve bir doğuya dik olan bir düzleme vardır.
  - Paralel iki doğrudan birine dik olan düzlemlerin birer düzleme de diktir.
  - Bir doğuya dik olan diğer iki doğru, birbirine paraleldir.
  - Farklı iki düzlemin bir ortak noktası varsa, ortak bir doğruları vardır.

3. Düzlemede bir doğuya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri aşağıdakilerden hangisidir?
- Silindir
  - Küre
  - Doğru parçası
  - Paralel iki doğru
  - Kare

4. Uzayda, herhangi üçü bir doğru üzerinde bulunan 10 nokta kaç düzlemler belirtir?
- 150
  - 130
  - 120
  - 110
  - 90

5. Aşağıdaki ifadelerden hangisi yanlıştır?
- Farklı doğruların üzerinde bulunan üç nokta bir düzleme belirtir.
  - Bir doğru ve farklı bir doğru üzerindeki bir nokta düzleme belirtir.
  - Paralel iki doğru bir düzleme belirtir.
  - Kesişen iki doğru bir düzleme belirtir.
  - Çakışık iki doğru bir düzleme belirtir.

6. Aşağıdaki ifadelerden hangisi yanlıştır?
- Herhangi üç noktadan en az bir düzleme geçer.
  - Düzlemsel iki doğrunun bir tek ortak noktası varsa bu doğrulara kesişen doğrular denir.
  - İki noktadan yalnız bir düzleme geçer.
  - Aynı düzleme dik iki doğru birbirine paraleldir.
  - Farklı iki düzlemin ortak bir noktası varsa, bu nokta düzlemlerin arakesit doğrusu üzerindedir.

7. "Farklı üç doğru aynı bir düzlemin elemanıdır." Yukarıdaki ifadeye göre, aşağıdakilerden hangileri doğrudur?
- Üç doğru birbirine paralel olabilir.
  - Üç doğru ikişer ikişer kesişebilir ve üç kesişme noktası oluşur.
  - İki doğru paralel olduğunda üçüncü doğru bunlardan birini keser.
  - Üç doğrunun bir tek ortak noktası kesinlikle olamaz.
- I, II ve III
  - II ve IV
  - I, III ve IV
  - II ve III
  - I ve II

8. Aşağıdaki ifadelerden hangisi yanlıştır?
- Paralel iki düzlemin birinin içindeki her doğru diğer düzleme paraleldir.
  - Düzlemede paralel olmayan iki doğru bir noktada kesişir.
  - Paralel iki düzlemden birini kesen doğru diğerini de keser.
  - Uzayda bir doğru parçasının üç noktalarına eşit uzaklıkta bulunan noktalar kümesi, bu doğru parçasının orta dikme düzlemdir.
  - Uzayda bir düzleme dik olan ve dışındaki bir noktadan geçen birden fazla doğru vardır.

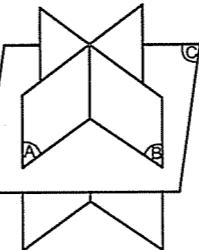
9. Aşağıdaki ifadelerden hangisi doğrudur?

- Paralel iki düzlemden birini kesen düzlem, diğerini kesmez.
- Uzayda bir noktadan geçen ve verilen bir düzleme dik olan bir tek düzleme vardır.
- Kesişen iki düzlemin her birine paralel olan bir doğru, bu düzlemlerin arakesit doğrusuna diktir.
- Uzayda bir doğuya paralel olan ve dışındaki bir noktadan geçen bir tek doğru vardır.
- Farklı iki noktadan sonsuz doğru geçer.

10.  $\mathbb{R}^3$  te aşağıdaki önermelerden hangisi yanlıştır?

- Paralel iki doğrudan birine paralel bir doğru, diğerine de paraleldir.
- Birbirine paralel üç doğru düzlemsel olmayırlar.
- Paralel iki doğrudan birini kesen bir doğru, diğerini de keser.
- Bir noktadan geçen ve bir düzleme paralel olan bir tane düzleme vardır.
- İki noktadan geçen ve bir düzleme dik olan bir düzleme vardır.

11. Yandaki şekilde kesişen düzlemlere göre, aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?



- Düzlemlerin ortak doğruları paraleldir.
- A, B, C düzlemlerinin kesişimi bir noktadır.
- A ve B düzleminin ortak doğrusu ile A ve C ortak doğrusu aynı doğrudur.
- A düzlemine paralel doğru C düzlemine de paraleldir.
- A düzleme C düzlemine dik ise B düzlemine de diktir.

12. Düzleme en çok 11 bölgeye ayıran doğrular en çok kaç noktada kesişir?

- 4
- 5
- 6
- 8
- 12

13. Düzlemede aşağıdakilerden hangileri doğrudur?

- Bir doğuya dışındaki bir noktadan sonsuz tane dik doğru çizilebilir.
  - Aynı doğuya paralel olan iki doğru birbirine paraleldir.
  - Bir doğrunun iki noktası düzlemin elemanı ise doğrudan düzlemin elemanıdır.
  - Bir doğuya dışındaki bir noktadan tek bir paralel doğru çizilebilir.
- Yalnız II
  - I ve IV
  - II ve III
  - II, III ve IV
  - I, II ve III

14. Aşağıdaki ifadelerden kaç tanesi kesinlikle doğrudur?

- İki farklı doğru düzlemi en az 3 bölgeye ayırır.
  - Düzlemede paralel olmayan iki doğru çıkışıklar.
  - Doğru ile düzlemin tek bir ortak noktası varsa doğrudan düzlemin elemanıdır.
  - Doğru ile düzlemin hiç bir ortak noktası yoksa doğrudan düzleme paraleldir.
  - Kesişen iki düzlemin arakesiti bir doğrudur.
- 1
  - 2
  - 3
  - 4
  - 6

15.  $\mathbb{R}^3$  te aşağıdaki ifadelerden hangisi daima doğru değildir?

- Paralel olmayan ve kesişmeyen iki doğru aykırıdır.
- Düzlemin dışındaki bir düzleme sonsuz paralel doğru çizilebilir.
- Bir doğuya üzerindeki bir noktadan dik olacak şekilde birden fazla doğru çizilebilir.
- Aynı düzleme dik olan iki doğru birbirine paraleldir.
- Aynı düzleme paralel iki doğru birbirine paraleldir.

16.  $\mathbb{R}^3$  te aşağıdaki ifadelerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- Herhangi dört nokta uzay belirtir.
- Düzlemin içindeki bir doğuya dik olan doğru düzleme diktir.
- Bir doğru parçasının dışındaki bir düzleme dik izdüşümü kendisidir.
- Kesişen iki doğruya eleman kabul eden birden fazla düzleme vardır.
- Üçü birbirine dik olan düzlemlerden kesişen iki düzlemin arakesit doğrusu üçüncü düzleme diktir.

1. Aşağıdaki ifadelerden kaç tanesi doğrudur?
- Düzleme iki noktadan eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri orta dikme doğrusudur.
  - Uzayda sabit noktadan eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri çemberdir.
  - Uzaya iki noktadan eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri orta dikme düzlemdir.
  - Düzleme bir açının kollarına eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri bu açının açıortay doğrusudur.
  - Düzleme bir doğuya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri bu doğuya paralel iki doğrudur.

A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 5

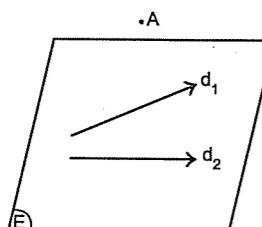
2. Uzayda bir noktaya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri aşağıdakilerden hangisidir?

A) Koni      B) Elips      C) Küre  
D) Daire      E) Küp

3. Uzaya bulunan 6 br lük bir çubuktan 3 br uzaklıktaki noktalar kümesinin oluşturduğu cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $132\pi$       B)  $126\pi$       C)  $108\pi$       D)  $90\pi$       E)  $54\pi$

4. Yandaki şekilde  $d_1$  ve  $d_2$  doğruları  $E$  düzlemi içinde,  $A$  noktası düzlemin dışındadır. Buna göre,  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?



- A) A noktasından,  $d_1$  doğrusuna çizilecek yalnız bir dik doğru vardır.  
B) A noktasından,  $d_2$  doğrusuna çizilecek yalnız bir dik doğru vardır.  
C) A noktasından, E düzlemine çizilecek yalnız bir dik doğru vardır.  
D) A noktasından, E düzlemine çizilecek doğrular düzlemlerdir.  
E) A noktasından  $d_1$  doğrusuna çizilecek doğrular düzlemlerdir.

5.  $R^3$  te iki doğru bir düzlemin elemanı ise aşağıdakilerden hangisi söylemeyeceğiz?

A) İki doğru dik olabilir.  
B) İki doğru paralel olabilir.  
C) İki doğru tek bir noktada kesişebilir.  
D) İki doğru aykırı olabilir.  
E) Düzleme dört bölgeye ayıracaktır.

6. Aşağıda verilen öncüllerden hangisi veya hangileri doğrudur?

I. İki düzlemin kesişim kümesi bir nokta olabilir.  
II. İki düzlemler paralel olabilir.  
III. İki düzlemin daima bir ortak doğrusu vardır.  
IV. İki düzlemler bir doğru boyunca kesişebilir.  
A) I, II ve III      B) I ve IV      C) II ve IV  
D) II, III ve IV      E) Yalnız II

7.  $R^3$  te aşağıdaki önermelerden hangisi veya hangileri doğrudur?

I. Paralel iki düzlemlerden birini kesen bir doğru diğerini de keser.  
II. Birbirine dik olan iki düzlemlerden birini kesen bir doğru diğer düzlemini de kesebilir.  
III. Paralel iki düzlemlerden birine paralel olan doğru diğerine de paraleldir.  
A) Yalnız I      B) II ve III      C) I ve III  
D) Yalnız III      E) I, II ve III

8. Farklı iki doğrunun bir düzlemi en az bölgeye ayırdığı durumda aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

A) İki doğru kesişir  
B) İki doğru paraleldir.  
C) İki doğru aykırıdır.  
D) İki doğru dikdir.  
E) İki doğru iki noktada kesişir.

9. Bir doğrunun bir düzleme dik izdüşümü aşağıdakilerden hangisi veya hangileri olabilir?

I. Nokta  
II. Işın  
III. Doğru parçası  
IV. Açı  
V. Doğru  
A) I ve III      B) II, III ve IV      C) I, II ve V  
D) Yalnız V      E) I ve V

10. Aynı özellikteki noktaların meydana getirdiği şekle bu noktaların geometrik yeri denir.

**Aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?**

A) Düzleme sabit bir noktaya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri, bir çemberdir.  
B) Düzleme bir doğuya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri, paralel iki doğrudur.  
C) Düzleme sabit iki noktaya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, bir doğrudur.  
D) Düzleme paralel iki doğuya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, bir doğrudur.  
E) Düzleme sabit üç noktaya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, iki noktadır.

11. Aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

A) Uzayda sabit bir noktaya eşit uzaklıktaki noktaların geometrik yeri, bir küredir.  
B) Uzayda sabit bir noktaya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, bir düzlemdir.  
C) Uzayda paralel iki doğuya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, bir düzlemdir.  
D) Uzayda doğrusal olmayan sabit üç noktaya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, bir doğrudur.  
E) Uzayda paralel üç doğuya uzaklıklarları eşit noktaların geometrik yeri, her zaman bir doğrudur.

12.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

A) İki düzlemler birbirine dikse, bu düzlemlere dik olan doğrular birbirine dik ya da dik durumlu olur.  
B) Bir doğuya dik olan iki düzlemler birbirine paraleldir.  
C) Verilen bir noktadan geçen ve bu noktayı içine almayan bir düzleme dik olan bir tane doğru vardır.  
D) Bir AB doğrusu bir ( $P$ ) düzlemine dikse AB den geçen her düzlemler ( $P$ ) düzlemine dikdir.  
E) Paralel iki düzlemlerden birine dik olan düzlemler diğerine dik olamayabilir.

13.  $R^3$  te aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

A) Bir düzlemin dışında bulunan bir doğru bu düzleme paralel olursa bu düzleme de paraleldir.  
B) Bir düzleme düzlemin dışındaki bir noktadan birden fazla paralel düzlemler çizilemez.  
C) Paralel farklı iki düzlemden birini kesen doğru dğeri de keser.  
D) Paralel iki düzlemden birini kesen düzlemler dğerinde keser.  
E) Aynı doğuya dik olan doğrular birbirine paraleldir.

14.  $R^3$  te aşağıdakilerden kaç tanesi kesinlikle doğrudur?

I. Paralel iki doğrudan birine dik olan doğru diğerine de dikdir.  
II. Paralel iki doğrudan birine dik olan düzlemler dğerine de dikdir.  
III. Bir doğuya dışındaki bir noktadan birden fazla paralel doğru çizilemez.  
IV. Aynı doğuya paralel olan doğrular birbirine paraleldir.  
V. İki düzlemler birbirine dikse bu düzlemlerden birine dik olan doğru öteki düzleme ya paraleldir ya da düzlemlerin üzerinde eder.

A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 5

15.  $R^3$  te aşağıdakilerden kaç tanesi kesinlikle yanlıştır?

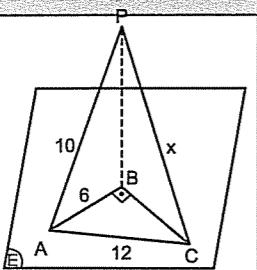
I.  $d$  doğrusu ( $P$ ) düzlemine paralelse  $d$  yi kesen, her doğru ( $P$ ) yi de keser.  
II.  $d$  doğrusu ( $P$ ) düzlemine paralelse  $d$  ye paralel olan her doğru ( $P$ ) ye ya paraleldir ya da ( $P$ ) üzerinde eder.  
III.  $d$  doğrusu ( $P$ ) düzlemine paralelse ( $P$ ) ye paralel olan her doğru  $d$  ye de paraleldir.  
IV.  $d$  doğrusu ( $P$ ) düzlemine paralelse  $d$  yi kesen her düzlemler ( $P$ ) yi de keser.  
V. Aynı doğuya dik olan iki düzlemler birbirine dik olabilir.

A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 5



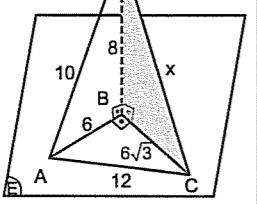
**ÖĞRETNİ SORU – 10**

- $[PB] \perp E$   
 $[AB] \perp [BC]$   
 $|AC| = 12 \text{ br}$   
 $|AP| = 10 \text{ br}$   
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|PC| = x \text{ kaç br dir?}$

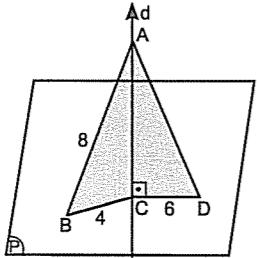


ÇÖZÜM:

ABC dik üçgeninde  
 $|BC| = 6\sqrt{3} \text{ br}$   
 ABP dik üçgeninde  
 $|PB| = 8 \text{ br} \text{ olur.}$   
 PBC dik üçgeninde  
 $|PC|^2 = |PB|^2 + |BC|^2$   
 $x^2 = 8^2 + (6\sqrt{3})^2 \Rightarrow x^2 = 64 + 108 \Rightarrow x = 2\sqrt{43} \text{ br}$   
 bulunur.

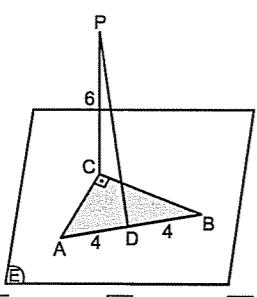
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 7**

1.  $d \perp P$   
 $[BC] \in P$   
 $[CD] \in P$   
 $|AB| = 8 \text{ br}$   
 $|BC| = 4 \text{ br}$   
 $|CD| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|AD| \text{ kaç br dir?}$



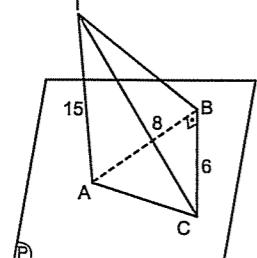
- A) 8    B)  $6\sqrt{2}$     C)  $4\sqrt{5}$     D)  $2\sqrt{21}$     E)  $3\sqrt{10}$

2. ABC üçgeni  
 E düzleminde dir.  
 $[AC] \perp [BC]$   
 $[PC] \perp E$   
 $|AD| = |DB| = 4 \text{ br}$   
 $|PC| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|PD| \text{ kaç br dir?}$



- A) 10    B)  $4\sqrt{6}$     C)  $4\sqrt{5}$     D)  $2\sqrt{15}$     E)  $2\sqrt{13}$

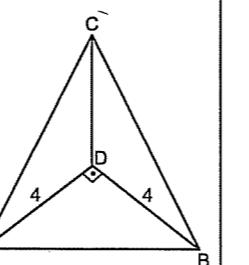
3. Şekilde  
 $[TA] \perp P$   
 $m(\widehat{ABC}) = 90^\circ$   
 $|TA| = 15 \text{ br}$   
 $|AB| = 8 \text{ br}$   
 $|BC| = 6 \text{ br} \text{ ise}$   
 $A(TBC) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



- A) 34    B) 51    C) 68    D) 85    E) 10

**ÖĞRETNİ SORU – 11**

- $[CD] \in ADB$   
 üçgenine diktir.  
 $[AD] \perp [DB]$   
 $m(\widehat{ACB}) = 60^\circ$   
 $|AD| = |DB| = 4 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|CD| \text{ kaç br dir?}$

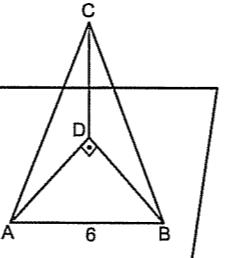


ÇÖZÜM:

$|DA| = |DB| \text{ ve } [CD] \perp [DB]$   
 ise  $|AC| = |CB| \text{ olur.}$   
 ABC üçgeni eşkenar  
 üçgen olduğundan  
 $|AB| = |AC| = |BC| = 4\sqrt{2} \text{ br}$   
 CDB dik üçgeninde  
 $|CB|^2 = |CD|^2 + |DB|^2 \Rightarrow (4\sqrt{2})^2 = |CD|^2 + 4^2$   
 $\Rightarrow |CD| = 4 \text{ br} \text{ bulunur.}$

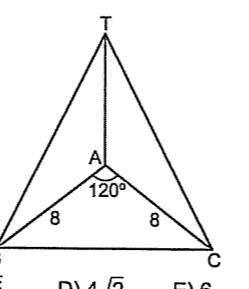
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 8**

1.  $ABD \subset E$   
 $[CD] \perp E$   
 $[AD] \perp [BD]$   
 $m(\widehat{ACD}) = m(\widehat{DCB}) = 45^\circ$   
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $A(ADC) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



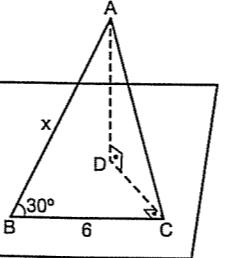
- A)  $2\sqrt{2}$     B) 9    C)  $2\sqrt{3}$     D) 4    E)  $3\sqrt{2}$

2. Yandaki şekilde  $[TA]$ ,  
 ABC üçgenine diktir.  
 $m(\widehat{BAC}) = 120^\circ$   
 $m(\widehat{BTC}) = 90^\circ$   
 $|AB| = |AC| = 8 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|TA| \text{ kaç br dir?}$



- A)  $2\sqrt{2}$     B) 4    C)  $2\sqrt{5}$     D)  $4\sqrt{2}$     E) 6

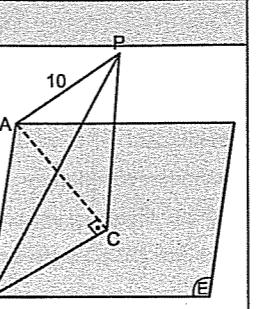
3. A noktası P düzleminin  
 dışında B, C, D noktaları  
 P düzleminin içindedir.  
 $[DC] \perp [BC]$   
 $[AD] \perp [DC]$   
 $m(\widehat{ABC}) = 30^\circ$   
 $|BC| = 6 \text{ br} \text{ ise}$   
 $|AB| = x \text{ kaç br dir?}$



- A) 6    B)  $4\sqrt{3}$     C)  $2\sqrt{15}$     D) 8    E)  $6\sqrt{2}$

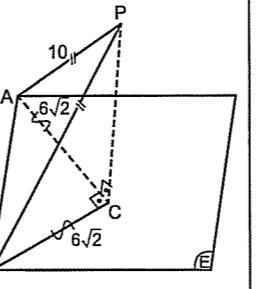
**ÖĞRETNİ SORU – 12**

- APB üçgeninin  
 dik iz düşümü  
 ACB üçgenidir.  
 $[AC] \perp [BC]$   
 $|AB| = 12 \text{ br}$   
 $|AP| = 10 \text{ br}$   
 $|BP| = 10 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  $|PC| \text{ kaç br dir?}$



ÇÖZÜM:

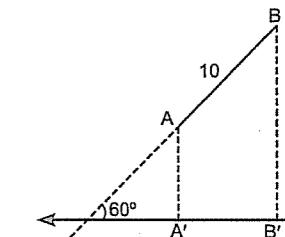
$|AP| = |BP| \text{ ise}$   
 $|AC| = |BC| \text{ olur.}$   
 $|AB| = 12 \text{ br} \text{ ise}$   
 $|AC| = |BC| = 6\sqrt{2} \text{ br} \text{ olur.}$   
 ACP dik üçgeninde  
 $|AP|^2 = |AC|^2 + |PC|^2$   
 $10^2 = (6\sqrt{2})^2 + |PC|^2$   
 $|PC| = 2\sqrt{7} \text{ br} \text{ bulunur.}$

**ÖĞRETNİ SORU – 13**

- Uzunluğu 10 br olan bir doğru parçasının bir d doğrusuyla yaptığı açı  $60^\circ$  olduğunu göre, bu doğru parçasının, d doğrusu üzerindeki dik iz düşümünün uzunluğu kaç br dir?

ÇÖZÜM:

Doğru parçası  
 $[AB]$  olsun.



Dik izdüşümünün  
 uzunluğu  $|A'B'|$  olur.

$|A'B'| = |AB| \cdot \cos\alpha$

$$|A'B'| = 10 \cdot \cos 60^\circ \Rightarrow |A'B'| = 10 \cdot \frac{1}{2} = 5 \text{ br} \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 14**

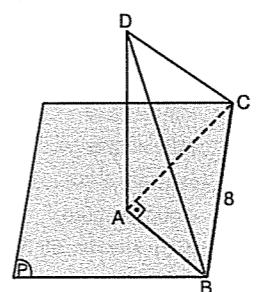
- Alanı  $36 \text{ br}^2$  olan bir üçgenin  $45^\circ$  lik açı yaptığı  
 bir düzlem üzerindeki dik iz düşümünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

ÇÖZÜM:

Alanı  $S = 36 \text{ br}^2$  ise dik izdüşümünün alanı  $S'$  olsun.  
 $S' = S \cdot \cos\alpha$  özelliğinden  
 $S' = 36 \cdot \cos 45^\circ \Rightarrow S' = 36 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$   
 $\Rightarrow S' = 18\sqrt{2} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 9**

1.  $DBC$  üçgeninin  
 dik iz düşümü  
 ABC üçgenidir.  
 $[AC] \perp [AB]$   
 $|AC| = |AB|$   
 $|BC| = 8 \text{ br}$   
 $|AD| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|DC| \text{ kaç br dir?}$



- A) 8    B)  $2\sqrt{17}$     C)  $4\sqrt{5}$     D)  $4\sqrt{6}$     E) 10

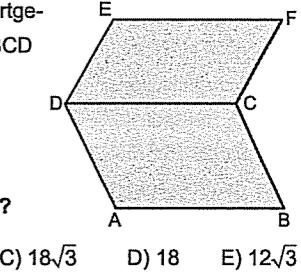
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 10**

1. Şekildeki CDEF dikdörtge-  
 ninin dik iz düşümü ABCD  
 dikdörtgenidir.

$A(ABCD) = 36 \text{ br}^2$  ve

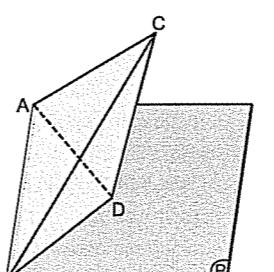
$m(\widehat{ED\bar{A}}) = 30^\circ$  ise

- $A(CDEF) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



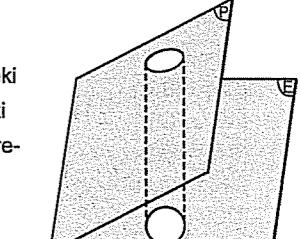
- A)  $24\sqrt{3}$     B) 24    C)  $18\sqrt{3}$     D) 18    E)  $12\sqrt{3}$

2. ABC eşkenar üçgeninin  
 P düzlemindeki  
 dik iz düşümü  
 ADB üçgenidir.  
 $|CD| = 8 \text{ br}$   
 $|AB| = 12 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $A(ADB) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



- A)  $4\sqrt{10}$     B)  $6\sqrt{10}$     C)  $6\sqrt{11}$     D)  $8\sqrt{11}$     E)  $12\sqrt{11}$

2. P ve E düzlemlerinin  
 ölçük açısının ölçüsü  
 $45^\circ$  dir. P düzlemindeki  
 elipsin E düzlemindeki  
 dik iz düşümü olan daire-  
 nin yarıçapı  $2\sqrt{3}$  br  
 olduğuna göre, elipsin  
 alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?



- A)  $24\sqrt{2}$     B) 24    C)  $18\sqrt{2}$     D)  $12\sqrt{2}$     E) 12

## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

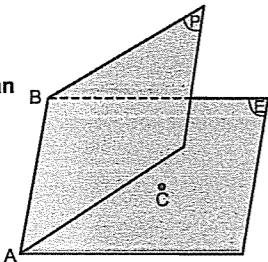
## Ölçek Açı

## ÖĞRETNİ SORU – 15

E düzlemi üzerinde alınan herhangi bir C noktasının AB arakesit doğrusuna olan uzaklığı 8 br ve P düzleme olan uzaklığı  $4\sqrt{3}$  br ise P ve E düzlemlerinin ölçek açısının ölçüsü kaç derecedir?

Çözüm:

$$\begin{aligned} [CD] &\perp [AB] \\ [CE] &\perp P \text{ olmak üzere oluşan } DEC \text{ dik üçgeninde} \\ |DC| &= 8 \text{ br} \\ |EC| &= 4\sqrt{3} \text{ ise} \\ m(\widehat{EDC}) &= 60^\circ \text{ dir.} \\ \text{O halde, } P \text{ ve } E \text{ düzlemlerinin ölçek açısı } 60^\circ \text{ dir.} \end{aligned}$$

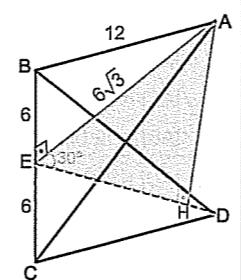
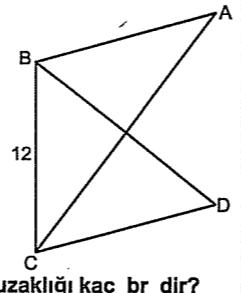


## ÖĞRETNİ SORU – 16

Birer kenar uzunluğu 12 br olan eşkenar üçgen şeklindeki ABC ve DBC levhaları birbirleri ile  $30^\circ$  lik ölçek açı yapacak şekilde [BC] kenarı boyunca yapıştırılıyor. Buna göre, A noktasının BCD levhasına uzaklığı kaç br dir?

Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{ABC eşkenar üçgen} \\ |BE| = |EC| = 6 \text{ br} \\ \text{BEA dik üçgeninde} \\ |EA| = 6\sqrt{3} \text{ br bulunur.} \\ \text{A noktasının BCD levhasına uzaklığı} \\ |AH| \text{ olsun} \\ \text{AHE dik üçgeninde} \\ |AE| = 6\sqrt{3} \text{ br ise } |AH| = 3\sqrt{3} \text{ br bulunur.} \end{aligned}$$



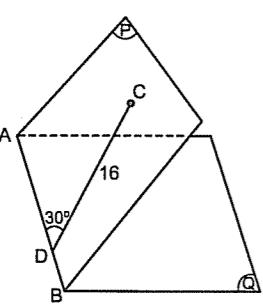
## ÖĞRETNİ MINİ TEST

## TEST 11

1. P ve Q düzlemlerinin ölçek açısının ölçüsü  $60^\circ$  dir. P düzlemi üzerinde alınan bir noktanın Q düzlemine uzaklığı 18 br olduğuna göre, bu noktanın iki düzlemin arakesitine olan uzaklığı kaç br dir?

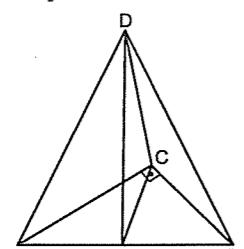
A) 6 B)  $6\sqrt{3}$  C) 12 D)  $12\sqrt{3}$  E) 18

2. P ve Q düzlemlerinin ölçek açısı  $60^\circ$  dir.  $m(\widehat{ADC}) = 30^\circ$ .  $|DC| = 16$  br olduğuna göre, C noktasının Q düzlemine olan uzaklığı kaç br dir?

A)  $4\sqrt{3}$  B) 8 C)  $4\sqrt{6}$  D) 12 E)  $8\sqrt{3}$ 

3.  $[DC]$  doğrusu ABC üçgen düzlemine C noktasında diktir.  $[CA] \perp [BC]$ ,  $[AB] \perp [CE]$ ,  $|CA| = |BC|$ ,  $|AB| = 12\sqrt{3}$  br,  $|DC| = 6$  br olduğuna göre,  $m(\widehat{DEC})$  kaç derecedir?

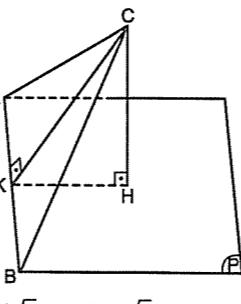
A) 15 B) 30 C) 45 D) 60 E) 75



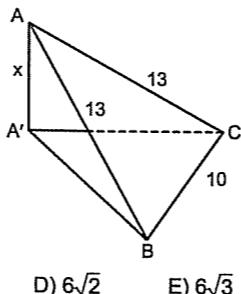
## ÖĞRETNİ MINİ TEST

## TEST 12

1. Yandaki şekilde  $[CK] \perp [AB]$ ,  $[CH] \perp P$ ,  $|CA| = |CB|$ ,  $|CA| = 10$  br,  $|AB| = 12$  br,  $m(\widehat{CKH}) = 60^\circ$  olduğuna göre,  $|CH|$  kaç br dir?

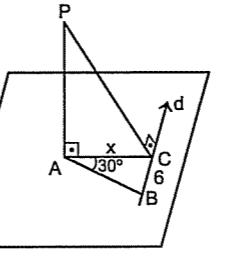
A) 4 B)  $4\sqrt{2}$  C)  $4\sqrt{3}$  D)  $5\sqrt{2}$  E) 8

2. ABC üçgeninin dik izdüşümü olan BA'C üçgeni ile yaptığı ölçek açı  $45^\circ$  dir.  $|AB| = |AC| = 13$  br,  $|BC| = 10$  br olduğuna göre,  $|AA'| = x$  kaç br dir?

A) 4 B) 6 C) 8 D)  $6\sqrt{2}$  E)  $6\sqrt{3}$ 

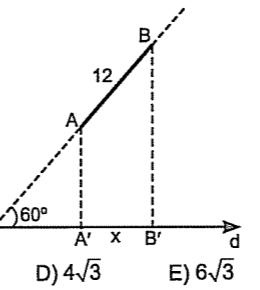
## 1.

- E düzleminde  $d \in E$   
[PA]  $\perp$  [AC]  
[PC]  $\perp$  d  
 $m(\widehat{CAB}) = 30^\circ$   
 $|BC| = 6$  br olduğuna göre,  
 $|AC| = x$  kaç br dir?

A) 12 B)  $6\sqrt{3}$  C) 8 D)  $4\sqrt{3}$  E)  $3\sqrt{3}$ 

2. [AB] nin d doğrusu üzerindeki dik izdüşümü [A'B'] dır.

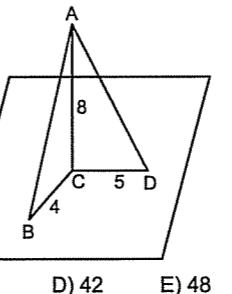
$m(\widehat{BCB'}) = 60^\circ$   
 $|AB| = 12$  br olduğuna göre,  
 $|A'B'| = x$  kaç br dir?

A) 4 B) 6 C) 8 D)  $4\sqrt{3}$  E)  $6\sqrt{3}$ 

3. Yandaki şekilde

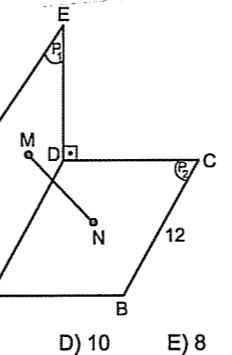
- $[AC] \perp E$ ,  $|AC| = 8$  br,  $|BC| = 4$  br,  $|CD| = 5$  br olduğuna göre,  $A(ABC) + A(ACD)$  toplamı kaç  $br^2$  dir?

A) 32 B) 36 C) 40 D) 42 E) 48



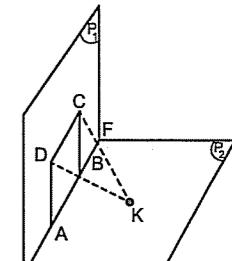
4. ABCD kare ve ADEF dikdörtgen düzlemleri arasındaki açı  $90^\circ$  dir.

- M ve N dörtgenlerin ağırlık merkezleri,  $|BC| = 12$  br,  $|AF| = 16$  br olduğuna göre,  $|MN|$  kaç br dir?

A) 15 B)  $10\sqrt{2}$  C) 12 D) 10 E) 8

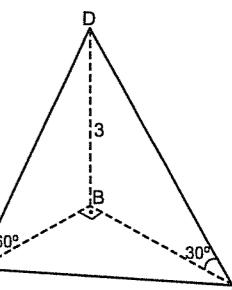
## 5.

- $P_1 \perp P_2$ ,  $P_1$  düzlemi üzerinde ABCD dikdörtgeni çiziliyor. K düzlemin orta noktası,  $|EA| = |FB|$ ,  $|EF| = 16$  br,  $|AB| = 12$  br,  $|BC| = 10$  br olduğuna göre,  $|KD| + |KC|$  kaç br dir?

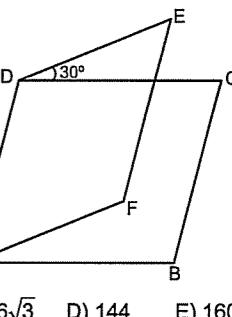
A) 32 B)  $20\sqrt{2}$  C) 24 D) 15 E)  $10\sqrt{2}$ 

## 6.

- ABC bir üçgen  $m(\widehat{ABC}) = 90^\circ$ , BD doğrusu ABC düzlemine dik  $m(\widehat{BAD}) = 60^\circ$ ,  $m(\widehat{BCD}) = 30^\circ$ ,  $|BD| = 3$  br olduğuna göre,  $|AC|$  kaç br dir?

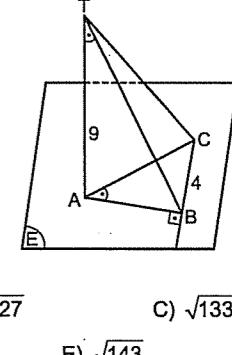
A)  $2\sqrt{6}$  B)  $2\sqrt{7}$  C)  $\sqrt{30}$  D) 6 E)  $3\sqrt{5}$ 

7. Yandaki ABCD ve ADEF dikdörtgen düzlemleri arasındaki açı  $30^\circ$  dir. ADEF düzleminin dik izdüşüm alanı  $72 br^2$  olduğuna göre, kendi alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $36\sqrt{3}$  B)  $48\sqrt{3}$  C)  $96\sqrt{3}$  D) 144 E) 160

## 8.

- ABC üçgeni E düzleminde  $[TA] \perp E$ ,  $[AB] \perp [CB]$ ,  $m(\widehat{ATB}) = m(\widehat{CAB})$ ,  $|AT| = 9$  br,  $|BC| = 4$  br olduğuna göre,  $|TC|$  kaç br dir?

A)  $\sqrt{123}$  B)  $\sqrt{127}$  C)  $\sqrt{133}$  D)  $\sqrt{137}$  E)  $\sqrt{143}$ 



# UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

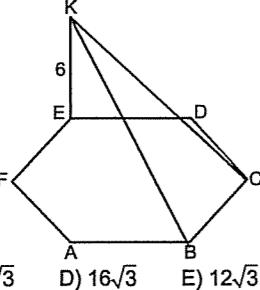
## Ölçek Açı

TEST

6

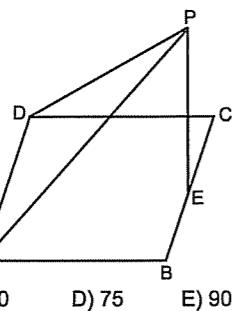
9.  $R^3$  te ABCDEF düzgün altıgen  
 $A(ABCDEF) = 54\sqrt{3}$  br<sup>2</sup>  
 $[KE] \perp ABCDEF$   
 $|KE| = 6$  br  
 olduğuna göre,  
 $A(KBC)$  kaç br<sup>2</sup> dir?

A) 36    B) 24    C)  $18\sqrt{3}$     D)  $16\sqrt{3}$     E)  $12\sqrt{3}$



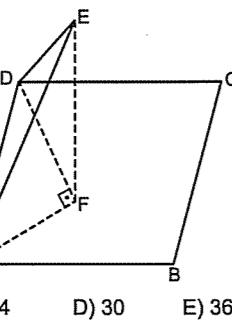
10.  $R^3$  te ABCD dikdörtgen  
 $ADP$  bir üçgen  
 $[PE] \perp ABCD$   
 $A(DAP) = A(ABCD)$   
 olduğuna göre, iki  
 düzlemler arasındaki ölçek  
 açı kaç derecedir?

A) 30    B) 45    C) 60    D) 75    E) 90



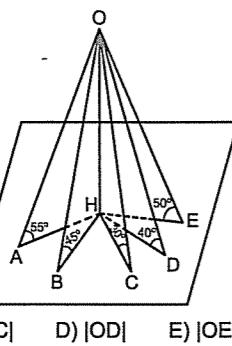
11.  $R^3$  te  
 $[EF] \perp ABCD$   
 $ADE$  eşkenar üçgen  
 $|AD| = 12$  br  
 $ADE$  üçgeninin dik  
 izdüşümü DFA dik  
 üçgeni olduğuna göre,  
 $A(DAF)$  kaç br<sup>2</sup> dir?

A) 18    B) 21    C) 24    D) 30    E) 36



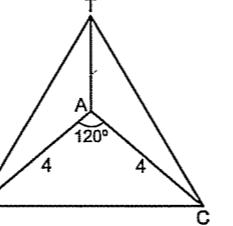
12. Şekilde  $[OH] \perp P$   
 $\{A, B, C, D, E, H\} \subset P$  dir.  
 olduğuna göre,  
 aşağıdakilerden  
 hangisi en büyktür?

A)  $|AO|$     B)  $|OB|$     C)  $|OC|$     D)  $|OD|$     E)  $|OE|$



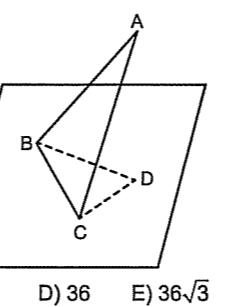
13. Yandaki şekilde  
 $[TA]$ , ABC düzlemine dikdir.  
 $m(\widehat{BAC}) = 120^\circ$   
 $m(\widehat{BTC}) = 90^\circ$   
 $|AB| = |AC| = 4$  br  
 olduğuna göre,  
 $|TA|$  kaç br dir?

A)  $\sqrt{2}$     B)  $\sqrt{3}$     C)  $2\sqrt{2}$     D)  $2\sqrt{3}$     E)  $\sqrt{6}$



14. E düzleminde ABC  
 üçgeninin dik izdüşümü  
 BCD üçgenidir. ABC  
 üçgeninin E düzlemini ile  
 yaptığı açı  $30^\circ$  dir.  
 $A(ABC) = 36$  br<sup>2</sup>  
 olduğuna göre,  
 $A(BCD)$  kaç br<sup>2</sup> dir?

A) 12    B)  $12\sqrt{3}$     C)  $18\sqrt{3}$     D) 36    E)  $36\sqrt{3}$

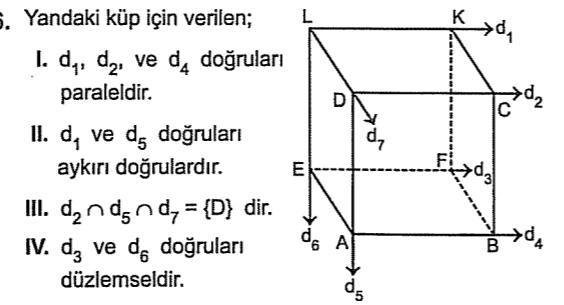


15. Bir kenarı 4 br olan bir karenin bir E düzleminiyle arasındaki ölçek açı  $60^\circ$  dir. Karenin E düzlemi üzerindeki dik izdüşümünün alanı kaç br<sup>2</sup> dir?

A) 16    B)  $8\sqrt{3}$     C)  $8\sqrt{2}$     D) 8    E)  $4\sqrt{3}$

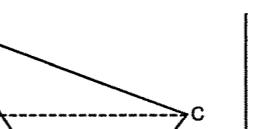
16. Yandaki küp için verilen;  
 I.  $d_1$ ,  $d_2$ , ve  $d_4$  doğruları  
 paraleldir.  
 II.  $d_1$  ve  $d_5$  doğruları  
 aykırı doğrulardır.  
 III.  $d_2 \cap d_5 \cap d_7 = \{D\}$  dir.  
 IV.  $d_3$  ve  $d_6$  doğruları  
 düzlemseldir.

Öncüllerden hangileri doğrudur?  
 A) I ve III    B) II, III ve IV    C) I, II ve IV  
 D) I, III ve IV    E) I, II, III ve IV



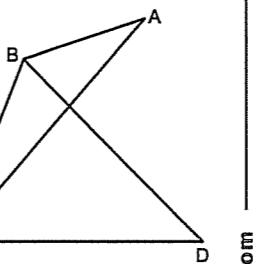
1. ABC üçgeninin dik  
 izdüşümü olan A'CB  
 üçgeni ile yaptığı ölçek  
 açı  $30^\circ$  dir.  
 $|AB| = |AC| = 10$  br  
 $|BC| = 16$  br  
 olduğuna göre,  
 $|AA'| = x$  kaç br dir?

A) 2    B) 3    C)  $2\sqrt{3}$     D) 4    E)  $2\sqrt{6}$



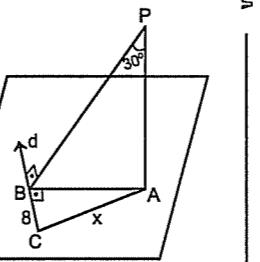
2. Birer kenar uzunluğu  
 12 br olan eşkenar  
 üçgen şeklindeki ABC  
 ve DBC levhaları bir-  
 birbiri ile  $30^\circ$  lik ölçek  
 açı yapacak şekilde  
 $[BC]$  kenarı boyunca  
 yapıştırılıyor.  
 Buna göre, A noktasının BCD levhasına uzaklığı  
 kaç br dir?

A) 3    B)  $2\sqrt{3}$     C)  $3\sqrt{3}$     D) 6    E)  $6\sqrt{3}$



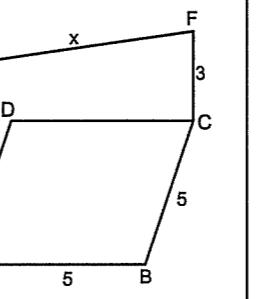
3. E düzleminde  
 $d \in E$   
 $[PB] \perp d$   
 $[AB] \perp d$   
 $m(\widehat{BPA}) = 30^\circ$   
 $|PA| = 15\sqrt{3}$  br  
 $|BC| = 8$  br  
 olduğuna göre,  
 $|AC| = x$  kaç br dir?

A) 12    B) 13    C) 15    D) 17    E) 20



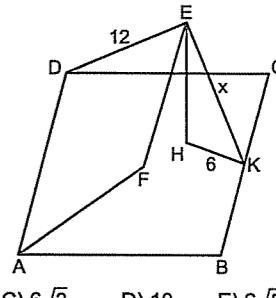
4.  $R^3$  te ABCD kare  
 $[FC] \perp ABCD$   
 $[EA] \perp ABCD$   
 $|FC| = 3$  br  
 $|EA| = 8$  br  
 $|AB| = 5$  br  
 olduğuna göre,  
 $|EF| = x$  kaç br dir?

A) 5    B)  $5\sqrt{2}$     C)  $5\sqrt{3}$     D) 10    E) 12



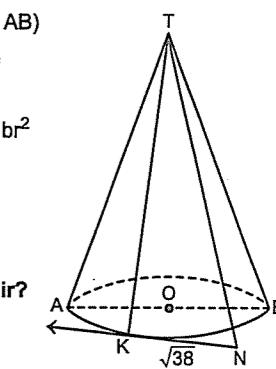
5. ABCD ve AFED  
 dikdörtgen düzlemleri  
 arasındaki ölçek açı  
 $45^\circ$  ve  $[EH]$ , ABCD  
 düzlemine dikdir.  
 $|DE| = 12$  br  
 $|HK| = 6$  br  
 olduğuna göre,  
 $|EK| = x$  kaç br dir?

A)  $6\sqrt{2}$     B)  $4\sqrt{5}$     C)  $6\sqrt{3}$     D) 10    E)  $6\sqrt{5}$



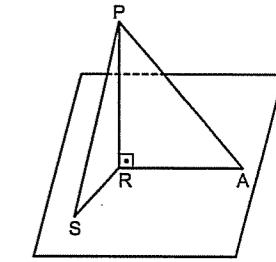
6. Yandaki şekilde  $[NK], (T, AB)$   
 konisinin taban dairesine  
 K noktasında tegettir.  
 Koninin taban alanı  $25\pi$  br<sup>2</sup>  
 hacmi  $75\pi$  br<sup>3</sup>  
 $|NK| = \sqrt{38}$  br  
 olduğuna göre,  
 $TN$  uzunluğu kaç br dir?

A) 9    B) 10    C) 12    D) 13    E) 15



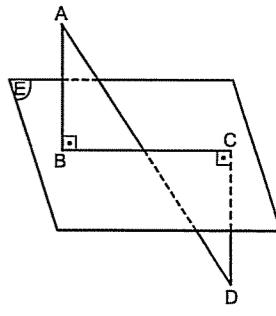
7. Şekildeki  
 P düzleminin  
 dışında bir noktası  
 $[PR] \perp (E)$   
 $m(\widehat{RAP}) = 45^\circ$   
 $|RS| = \sqrt{17}$  br  
 $|PA| = 8\sqrt{2}$  br  
 olduğuna göre,  $|PS|$  kaç br dir?

A) 6    B) 7    C) 8    D) 9    E) 10

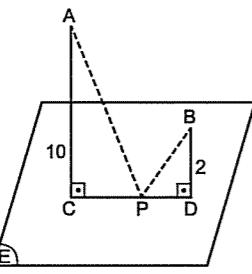


8. Şekilde A ve D  
 noktaları  
 E düzleminin dışındadır.  
 $[AB] \perp (E)$   
 $[CD] \perp (E)$   
 $|AB| = 3$  br  
 $|CD| = 9$  br  
 $|BC| = 9$  br  
 olduğuna göre,  
 $|AD|$  kaç br dir?

A) 10    B) 12    C) 13    D) 14    E) 15

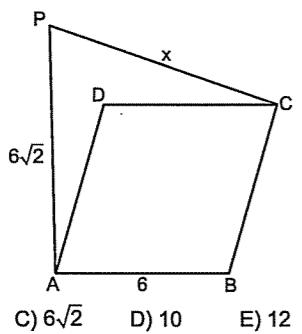


9. Şekilde, A ve B E düzleminin dışındaki noktalarıdır.  
 $[AC] \perp (E)$   
 $[BD] \perp (E)$   
 $|AC| = 10$  br  
 $|BD| = 2$  br  
 $|CD| = 5$  br  
 olduğuna göre,  $|AP| + |PB|$  toplamının en küçük değeri kaç br dir?



- A) 10    B) 12    C) 13    D) 14    E) 15

10. Şekilde, "P noktası" ABCD kare düzleminin dışındaki bir nokta  
 $[PA] \perp (ABCD)$   
 $|PA| = 6\sqrt{2}$  br  
 $|AB| = 6$  br  
 olduğuna göre,  
 $|PC| = x$  kaç br dir?



- A) 6    B) 8    C)  $6\sqrt{2}$     D) 10    E) 12

11. Köşegen uzunlukları 16 br ve 18 br olan eşkenar dörtgenin kendisine paralel bir düzlem üzerindeki dik izdüşümünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

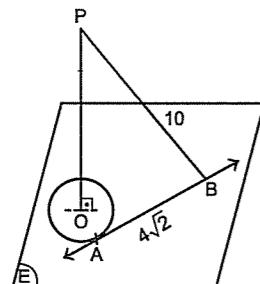
- A) 36    B)  $36\sqrt{2}$     C) 72    D) 144    E)  $72\sqrt{2}$

12. Şekilde  
 P, E düzleminin dışında bir noktadır.

- AB; O merkezli çembere A noktasında tegettir  
 $|AB| = 4\sqrt{2}$  br  
 $|PB| = 10$  br  
 $|PO| = 8$  br

Buna göre, çemberin yarıçapı kaç br dir?

- A) 1    B) 2    C) 3    D)  $2\sqrt{3}$     E) 4



14.  $R^3$  te E ve F düzlemleri arasındaki açı (ölçek açı)  $30^\circ$  olacak şekilde d doğrusu boyunca kesim yapmıştır. Buna göre, E düzleminde bulunan ve arakesit doğrusu ile  $45^\circ$  lik açı yapan  $4\sqrt{6}$  br lik KL doğru parçasının F düzlemindeki dik izdüşüm uzunluğu kaç br dir?

- A) 6    B)  $4\sqrt{6}$     C)  $2\sqrt{6}$     D) 4    E)  $2\sqrt{3}$

15. Bir (P) düzleminin iki farklı taraflarında bulunan A ve B noktalarının düzleme uzaklıkları 8 br ve 16 br dir. A ve B nin (P) üzerindeki izdüşümleri K ve L noktaları olup  $|KL| = 18$  br dir.

Buna göre,  $R^3$  te en kısa  $[AB]$  yolunun uzunluğu kaç br dir?

- A) 32    B) 30    C) 25    D) 24    E) 20

16. B, C, D  $\in$  E düzleme

$[AB] \perp E$  düzleme

$[BD] \perp DC$

$m(\widehat{CBD}) = 60^\circ$

$|CD| = 6\sqrt{3}$  br

$|AB| = 12$  br

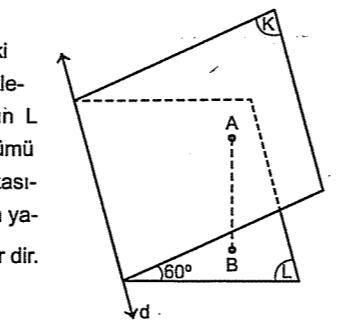
olduğuına göre,

$|AC| = x$  kaç br dir?

- A) 16    B) 18    C)  $12\sqrt{2}$     D) 20    E)  $16\sqrt{2}$

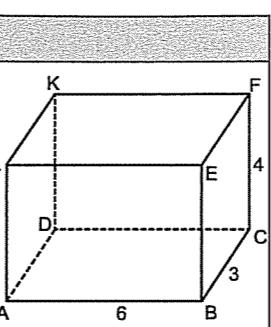
13. Şekilde, K ve L düzlemleri arasındaki ölçük açı  $60^\circ$ , K düzlemindeki A noktasının L düzlemine dik izdüşümü B noktasıdır. A noktasının d doğrusuna en yakın uzaklığı  $12\sqrt{3}$  br dir. Buna göre,  
 $|AB|$  kaç br dir?

- A) 6    B)  $4\sqrt{3}$     C)  $6\sqrt{3}$     D) 12    E) 18



### ÖĞRETNİ SORU – 17

- Şekildeki dikdörtgenler prizmasında verilenlere göre,
- Taban alanı
  - Yanal alanı
  - Tüm alanı
  - Hacmi
  - Cisim köşegen uzunluğu nedir?



### ÇÖZÜM:

Bu dikdörtgenler prizmasında  $a = 6$  br,  $b = 3$  br ve  $c = 4$  br olduğundan,

- Taban alanı =  $a \cdot b = 6 \cdot 3 = 18$  br $^2$
- Yanal alanı = Taban çevresi  $\cdot h$   
 $= [2(6+3)] \cdot 4 = 72$  br $^2$
- Tüm alan =  $2 \cdot \text{Taban alanı} + \text{Yanal alan}$   
 $= 2 \cdot 18 + 72 = 108$  br $^2$
- Hacmi =  $a \cdot b \cdot c$   
 $= 6 \cdot 3 \cdot 4 = 72$  br $^3$
- Cisim köşegen uzunluğu =  $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$   
 $= \sqrt{6^2 + 3^2 + 4^2}$   
 $= \sqrt{61}$  br bulunur.

### ÖĞRETNİ SORU – 18

- Üç farklı ayrıntının uzunlukları toplamı 16 br, cisim köşegeni  $6\sqrt{2}$  br olan dikdörtgenler prizmasının bütün alanı kaç br $^2$  dir?

### ÇÖZÜM:

Prizmanın ayrıntıları a, b, c ise,

$$a + b + c = 16$$

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 6\sqrt{2} \Rightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 72 \text{ dir.}$$

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + ac + bc)$$

$$16^2 = 72 + 2(ab + ac + bc)$$

$$256 = 72 + 2(ab + ac + bc)$$

$$2(ab + ac + bc) = 184 \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

### ÖĞRETNİ MINİ TEST

TEST  
14

1. Üç farklı ayrıntının uzunlukları toplamı 12 br, cisim köşegeni  $4\sqrt{2}$  br olan dikdörtgenler prizmasının bütün alanı kaç br $^2$  dir?

- A) 112    B) 108    C) 106    D) 104    E) 102

2. Taban köşegenlerinin uzunluğu  $6\sqrt{2}$  br olan kare dik prizmanın yan ayrıntının uzunluğu 8 br olduğuna göre, prizmanın tüm alanı kaç br $^2$  dir?

- A) 268    B) 264    C) 260    D) 256    E) 252

3. Tabanı kare olan dik prizmanın yan ayrıntının uzunluğu 4 br ve cisim köşegen uzunluğu 12 br olduğuna göre, bu kare prizmanın hacmi kaç br $^3$  tür?

- A) 196    B) 212    C) 224    D) 248    E) 256

4. Tabanı eşkenar dörtgen olan dik prizmanın tabanının köşegenleri 12 br ve 20 br dir. Bir yanal ayrıntı 10 br olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç br $^3$  tür?

- A) 820    B) 980    C) 1020    D) 1120    E) 1200

**ÖĞRETNİ SORU – 19**

Bir dikdörtgenler prizmasının üç farklı yüzünün alanları  $8 \text{ br}^2$ ,  $12 \text{ br}^2$  ve  $24 \text{ br}^2$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

Prizmanın ayrıtları  $a$ ,  $b$ ,  $c$  ise

$$a \cdot b = 8$$

$$a \cdot c = 12$$

$$b \cdot c = 24$$

$$a^2 \cdot b^2 \cdot c^2 = 8 \cdot 12 \cdot 24 \Rightarrow (a \cdot b \cdot c)^2 = 16 \cdot 144$$

$$\Rightarrow a \cdot b \cdot c = 4 \cdot 12$$

$$\Rightarrow a \cdot b \cdot c = 48 \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 20**

Ayrıtları arasında  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{3}{4}$  bağıntısı olan dikdörtgenler prizmasının alanı  $48 \text{ br}^2$  ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{bc + ab + ac}{abc} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{2(ab + ac + bc)}{abc} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{48}{abc} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow abc = 32 \Rightarrow V = 32 \text{ br}^3 \text{ olur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST

15

1. Bir dikdörtgenler prizmasının üç farklı yüzünün alanları  $4 \text{ br}^2$ ,  $16 \text{ br}^2$  ve  $25 \text{ br}^2$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 20    B) 24    C) 30    D) 36    E) 40

2. Ayrıtları arasında  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{2}{3}$  bağıntısı olan dikdörtgenler prizmasının hacmi  $96 \text{ br}^3$  ise alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 128    B) 116    C) 96    D) 72    E) 64

3. Ayrıtları arasında  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{37}{60}$  bağıntısı olan dikdörtgenler prizmasının hacmi  $120 \text{ br}^3$  ve  $ac + bc = 54$  olduğuna göre, a aşağıdakilerden hangisi olabilir?

A) 2    B) 3    C) 4    D) 6    E) 7

**ÖĞRETNİ SORU – 21**

Ayrıtları 3, 4 ve 5 ile orantılı olan dikdörtgenler prizmasının alanı  $376 \text{ br}^2$  ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

Prizmanın ayrıtları  $a$ ,  $b$ ,  $c$  ise

$$a = 3k, b = 4k \text{ ve } c = 5k \text{ alınırsa,}$$

$$A = 376 \Rightarrow 2(a \cdot b + a \cdot c + b \cdot c) = 376$$

$$\Rightarrow 2 \cdot (3k \cdot 4k + 3k \cdot 5k + 4k \cdot 5k) = 376$$

$$\Rightarrow 2 \cdot (12k^2 + 15k^2 + 20k^2) = 376$$

$$\Rightarrow 2 \cdot (47k^2) = 376$$

$$\Rightarrow 94k^2 = 376$$

$$\Rightarrow k = 2 \text{ br} \text{ olur}$$

$$\begin{aligned} \text{O halde, } V &= a \cdot b \cdot c = 3k \cdot 4k \cdot 5k = 60k^3 \\ &= 60 \cdot 8 \\ &= 480 \text{ br}^3 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST

16

1. Ayrıtları 4, 5 ve 6 ile orantılı olan dikdörtgenler prizmasının hacmi  $960 \text{ br}^3$  ise alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 612    B) 600    C) 592    D) 580    E) 572

2. Ayrıtları  $x$ ,  $y$ ,  $z$  olan dikdörtgenler prizmasında

$$x \cdot y = 8, y \cdot z = 20, x \cdot z = 40$$

ise prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 80    B) 72    C) 70    D) 67    E) 60

3. Ayrıtları  $a$ ,  $b$ ,  $c$  olan dikdörtgenler prizmasında

$$a \cdot b = 40, c \cdot b = 48$$

ve prizmanın hacmi  $240 \text{ br}^3$  olduğuna göre, prizmanın alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 248    B) 236    C) 224    D) 216    E) 208

4. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$m(\widehat{LAC}) = 30^\circ$$

$$m(\widehat{CAB}) = 30^\circ$$

$$|AB| = 6 \text{ br}$$

olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $72\sqrt{3}$     B) 72    C) 62    D)  $48\sqrt{3}$     E) 48

**ÖĞRETNİ SORU – 22**

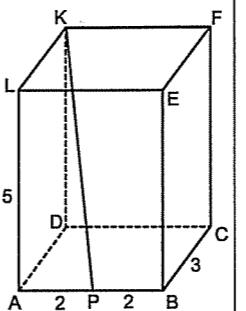
Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$|AP| = |PB| = 2 \text{ br}$$

$$|AL| = 5 \text{ br}$$

$$|BC| = 3 \text{ br}$$

olduğuna göre,  $|KP|$  kaç  $\text{br}$  dir?



**ÇÖZÜM:**

DAP dik üçgeninde

$$|DP|^2 = |DA|^2 + |AP|^2$$

$$|DP|^2 = 3^2 + 2^2$$

$$|DP|^2 = 13$$

KDP dik üçgeninde

$$|KP|^2 = |KD|^2 + |DP|^2$$

$$|KP|^2 = 5^2 + 13$$

$$|KP|^2 = 25 + 13 = 38$$

$$|KP| = \sqrt{38} \text{ br} \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST

17

1. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$|KL| = 10 \text{ br}$$

$$|DL| = 12 \text{ br}$$

$$|DA| = 8 \text{ br}$$

$$|MF| = 2 \text{ br}$$

olduğuna göre,  $|DM|$  kaç  $\text{br}$  dir?

$$A) 2\sqrt{70}$$

$$B) 2\sqrt{65}$$

$$C) 4\sqrt{15}$$

$$D) 2\sqrt{55}$$

$$E) 10\sqrt{2}$$

2. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

KFBC yüzeyinin ağırlık merkezi O

$$|KC| = 8 \text{ br}$$

$$|BC| = 6 \text{ br}$$

$$|KL| = 12 \text{ br}$$

olduğuna göre,  $|LO| = x$  kaç  $\text{br}$  dir?

$$A) 5\sqrt{6}$$

$$B) 4\sqrt{10}$$

$$C) 13$$

$$D) 6\sqrt{5}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 23**

Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$|KF| = 6 \text{ br}$$

$$|EF| = 2 \text{ br}$$

$$|KD| = 8 \text{ br}$$

olduğuna göre,  $A(KDP)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

**ÇÖZÜM:**

KFE dik üçgeninde

$$|KE|^2 = |KF|^2 + |EF|^2$$

$$|KE|^2 = 6^2 + 2^2 = 40$$

$$|KE| = 2\sqrt{10} \text{ br}$$

$$A(KPD) = \frac{A(KEBD)}{2}$$

$$= \frac{|KD| \cdot |KE|}{2}$$

$$= \frac{8 \cdot 2\sqrt{10}}{2}$$

$$= 8\sqrt{10} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST

18

1. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$|AB| = 6 \text{ br}$$

$$|BE| = 8 \text{ br}$$

$$|EF| = 4 \text{ br}$$

olduğuna göre,  $A(AEF)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

1. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$$|AB| = 12 \text{ br}$$

$$|BC| = 5 \text{ br}$$

$$|FC| = 10 \text{ br}$$

$$O \in [KE]$$

olduğuna göre,  $A(OAC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

$$A) 42$$

$$B) 48$$

$$C) 56$$

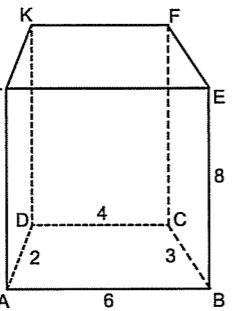
$$D) 65$$

$$E) 78$$

**ÖĞRETNİ SORU – 24**

Şekildeki dik prizmanın taban ayrıtları ile yüksekliği verilmiştir.

Bu prizmanın yanal alanı kaç  $br^2$  dir?

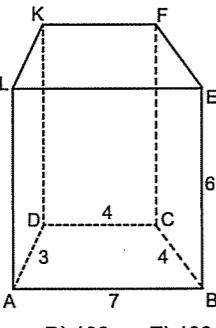


**ÇÖZÜM:**

$$\begin{aligned} \text{Yanal Alan} &= (\text{Taban çevresi}) \cdot h \\ &= (2 + 4 + 3 + 6) \cdot 8 \\ &= 120 \text{ br}^2 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 19**

1. Şekildeki dik prizmanın ayrıtları ile yüksekliği verilmiştir. Bu prizmanın yanal alanı kaç  $br^2$  dir?



- A) 92    B) 96    C) 102    D) 106    E) 108

2. Tabanın bir kenarı 4 br olan düzgün altigen prizmanın yüksekliği 5 br olduğuna göre, prizmanın yanal alanı kaç  $br^2$  dir?

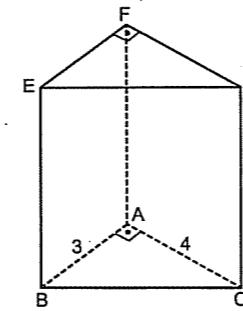
- A) 90    B) 100    C) 120    D) 140    E) 150

3. Taban alanı 64  $br^2$  olan kare prizmanın yüksekliği 7 br olduğuna göre, bu prizmanın yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

- A) 352    B) 348    C) 344    D) 340    E) 328

**ÖĞRETNİ SORU – 25**

Şekildeki üçgen dik prizmanın alanı kaç  $br^2$  ve hacmi kaç  $br^3$  tür?



**ÇÖZÜM:**

ABC dik üçgeninde ( $3,4 \rightarrow 5$  üçgeni)

$|BC| = 5$  br dir.

- Prizmanın hacmi = (Taban Alanı)  $\cdot$  h

$$= \frac{|AB| \cdot |AC|}{2} \cdot 6$$

$$= \frac{3 \cdot 4}{2} \cdot 6 = 36 \text{ br}^3 \text{ tür.}$$

- Yanal Alan = (Taban çevresi)  $\cdot$  h

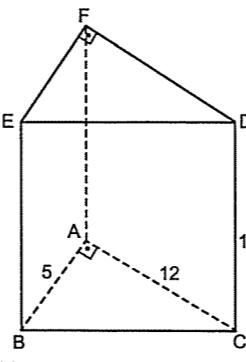
$$= (3 + 4 + 5) \cdot 6 = 72 \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

- Taban Alanı =  $\frac{3 \cdot 4}{2} = 6 \text{ br}^2$  dir.
- Tüm Alan = Yanal alan + 2  $\cdot$  Taban alanı

$$= 72 + 2 \cdot 6 = 84 \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

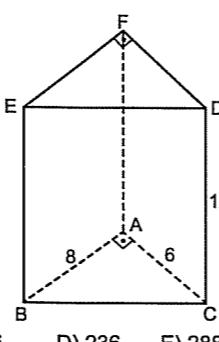
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 20**

1. Şekildeki üçgen dik prizmanın alanı kaç  $br^2$  dir?



- A) 480    B) 460    C) 440    D) 420    E) 400

2. Şekildeki üçgen dik prizmanın hacmi kaç  $br^3$  tür?



- A) 144    B) 172    C) 216    D) 236    E) 288

**ÖĞRETNİ SORU – 24**

Eşkenar üçgen dik prizmanın taban ayrıtları 4 br, yüksekliği 5 br ise alanı kaç  $br^2$  ve hacmi kaç  $br^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

- Taban alanı =  $A(ABC)$

$$= \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$= \frac{4^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$= 4\sqrt{3} \text{ br}^2$$

- Yanal alan = (Taban çevresi)  $\cdot$  h

$$= (3 \cdot 4) \cdot 5 = 60 \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

- Tüm alan = Yanal alan + 2  $\cdot$  Taban alanı

$$= 60 + 2 \cdot 4\sqrt{3}$$

$$= 60 + 8\sqrt{3} \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

- Hacim = Taban alanı  $\cdot$  Yükseklik

$$= 4\sqrt{3} \cdot 5$$

$$= 20\sqrt{3} \text{ br}^3 \text{ tür.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 27**

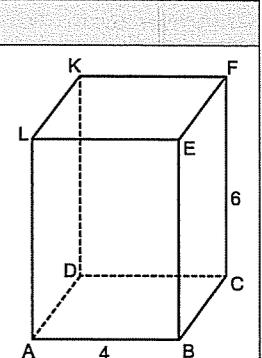
Şekildeki kare dik prizmada

$|AB| = 4$  br

$|FC| = 6$  br

olduğuna göre,

prizmanın alanı kaç  $br^2$  ve hacmi kaç  $br^3$  tür?

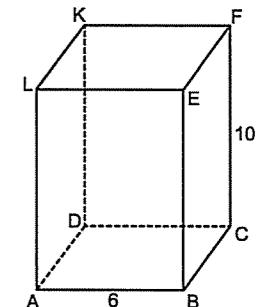


**ÇÖZÜM:**

- Taban alanı =  $A(ABCD) = 4^2 = 16 \text{ br}^2$  olup
- Hacim = Taban alanı  $\cdot$  Yükseklik =  $16 \cdot 6 = 96 \text{ br}^3$  tür.
- Yanal alan = (Taban çevresi)  $\cdot$  h =  $(4 \cdot 4) \cdot 6 = 96 \text{ br}^2$  dir.
- Tüm alan = Yanal alan + 2  $\cdot$  Taban alanı =  $96 + 2 \cdot 16 = 128 \text{ br}^2$  dir.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 22**

1. Şekildeki kare dik prizmada  $|AB| = 6$  br  $|FC| = 10$  br olduğuna göre, prizmanın alanı kaç  $br^2$  dir?



- A) 312    B) 306    C) 296    D) 280    E) 272

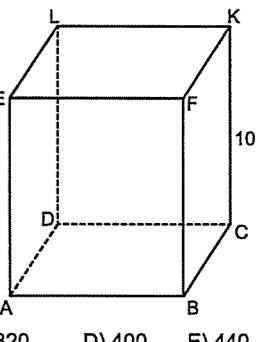
2. Şekildeki eşkenar dörtgen dik prizmada

$|AC| = 16$  br

$|BD| = 12$  br

$|KC| = 10$  br

olduğuna göre, prizmanın yanal alanı kaç  $br^2$  dir?



- A) 240

- B) 300

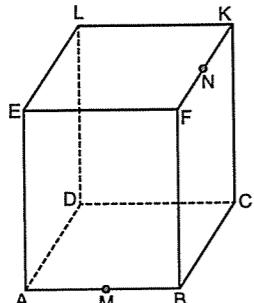
- C) 320

- D) 400

- E) 440

## ÖĞRETNİ SORU – 28

Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|NF| = 8 \text{ br}$   
 $|FB| = 16 \text{ br}$   
 $|MB| = 7 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 M noktasındaki bir cisim dikdörtgenler prizmasının yüzeyinden ilerleyerek N noktasına varacaktır. Cismin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

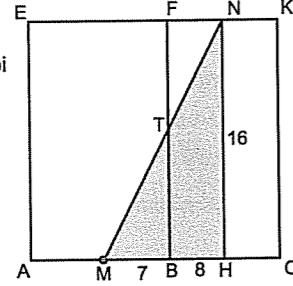


## ÇÖZÜM:

Şekilde görüldüğü gibi  
 $|MT| + |TN|$  nin  
 alabileceği en küçük  
 değer cismin  
 alabileceği en kısa  
 yola eşittir.

MHN dik üçgeninde  
 $|MN|^2 = |MH|^2 + |HN|^2$

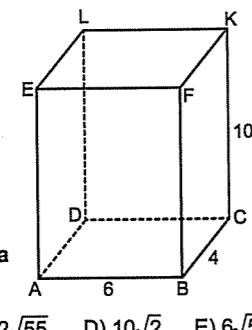
$$|MN|^2 = 15^2 + 16^2 \Rightarrow |MN| = \sqrt{478} \text{ br bulunur.}$$



## ÖĞRETNİ MINİ TEST

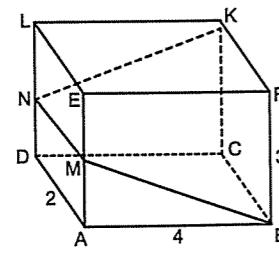
## TEST 23

1. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 $|BC| = 4 \text{ br}$   
 $|KC| = 10 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 dikdörtgenler prizmasının yüzeyinden A ile K köşeleri arasındaki en kısa uzaklık kaç br dir?



- A)  $2\sqrt{58}$    B)  $4\sqrt{15}$    C)  $2\sqrt{55}$    D)  $10\sqrt{2}$    E)  $6\sqrt{5}$

2. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AB| = 4 \text{ br}$   
 $|AD| = 2 \text{ br}$   
 $|FB| = 3 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|BM| + |MN| + |NK|$  nin  
 en küçük değeri kaç br dir?



- A)  $5\sqrt{2}$    B)  $6\sqrt{2}$    C)  $4\sqrt{6}$    D)  $10$    E)  $\sqrt{109}$

## ÖĞRETNİ SORU – 29

Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|KJ| = 4 \text{ br}$   
 $|JF| = 6 \text{ br}$   
 $|JM| = 3 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 M noktasındaki bir cisim dikdörtgenler prizmasının yüzeyinden ilerleyerek N noktasına varacaktır. Cismin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

I. şekildeki dikdörtgenler prizması ADKL yüzeyi üzerine yatırılarak II. şekildeki durum oluşturulmuştur.  
 $|AB| = 6 \text{ br}$ ,  $|AD| = 4 \text{ br}$ ,  $|MB| = 3 \text{ br}$  ve  $|EM| = 2 \text{ br}$  olduğuna göre, II. şekildeki prizmanın içindeki suyun yüksekliği kaç br dir?

## ÇÖZÜM:

Şekil I deki suyun hacmi :  
 $4 \cdot 6 \cdot 3 = 72 \text{ br}^3$  tür.

Bu su yukarıdaki II. dikdörtgenler prizmasına boşaltıldığında prizmadaki suyun yüksekliği x br oluyorsa  
 $4 \cdot 5 \cdot x = 72 \Rightarrow x = \frac{18}{5} \text{ br bulunur.}$

## ÖĞRETNİ MINİ TEST

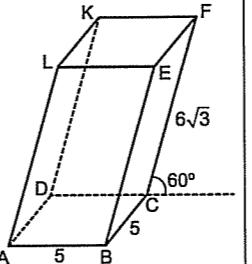
## TEST 24

1. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 $|BC| = 4 \text{ br}$   
 $|KC| = 10 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 dikdörtgenler prizmasının yüzeyinden A ile K köşeleri arasındaki en kısa uzaklık kaç br dir?
- A)  $6$    B)  $\frac{13}{2}$    C)  $7$    D)  $\frac{15}{2}$    E)  $8$

2. Bir ayrıtı 6 br olan küp su ile doludur. Bu su, taban ayrıtları 4 br ve 8 br olan dikdörtgenler prizması biçiminde bir kaba döküldüğünde x br yüksekliğe sahip oluyor. Buna göre, x in değeri kaç br dir?
- A)  $7$    B)  $\frac{27}{4}$    C)  $\frac{13}{2}$    D)  $6$    E)  $\frac{11}{2}$

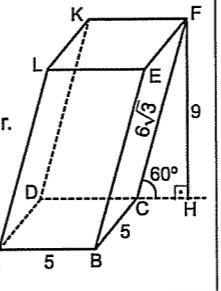
## ÖĞRETNİ SORU – 30

Şekildeki eğik kare prizma taban düzlemi ile  $60^\circ$  lik açı yapmaktadır. Taban ayrıtı 5 br, yan ayrıtı  $6\sqrt{3}$  br olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



## ÇÖZÜM:

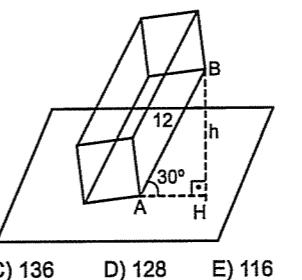
[CH]  $\perp$  [FH] çizilirse  
 $|CF| = 6\sqrt{3} \Rightarrow |FH| = 9 \text{ br olur.}$   
 Eğik kare prizmanın hacmi;  
 $V = A(ABCD) \cdot |FH|$   
 $V = 5^2 \cdot 9$   
 $V = 225 \text{ br}^3$  bulunur.



## ÖĞRETNİ MINİ TEST

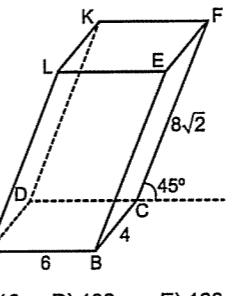
## TEST 25

1. Eğik prizmada taban alanı  $24 \text{ br}^2$   
 $m(\widehat{BAH}) = 30^\circ$   
 $|AB| = 12 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A) 160   B) 144   C) 136   D) 128   E) 116

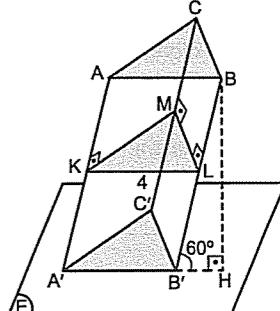
2. Şekildeki eğik dikdörtgenler prizması, taban düzlemi ile  $45^\circ$  lik açı yapmaktadır. Taban ayrıtları 6 br ve 4 br, yan ayrıtları  $8\sqrt{2}$  br olduğuna göre,  
 prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $192\sqrt{2}$    B)  $180\sqrt{2}$    C) 216   D) 192   E) 168

## ÖĞRETNİ SORU – 31

Şekildeki eğik üçgen prizmanın yüksekliği 12 br dir. Yan ayrıtının taban düzlemi üzerindeki dik izdüşümü ile yaptığı açı  $60^\circ$  dir. Bu prizma yan ayrıtlarına dik düzlem ile kesilerek elde edilen dik kesiti bir eşkenar üçgen ve  $|KL| = 4 \text{ br}$  olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



## ÇÖZÜM:

Prizmanın hacmi

$$\text{Hacim} : V = G' \cdot t = A(KLM) \cdot |BB'| \text{ dür.}$$

$$\text{BHB}' \text{ dik üçgeninde, } \sin 60^\circ = \frac{12}{|BB'|} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{12}{|BB'|} \Rightarrow |BB'| = \frac{12 \cdot 2}{\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} \text{ br dir.}$$

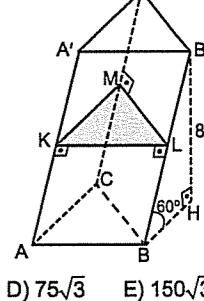
$$A(KLM) = G' = \frac{4^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 4\sqrt{3} \text{ br}^2 \text{ olup,}$$

$$V = G' \cdot t = 4\sqrt{3} \cdot 8\sqrt{3} = 96 \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

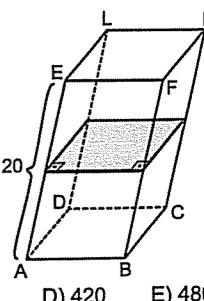
## ÖĞRETNİ MINİ TEST

## TEST 26

1. Şekildeki üçgen eğik prizmanın, KLM dik kesiti bir kenarının uzunluğu 5 br olan eşkenar üçgendir.  $|HB'| = 8 \text{ br}$  ve  $[BB']$  yanal ayrıtının taban düzlemi üzerindeki dik izdüşümü ile belirttiği açının ölçüsü  $60^\circ$  olduğuna göre, bu prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



2. Şekildeki eğik prizmada  $|AE| = 20 \text{ br}$  ve dik kesit alanı  $24 \text{ br}^2$  olduğuna göre,  
 eğik prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



1. Bir dikdörtgenler prizmasında aynı köşeden geçen üç ayrıtının toplamı 20 br, cisim köşegenin uzunluğu ise 12 br dir.

Bu prizmanın alanı kaç  $br^2$  dir?

- A) 128    B) 160    C) 172    D) 256    E) 320

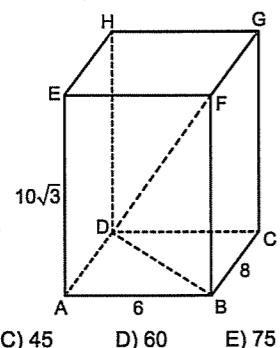
2. Bir dikdörtgenler prizmasının aynı köşeden geçen üç boyutu 2, 3, 5 sayılarıyla orantılıdır.  
Bu prizmanın hacmi  $240 \text{ br}^3$  olduğuna göre, cisim köşegeninin uzunluğu kaç br dir?

- A)  $2\sqrt{19}$     B)  $4\sqrt{5}$     C)  $3\sqrt{19}$     D)  $2\sqrt{38}$     E)  $3\sqrt{38}$

3. Boyutları 2, 3, 4 sayılarıyla orantılı olan bir dikdörtgenler dik prizmanın cisim köşegeninin uzunluğu  $\sqrt{116}$  br olduğuna göre, hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 180    B) 192    C) 216    D) 224    E) 240

4. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 $|BC| = 8 \text{ br}$   
 $|AE| = 10\sqrt{3} \text{ br}$   
olduğuna göre,  
 $m(\widehat{BFD})$  kaç derecedir?



- A) 15    B) 30    C) 45    D) 60    E) 75

5. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında

$$|DC| = 4\sqrt{5} \text{ br}$$

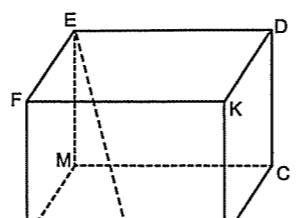
$$|AP| = 4 \text{ br}$$

$$|BC| = 8 \text{ br}$$

olduğuna göre,

$$|EP| \text{ kaç } br \text{ dir?}$$

- A)  $4\sqrt{6}$     B) 10    C) 12    D)  $4\sqrt{10}$     E)  $6\sqrt{5}$



6. Şekildeki dikdörtgen prizması

$$|HG| = \sqrt{2} \text{ br}$$

$$|BC| = 4 \text{ br}$$

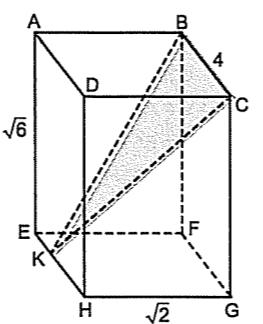
$$|AE| = \sqrt{6} \text{ br}$$

olduğuna göre,

$$A(BCK)$$

kaç  $br^2$  dir?

- A)  $2\sqrt{2}$     B) 4    C)  $2\sqrt{6}$     D)  $4\sqrt{2}$     E)  $2\sqrt{10}$



7. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında

$$[AG] \text{ cisim köşegeni}$$

$$[BG] \text{ yüzey köşegeni}$$

$$|AB| = 9 \text{ br}$$

$$|BC| = 6 \text{ br}$$

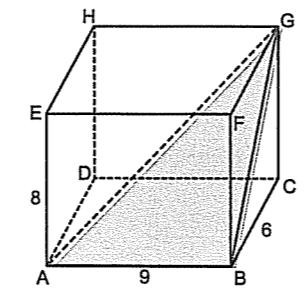
$$|AE| = 8 \text{ br}$$

olduğuna göre,

$$A(ABG)$$

kaç  $br^2$  dir?

- A) 90    B) 75    C) 60    D) 45    E) 40



8. Alanı  $72 \text{ br}^2$  olan bir dikdörtgenler prizmasının boyutları a br, b br, c br dir.

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{3}{4}$$

olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 72    B) 64    C) 56    D) 54    E) 48

9. Şekildeki dik üçgen

dik prizmada

$$|AB| = 8 \text{ br}$$

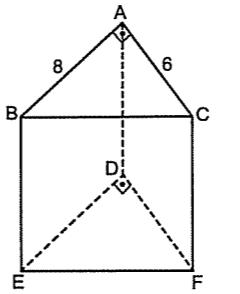
$$|AC| = 6 \text{ br}$$

hacmi ise  $240 \text{ br}^3$

olduğuna göre,

alanı kaç  $br^2$  dir?

- A) 400    B) 340    C) 300    D) 288    E) 244



13. Bir ayrıtının uzunluğu 4 br ve yüksekliği  $4\sqrt{3} \text{ br}$  olan düzgün altigen dik prizmanın hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 218    B) 240    C) 288    D) 316    E) 324

10. Şekildeki üçgen

dik prizmada

$$[AF] \perp [BF]$$

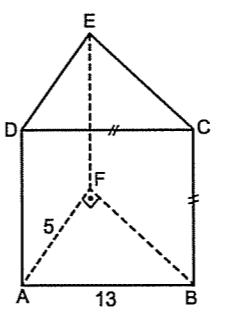
$$|CD| = |BC|$$

$$|AF| = 5 \text{ br}$$

$$|AB| = 13 \text{ br}$$

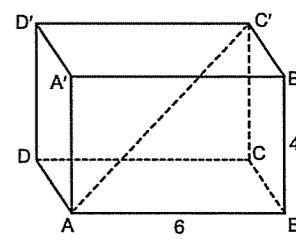
olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 325    B) 364    C) 390    D) 400    E) 420



14. Yandaki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 $|BB'| = 4 \text{ br}$   
prizmanın tüm yüzey alanı  $128 \text{ br}^2$  olduğuna göre,  $|AC'|$  kaç  $br$  dir?

- A)  $2\sqrt{13}$     B)  $2\sqrt{14}$     C)  $2\sqrt{15}$   
D)  $2\sqrt{17}$     E)  $2\sqrt{19}$

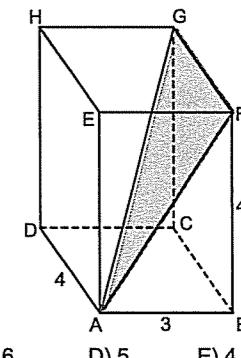


11. Tabanı eşkenar üçgen olan bir dik prizmanın yüksekliği 10 br ve hacmi  $160\sqrt{3} \text{ br}^3$  olduğuna göre, üçgenin bir kenarı kaç br dir?

- A) 4    B)  $4\sqrt{3}$     C) 6    D)  $6\sqrt{3}$     E) 8

12. Bir kare prizmanın yan ayrıtları taban düzleme 60° lik açı yapmaktadır. Tabanın bir kenar uzunluğu 6 br ve yan ayrıtı 18 br olduğuna göre, hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 600    B) 560    C)  $360\sqrt{3}$   
D)  $342\sqrt{3}$     E)  $324\sqrt{3}$



15. Yandaki dikdörtgenler prizmasında  
 $|AD| = 4 \text{ br}$   
 $|AB| = 3 \text{ br}$   
 $|FB| = 4 \text{ br}$   
olduğuna göre,  $A(AFG)$  kaç  $br^2$  dir?

- A) 10    B) 8    C) 6    D) 5    E) 4

16. Taban ayrıtlarından biri 2 br, yüksekliği 5 br olan düzgün beşgen dik prizmanın yanal alanı kaç  $br^2$  dir?

- A) 12    B) 25    C) 36    D) 50    E) 60

1. Taban ayrıtlarından biri 3 br, yüksekliği 6 br olan düzgün altigen dik prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $120\sqrt{3}$       B)  $100\sqrt{3}$       C)  $81\sqrt{3}$   
D)  $72\sqrt{3}$       E)  $60\sqrt{3}$

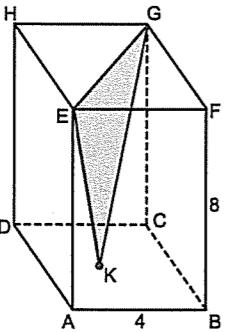
2. Ayrıtları 2 br, 4 br ve 8 br olan dikdörtgenler prizmasının alanının hacmine sayıca oranı kaçtır?

A)  $\frac{7}{4}$       B)  $\frac{11}{6}$       C)  $\frac{12}{7}$       D)  $\frac{13}{8}$       E)  $\frac{14}{9}$

3. Yandaki kare prizmada

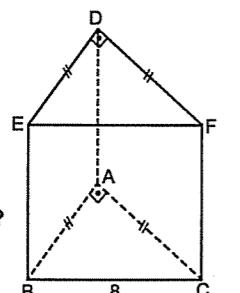
K noktası, ABCD karesinin ağırlık merkezidir.  
 $|AB| = 4 \text{ br}$   
 $|FB| = 8 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
 $A(EKG)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $6\sqrt{2}$       B)  $8\sqrt{2}$       C)  $12\sqrt{2}$       D)  $16\sqrt{2}$       E)  $24\sqrt{2}$



4. Yandaki ikizkenar dik üçgen dik prizmada,  
 $|BC| = 8 \text{ br}$   
prizmanın bütün yüzey  
alanı  $112 + 80\sqrt{2} \text{ br}^2$   
olduğuna göre,  
prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 160      B) 180      C) 210      D) 220      E) 240



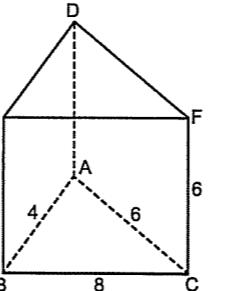
5. Taban alanı  $36 \text{ br}^2$  ve yüksekliği 3 br olan bir kare prizmanın cisim köşegeninin uzunluğu kaç br dir?

A) 7      B) 8      C) 9      D) 10      E) 12

6. Yandaki üçgen

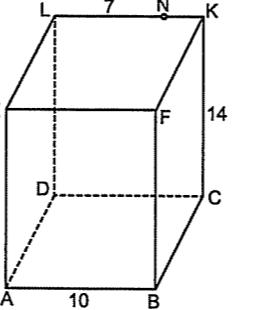
dik prizmada  
 $|AB| = 4 \text{ br}$   
 $|BC| = 8 \text{ br}$   
 $|AC| = 6 \text{ br}$   
 $|FC| = 6 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
prizmanın hacmi  
kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $9\sqrt{15}$       B)  $9\sqrt{15}$       C)  $12\sqrt{15}$   
D)  $15\sqrt{15}$       E)  $18\sqrt{15}$



7. ABCD tabanlı kapalı kare prizmada  
A noktasındaki bir böcek N noktasına gidecektir.  
 $|LN| = 7 \text{ br}$   
 $|KC| = 14 \text{ br}$   
 $|AB| = 10 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
böceğin gidebileceği en kısa yol kaç br dir?

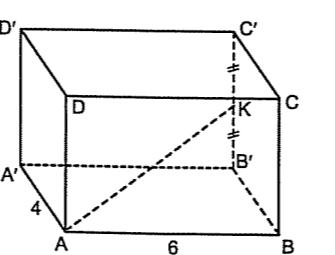
A) 20      B) 22      C) 23      D) 24      E) 25



8. Yandaki dikdörtgenler

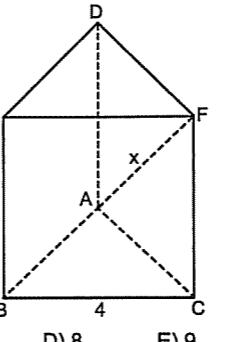
D' prizmasının hacmi  
 $96 \text{ br}^3$  tür.  
 $|C'K| = |KB'|$   
 $|A'A'| = 4 \text{ br}$   
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
 $|AK|$  kaç br dir?

A) 7      B)  $5\sqrt{2}$       C)  $2\sqrt{13}$       D)  $2\sqrt{14}$       E)  $2\sqrt{15}$



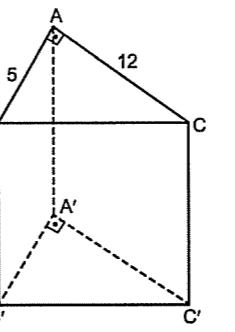
9. Yandaki şekilde ABC tabanlı eşkenar üçgen dik prizma verilmiştir.  
Prizmanın bütün yüzey alanı  $56\sqrt{3} \text{ br}^2$   
 $|BC| = 4 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
 $|AF| = x$  kaç br dir?

A) 5      B) 6      C) 7      D) 8      E) 9



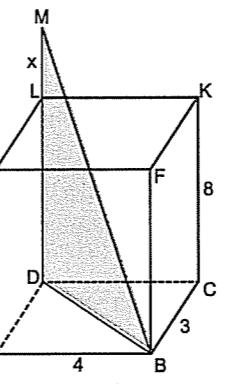
10. Şekildeki dik prizmanın tabanı dik üçgendir.  
BB'C'C yüzü bir karedir.  
 $|AB| = 5 \text{ br}$   
 $|AC| = 12 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
prizmanın tüm alanı  
kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 540      B) 500      C) 480      D) 450      E) 420



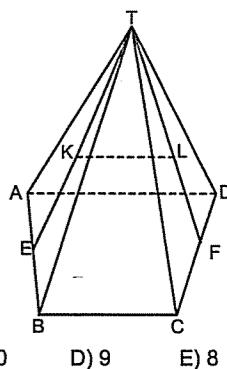
11. Şekilde ABCDEFKL bir dikdörtgenler prizması,  
 $|BC| = 3 \text{ br}$   
 $|AB| = 4 \text{ br}$   
 $|KC| = 8 \text{ br}$   
 $|ML| = x \text{ br}$   
 $A(MDB) = 25 \text{ br}^2$   
olduğuna göre,  
 $|ML| = x$  kaç br dir?

A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 6



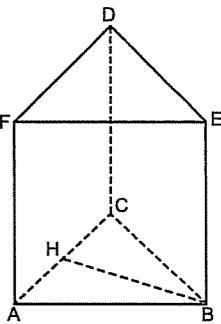
12. Bir kare dik prizmanın taban alanı  $128 \text{ br}^2$  ve cisim köşegeni 20 br ise, bu prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 1536      B) 1500      C) 1452  
D) 1440      E) 1400



13. Şekilde T noktası ABCD yamuğu düzlemini dışındadır. ABT ve TCD üçgenlerinin ağırlık merkezleri sırasıyla K ve L noktalarıdır.  
 $|AD| = 18 \text{ br}$ ,  
 $|BC| = 12 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
 $|KL|$  kaç br dir?

A) 15      B) 12      C) 10      D) 9      E) 8



14. Şekildeki dik prizmada tabanlar eşkenar üçgendir.

$|CH| = |HA|$ ,  
 $|BH| = 2\sqrt{3} \text{ br}$   
Prizmanın hacmi  
 $52\sqrt{3} \text{ br}^3$  olduğuna  
göre, yanal alanı  
kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 78      B) 96      C) 144      D) 150      E) 156

15. Cisim köşegeni  $8\sqrt{3} \text{ br}$  ve en kısa yüzey köşegeni  $4\sqrt{3} \text{ br}$  olan bir dikdörtgenler prizmasının en büyük ayırtı kaç br dir?

A) 10      B)  $4\sqrt{7}$       C)  $2\sqrt{30}$   
D)  $8\sqrt{2}$       E) 12

16. Dikdörtgenler prizmasının yüzey alanı  $611 \text{ br}^2$  ve farklı ayrıtlarının toplamı 30 br ise bu dikdörtgenler prizmasının cisim köşegeninin uzunluğu kaç br dir?

A) 17      B) 15      C) 13      D) 12      E) 10

## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

## Prizma

## TEST

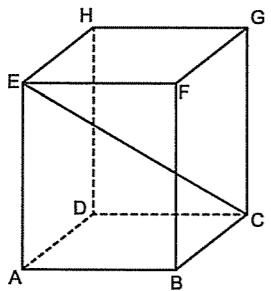
9

1. Ayrıtları  $8\text{ br}$ ,  $16\text{ br}$  ve  $32\text{ br}$  olan bir dikdörtgenler prizmasının hacmine eşit hacimde olan küpün cisim köşegeninin uzunluğu kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $16\sqrt{3}$    B)  $24\sqrt{3}$    C)  $36\sqrt{3}$    D)  $48\sqrt{3}$    E)  $64\sqrt{3}$

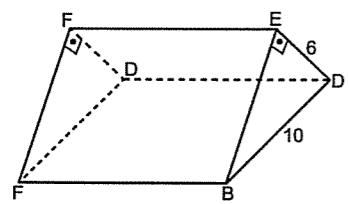
2. ABCD tabanlı kare dik prizmada  
 $|EC| = 13\text{ br}$   
 $|FB| = 5\text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 240   B) 280   C) 300   D) 320   E) 360



3. Şekildeki, tahtadan yapılmış bir üçgen dik prizma veriliyor.  
 $[BE] \perp [CE]$ ,  
 $|EC| = 6\text{ br}$ ,  
 $|BC| = 10\text{ br}$   
 ve prizmanın hacmi  $240\text{ br}^3$  olduğuna göre, prizmanın alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 244   B) 264   C) 288   D) 304   E) 324



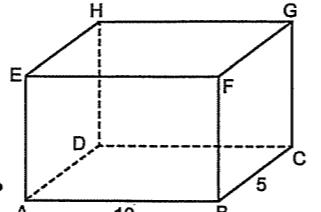
4. Taban ayrıtlarının uzunlukları birbirlerine eşit ve  $a = 2\sqrt{3}\text{ br}$  olan bir küp ile bir eşkenar üçgen dik prizma veriliyor.  
 Bu iki cisim hacimleri birbirine eşit olduğuna göre, eşkenar üçgen dik prizmanın yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

A) 12   B) 8   C)  $4\sqrt{3}$    D) 6   E)  $2\sqrt{6}$

5. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında,

$|AB| = 10\text{ br}$   
 $|BC| = 5\text{ br}$   
 Bu prizmanın hacmi  $300\text{ br}^3$  olduğuna göre, alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

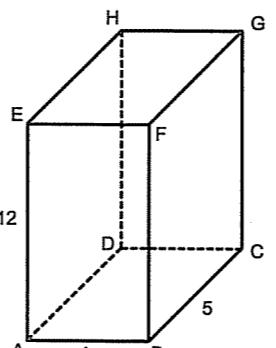
A) 180   B) 220   C) 240   D) 280   E) 300



6. Boyutları  $a$ ,  $b$ ,  $c$  olan dikdörtgenler prizmasının alanı  $120\text{ br}^2$  dir.  
 $a + b + c = 18\text{ br}$  olduğuna göre, cisim köşegeninin uzunluğu kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $2\sqrt{15}$    B)  $2\sqrt{21}$    C)  $2\sqrt{30}$   
 D)  $2\sqrt{51}$    E)  $4\sqrt{51}$

7. Şekildeki dikdörtgenler prizmasının ayrıtları  $4\text{ br}$ ,  $5\text{ br}$  ve  $12\text{ br}$  dir.  
 A noktasından G noktasına cisim yüzeyinden yürüyen bir karınca en az kaç  $\text{br}$  yol yürümüştür?



A) 13   B) 15   C) 17   D) 21   E)  $4\sqrt{13} + 5$

8. Bir eğik prizmanın tabanı, köşegenleri birbirine dik olan ABCD yamugudur.

$m(\widehat{A}) = 90^\circ$   
 $|AB| = 9\text{ br}$   
 $|CD| = 4\text{ br}$  dir.  
 Bu prizmanın  $10\text{ br}$  uzunluğundaki yanal ayrıtları da taban düzlemi ile  $30^\circ$  lik açı yaptığına göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

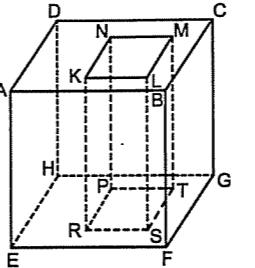
A) 150   B) 165   C) 180   D) 195   E) 210

9. Şekilde

ABCDEGHN küp,  
 KLMNPRST kare prizma,  
 $|AB| = 8\text{ br}$   
 $|KL| = |LM| = 3\text{ br}$   
 $|KR| = 8\text{ br}$

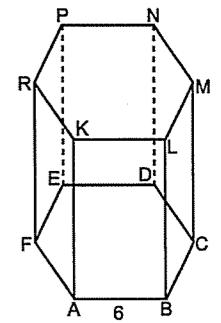
Şekildeki küpten kare prizma çıkartıldığında cismin alanındaki artış kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 96   B) 78   C) 64   D) 48   E) 18



13. Şekildeki kare dik prizmada  $|AB| = |BC| = 10\text{ br}$   
 $|AL| = |KH| = |AE| = 6\text{ br}$   
 $|EK| = |LB| = 4\text{ br}$  olduğuna göre,  $|KL|$  kaç  $\text{br}$  dir?

A) 8   B)  $\sqrt{70}$    C)  $4\sqrt{5}$    D)  $2\sqrt{22}$    E)  $4\sqrt{6}$

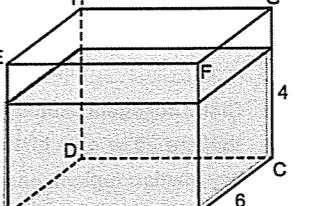


14. Şekildeki düzgün altigen prizmada  $|AB| = 6\text{ br}$  dir.  
 K noktasının D noktasına uzaklığı  $20\text{ br}$  olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 900 $\sqrt{3}$    B) 872 $\sqrt{3}$    C) 864 $\sqrt{3}$   
 D) 860 $\sqrt{3}$    E) 836 $\sqrt{3}$

10. Bir kare dik prizmanın yüksekliği üçte birine indirilince bir küp elde ediliyor.  
 Buna göre, ilk durumda kare dik prizmanın hacminin elde edilen küpün hacmine oranı nedir?

A) 1   B)  $\frac{3}{2}$    C) 2   D)  $\frac{5}{2}$    E) 3



11. Ayrıtları  $10\text{ br}$ ,  $6\text{ br}$ , ve  $5\text{ br}$  olan dikdörtgenler prizması biçimindeki kaplı bir kabın içerisinde  $4\text{ br}$  yüksekliğinde su bulunmaktadır.

Kap, tabanı BCGF yüzeyi olacak duruma getirilirse, suyun yüksekliği kaç  $\text{br}$  olur?

A) 6,4   B) 7,2   C) 8   D) 8,4   E) 9,6

12. Tüm yüzey alanı  $468\text{ br}^2$  olan bir dikdörtgenler prizmasının ayrıtları 2, 3 ve 4 sayıları ile orantılıdır.

Bu prizmanın cisim köşegeni kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $2\sqrt{29}$    B)  $3\sqrt{29}$    C)  $9\sqrt{3}$    D)  $27\sqrt{2}$    E)  $29\sqrt{3}$

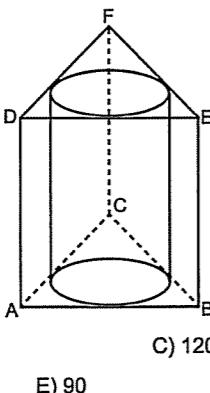
15. Boyutları  $8x\text{ br}$ ,  $4x\text{ br}$ ,  $2x\text{ br}$  olan dikdörtgenler prizmasının hacmi, bir küpün hacmine eşittir.  
 Bu küpün alanının prizmanın alanına oranı kaçtır?

A)  $\frac{6}{7}$    B)  $\frac{5}{7}$    C)  $\frac{4}{7}$    D)  $\frac{3}{7}$    E)  $\frac{2}{7}$

16. Tabanı eşkenar dörtgen olan bir dik prizmanın bütün alanı  $672\text{ br}^2$  dir.  
 Taban köşegenlerinin uzunlukları  $12\text{ br}$  ve  $16\text{ br}$  olduğuna göre, bu prizmanın yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

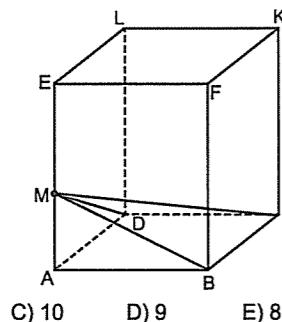
A) 10   B) 12   C) 15   D) 18   E) 20

1. Şekildeki eşkenar üçgen dik prizmada  $|AB| = 12 \text{ br}$ ,  $|BE| = 10 \text{ br}$  olduğuna göre, bu prizmanın içine yerleştirilen en büyük hacimli silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?



- A) 150      B) 140      C) 120  
D) 100      E) 90

2. ABCDEFKL dikdörtgenler prizması ( $M, ABCD$ ) piramit  $|EM| = 3|MA|$  olduğuna göre, prizmanın hacmi piramidin hacminin kaç katıdır?



- A) 12      B) 11  
C) 10      D) 9      E) 8

3. Bir dikdörtgenler prizmasının farklı üç yüzünün alanları  $14 \text{ br}^2$ ,  $6 \text{ br}^2$  ve  $21 \text{ br}^2$  dir.  
Bu dikdörtgenler prizmasının hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

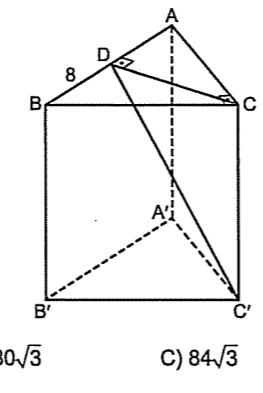
- A) 18      B) 24      C) 36      D) 42      E) 48

4. Tabanı düzgün altigen olan dik prizmanın, tabanının çevrel çemberinin yarıçapı  $4 \text{ br}$  dir.  
Yüksekliği  $6 \text{ br}$  olan bu prizmanın tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $24\sqrt{3} + 72$       B)  $48\sqrt{3} + 36$       C)  $24\sqrt{3} + 144$   
D)  $48\sqrt{3} + 72$       E)  $48\sqrt{3} + 144$

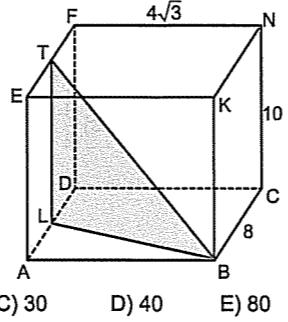
5. Şekildeki dik prizmada  $m(\widehat{ACB}) = 90^\circ$

$[CD] \perp [AB]$   
 $|AB| = 10 \text{ br}$   
 $|BD| = 8 \text{ br}$   
 $|DC'| = 8 \text{ br}$   
olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $72\sqrt{3}$       B)  $80\sqrt{3}$       C)  $84\sqrt{3}$   
D)  $92\sqrt{3}$       E)  $96\sqrt{3}$

6. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında L ve T kenarlarının orta noktalarıdır.  
 $|FN| = 4\sqrt{3} \text{ br}$   
 $|NC| = 10 \text{ br}$   
 $|BC| = 8 \text{ br}$   
olduğuna göre,  $A(BTL)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 20      B) 24      C) 30      D) 40      E) 80

7. Cisim köşegeni uzunluğu  $17 \text{ br}$  ve farklı üç ayrıtının toplamı  $29 \text{ br}$  olan bir dikdörtgenler prizmasının yüzey alanları toplamı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 684      B) 676      C) 625      D) 552      E) 529

8. Bir dikdörtgenler prizmasının ayrıtları a, b, c dir.

a : %20 azaltılıyor,  
b : %20 artırılıyor,  
c : Değişirilmiyor.

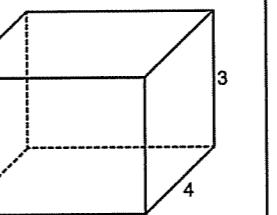
Buna göre, prizmanın hacmi için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) % 4 artar      B) % 4 azalır      C) % 2 artar  
D) % 2 azalır      E) Değişmez

9. Düzgün altigen prizmanın taban çevresi yüksekliği ne eşitse, yanal alanının taban alanına oranı nedir?

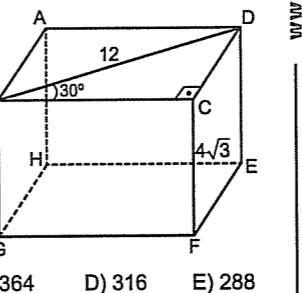
- A)  $4\sqrt{3}$       B)  $6\sqrt{3}$       C)  $8\sqrt{3}$       D)  $10\sqrt{3}$       E)  $12\sqrt{3}$

10. Boyutları 5 br, 3 br ve 4 br olan dikdörtgenler prizmasının yüzey alanları toplamı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 92      B) 94      C) 98      D) 102      E) 108

11. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  $m(\widehat{DBC}) = 30^\circ$   
 $|BD| = 12 \text{ br}$   
 $|CF| = 4\sqrt{3} \text{ br}$   
olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A) 432      B) 396      C) 364      D) 316      E) 288

12. Bir dikdörtgenler prizmasının cisim köşegeni  $13 \text{ br}$ , taban köşegeni  $5 \text{ br}$ , taban alanı  $12 \text{ br}^2$  olan dikdörtgenler prizmasının hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

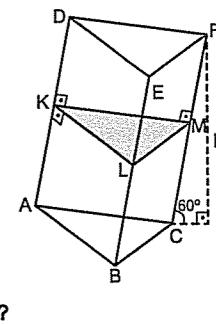
- A) 60      B) 80      C) 120      D) 144      E) 156

13. Bir kare dik prizmanın yüksekliği 6 br ve hacmi  $54 \text{ br}^3$  olduğuna göre, kare prizmanın taban kenarı kaç br dir?

- A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 5

14. Bir kare dik prizmanın ayrıtları 2 katına çıkartıldığı zaman alanı kaç katına çıkar?

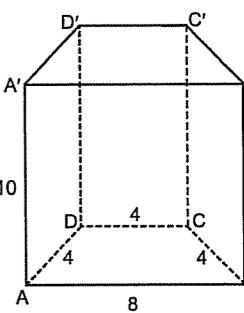
- A)  $\frac{1}{4}$       B)  $\frac{1}{2}$       C) 2      D) 4      E) 8



15. Şekildeki eğik üçgen prizmanın yüksekliği  $h = 6\sqrt{3} \text{ br}$ , yanal ayrıtlarının taban düzlemi ile yaptığı açı  $60^\circ$  dir. Dik kesiti KLM eğik üçgen olup bir kenar uzunluğu 6 br olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A) 72      B) 108      C)  $108\sqrt{3}$   
D)  $118\sqrt{3}$       E)  $124\sqrt{3}$

16. Şekildeki dik prizmada ABCD yamuk  
 $|AB| = 8 \text{ br}$   
 $|AD| = |DC| = |BC| = 4 \text{ br}$   
 $|AA'| = 10 \text{ br}$   
olduğuna göre, prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $60\sqrt{3}$       B)  $80\sqrt{3}$       C)  $90\sqrt{3}$   
D)  $108\sqrt{3}$       E)  $120\sqrt{3}$

## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

## Prizma

TEST  
11

1. Tabanı düzgün bir sekizgen olan dik prizmanın tabanının bir kenarı 2 br, yüksekliği 5 br ise prizmanın yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

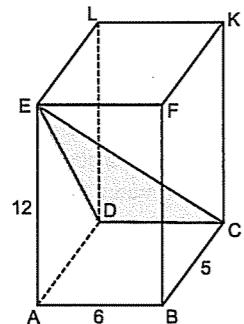
A) 80    B) 120    C) 160    D) 240    E) 300

2. Tabanı düzgün bir beşgen olan dik prizmanın taban aritı 8 br, yüksekliği 6 br ise prizmanın yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 180    B) 200    C) 220    D) 240    E) 260

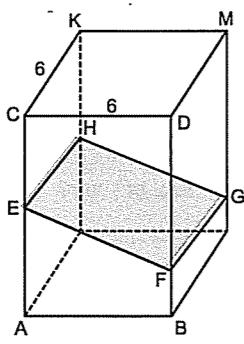
3. Yandaki dikdörtgenler prizmasında  $|AE| = 12 \text{ br}$ ,  $|BC| = 5 \text{ br}$ ,  $|AB| = 6 \text{ br}$  olduğuna göre,  $A(EDC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 30    B) 33    C) 36    D) 39    E) 48



4. Yandaki kare prizmada  $|CE| = |EA|$ ,  $5|FB| = |FD|$ ,  $[EH] // [KC]$ ,  $[FG] // [DM]$ ,  $|CD| = |KC| = 6 \text{ br}$ ,  $|CA| = 24 \text{ br}$  olduğuna göre,  $A(EFGH)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 48    B) 54    C) 60    D) 72    E) 80



5. Taban alanı  $4\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan eşkenar üçgen prizmanın yüksekliği 5 br ise prizmanın yüzey alanları toplamı kaç  $\text{br}^2$  dir?

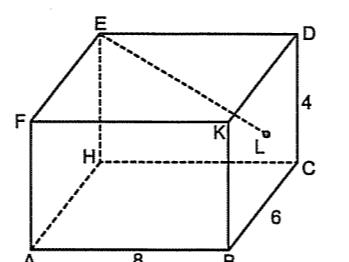
A)  $8\sqrt{3} + 40$     B)  $8\sqrt{3} + 60$     C)  $8\sqrt{3} + 72$   
D)  $4\sqrt{3} + 72$     E)  $4\sqrt{3} + 36$

6. Alanı  $x \text{ br}^2$  olan özdeş üç tane küp yanyana getirilerek dikdörtgenler prizması elde ediliyor.  
Bu prizmanın alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $\frac{5x}{3}$     B)  $2x$     C)  $\frac{7x}{3}$     D)  $\frac{8x}{3}$     E)  $3x$

7. Dikdörtgenler prizmasında;  $L$ ;  $BCKD$  dikdörtgeninin ağırlık merkezidir.  $|AB| = 8 \text{ br}$ ,  $|BC| = 6 \text{ br}$ ,  $|CD| = 4 \text{ br}$  olduğuna göre,  $|EL|$  kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $\sqrt{71}$     B)  $\sqrt{73}$     C)  $5\sqrt{3}$     D)  $\sqrt{77}$     E)  $\sqrt{79}$



8. Dikdörtgenler prizmasında;  $|BC| = 3 \text{ br}$ ,  $|AB| = 4 \text{ br}$ ,  $|AF| = 3 \text{ br}$  dir.  $m(\widehat{CFB}) = \alpha$  olduğuna göre,  $\tan \alpha$  kaçtır?

A)  $\frac{1}{3}$     B)  $\frac{1}{2}$     C) 1    D)  $\frac{2}{5}$     E)  $\frac{3}{5}$

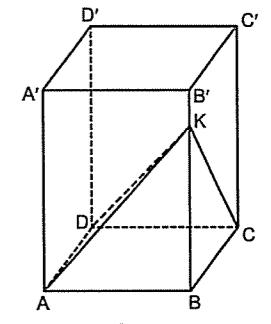
9. Bir eşkenar üçgen dik prizmanın yanal alanı  $90 \text{ br}^2$  ve yüksekliği 5 br ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $45\sqrt{3}$     B)  $42\sqrt{3}$     C)  $40\sqrt{3}$   
D)  $36\sqrt{3}$     E)  $32\sqrt{3}$

13. Boyutları  $a$ ,  $b$ ,  $c$  olan dikdörtgenler prizmasının yüzey alanı  $52 \text{ br}^2$  ve cisim köşegen uzunluğu  $\sqrt{29} \text{ br}$  olduğuna göre,  $a + b + c$  toplamı kaç  $\text{br}$  dir?

A) 6    B) 7    C) 8    D) 9    E) 12

14. Şekildeki dikdörtgenler prizmasında  $|BK| = 2|KB'|$  olduğuna göre,  $(K,ABCD)$  piramidinin hacminin, prizmanın hacmine oranı nedir?

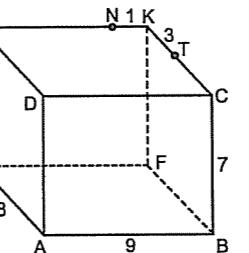


A)  $\frac{1}{3}$     B)  $\frac{2}{5}$     C)  $\frac{3}{7}$     D)  $\frac{2}{9}$     E)  $\frac{3}{11}$

10. Taban ayrıtlarının uzunlukları eşit olan kare dik prizma ile eşkenar üçgen dik prizmanın hacimleri eşit olduğuna göre, yükseklikleri oranı hangisi olmalıdır?

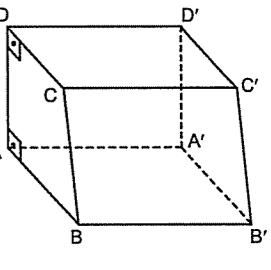
A)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$     B)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$     C)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$     D)  $\frac{\sqrt{2}}{4}$     E)  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

11. Şekildeki kapalı dikdörtgenler prizmasında A köşesindeki bir tırilti N noktasına yine A köşesindeki bir karınca ise T noktasına gidiyor. Tırilti ve karınca gidebilecekleri en kısa yollardan N ve T noktalarına vardıklarına göre, katettikleri toplam mesafe kaç  $\text{br}$  dir?



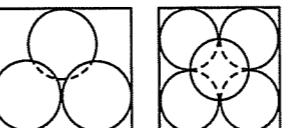
A) 26    B) 28    C) 30    D) 32    E) 34

15. Şekilde görülen cismin ABCD ile  $A'B'C'D'$  yüzeyleri birbirine eş iki dik yamuk diğer yüzeyleri ise birer dikdörtgendir.  $|AB| = 7 \text{ br}$ ,  $|BC| = 5 \text{ br}$ ,  $|DC| = 3 \text{ br}$ ,  $|BB'| = 6 \text{ br}$  olduğuna göre, cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A) 70    B) 80    C) 90    D) 100    E) 120

12. Taban kenarı 12 br ve yüksekliği 9 br olan kare prizmanın içine 5 tane eş küre yerleştirilecektir. 4 tane küre tabanda birbirlerine ve kenarlara teğet, 5. küre ise bu dört kürenin hepsine ve prizmanın tavanına teğet olacak biçimde yerleştiriliyor.

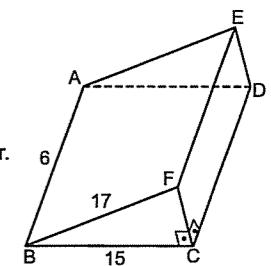


Önden Görünüş      Üstten Görünüş  
Buna göre, 5. kürenin merkezinin tabandaki karenin bir köşesine olan uzaklığı kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $\sqrt{115}$     B)  $\sqrt{110}$     C)  $6\sqrt{3}$     D) 10    E)  $6\sqrt{2}$

16. Şekilde ABCD bir dikdörtgendir.

$[ED]$  ve  $[FC]$  sırayla ABCD yüzeyine D ve C noktalarında diktr.  $|AB| = 6 \text{ br}$ ,  $|BF| = 17 \text{ br}$ ,  $|BC| = 15 \text{ br}$  olduğuna göre, cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

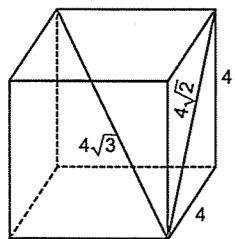


A) 360    B) 320    C) 300    D) 240    E) 180

### ÖĞRETNİ SORU – 32

Bir ayrıtı 4 br olan küpün alanı, hacmi, yüzey köşegeni ve cisim köşegeni nedir?

Çözüm:



$$V = a^3 \Rightarrow V = 4^3 = 64 \text{ br}^3$$

$$A = 6a^2 \Rightarrow A = 6 \cdot 4^2 = 96 \text{ br}^2$$

$$\text{Yüzey köşegeni} = a\sqrt{2} = 4\sqrt{2} \text{ br}$$

$$\text{Cisim köşegeni} = a\sqrt{3} = 4\sqrt{3} \text{ br}$$

### ÖĞRETNİ MINİ TEST

TEST  
27

1. Bir ayrıtı 3 br olan küpün hacminin cisim köşegen uzunluğuna oranı kaçtır?

- A)  $6\sqrt{3}$    B)  $4\sqrt{3}$    C) 6   D)  $3\sqrt{3}$    E) 3

2. Hacmi sayıca, alanına eşit olan bir küpün cisim köşegeninin uzunluğu kaç br dir?

- A)  $3\sqrt{3}$    B) 6   C)  $4\sqrt{3}$    D) 8   E)  $6\sqrt{3}$

3. Yüzey alanı  $144 \cdot a^2$  olan bir küpün bir yüzey köşegen uzunluğunun a cinsinden değeri nedir?

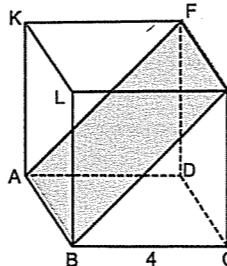
- A)  $4\sqrt{3}a$    B) 6a   C)  $2\sqrt{7}a$   
D)  $2\sqrt{6}a$    E)  $2\sqrt{3}a$

4. Bir küpün alanını 25 katına çıkardığımızda hacmi kaç katına çıkar?

- A) 4   B) 25   C) 125   D) 225   E) 625

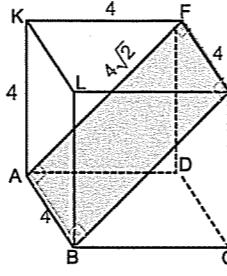
### ÖĞRETNİ SORU – 33

Şekildeki küpün bir ayrıtinin uzunluğu 4 br olduğuna göre,  $A(ABEF)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



Çözüm:

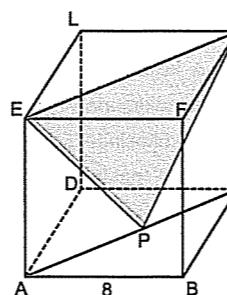
BAFE dikdörtgeninde  
 $|AF| = 4\sqrt{2}$  br  
 $|EF| = 4$  br  
 olduğundan  
 $A(ABEF) = |AF| \cdot |EF|$   
 $= 4\sqrt{2} \cdot 4$   
 $= 16\sqrt{2}$   $\text{br}^2$  bulunur.



### ÖĞRETNİ MINİ TEST

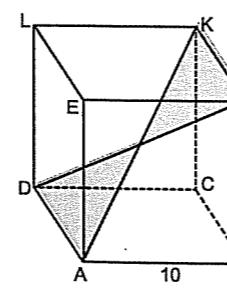
TEST  
28

1. Şekildeki küpte  
 $|AB| = 8$  br  
 olduğuna göre,  
 $A(EPK)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $16\sqrt{2}$    B)  $24\sqrt{2}$    C) 32   D)  $32\sqrt{2}$    E)  $64\sqrt{2}$

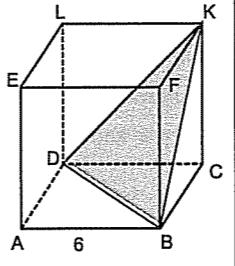
2. Şekildeki küpte  
 $|AB| = 10$  br  
 olduğuna göre,  
 taralı alanlar toplamı  
 kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 25   B)  $25\sqrt{2}$    C)  $40\sqrt{2}$    D) 50   E)  $50\sqrt{2}$

### ÖĞRETNİ SORU – 34

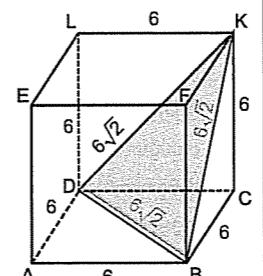
Şekildeki küpün bir ayrıtı 6 br olduğuna göre,  $A(BDK)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



Çözüm:

[DB], [KB] ve  
 $[DK]$  yüzey  
 köşegenleri olup  
 $|DB| = |KB| = |DK| = a\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$  olur.  
 Bu durumda DBK bir kenarı  $6\sqrt{2}$  br olan eşkenar üçgendir.

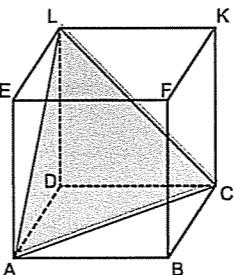
$$A(DBK) = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{(6\sqrt{2})^2\sqrt{3}}{4} = 18\sqrt{3} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$



### ÖĞRETNİ MINİ TEST

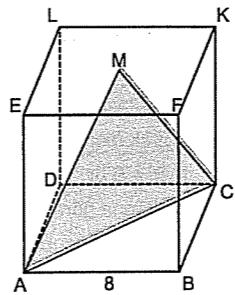
TEST  
29

1. Şekildeki küpün hacmi  
 $64 \text{ br}^3$  olduğuna göre,  
 $A(ACL)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $6\sqrt{3}$    B) 12   C)  $8\sqrt{3}$    D)  $12\sqrt{3}$    E) 24

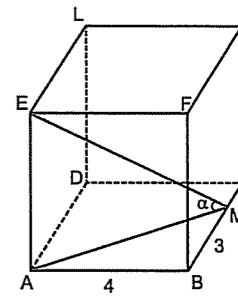
2. Şekildeki küpün  
 bir ayrıtı 8 br dir.  
 M noktası EFKL  
 üzerinde herhangi  
 bir nokta olduğuna göre,  
 $A(MCA)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $16\sqrt{3}$    B) 24   C)  $24\sqrt{2}$   
D)  $24\sqrt{3}$    E)  $32\sqrt{2}$

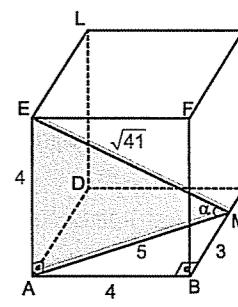
### ÖĞRETNİ SORU – 35

Şekildeki küpte  
 $|AB| = 4$  br  
 $|MB| = 3$  br  
 $|MC| = 1$  br  
 $m(\widehat{EMA}) = \alpha$   
 olduğuna göre,  
 sinα kaçtır?

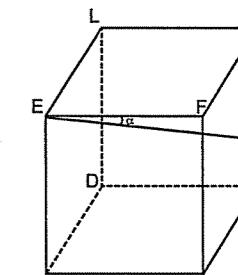


Çözüm:

ABM dik üçgeninde  
 $|MA|^2 = |AB|^2 + |BM|^2$   
 $|MA|^2 = 4^2 + 3^2$   
 $|MA| = 5$  br  
 EAM dik üçgeninde  
 $|EM|^2 = |EA|^2 + |MA|^2$   
 $|EM|^2 = 4^2 + 5^2$   
 $|EM| = \sqrt{41}$  br olur.  
 $\sin \alpha = \frac{|EA|}{|EM|} = \frac{4}{\sqrt{41}}$  bulunur.

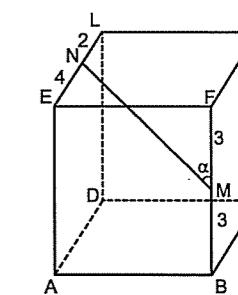


1. Şekildeki küpte  
 $|KN| = 3$  br  
 $|NC| = 2$  br  
 $m(\widehat{FEN}) = \alpha$   
 olduğuna göre,  
 cotα kaçtır?



- A)  $\frac{\sqrt{6}}{3}$    B)  $\frac{2\sqrt{13}}{13}$    C)  $\frac{\sqrt{34}}{34}$   
D)  $\frac{5\sqrt{34}}{34}$    E)  $\frac{3\sqrt{34}}{34}$

2. Şekildeki küpte  
 $|EN| = 4$  br  
 $|NL| = 2$  br  
 $|FM| = 3$  br  
 $m(\widehat{FMN}) = \alpha$   
 olduğuna göre,  
 sinα kaçtır?

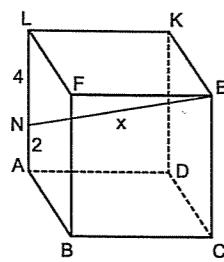


- A)  $\frac{\sqrt{52}}{\sqrt{61}}$    B)  $\frac{\sqrt{17}}{6}$    C)  $\frac{\sqrt{13}}{4}$   
D)  $\frac{3}{\sqrt{61}}$    E)  $\frac{\sqrt{13}}{\sqrt{61}}$

**ÖĞRETNİ SORU – 36**

Şekildeki küpte  
 $|AN| = 2 \text{ br}$   
 $|LN| = 4 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|EN| = x \text{ kaç br dir?}$

ÇÖZÜM:

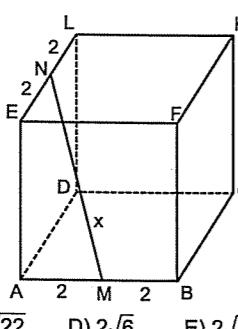


$$\begin{aligned} \text{FLN dik üçgeninde} \\ |FN|^2 &= |LF|^2 + |LN|^2 \\ |FN|^2 &= 6^2 + 4^2 = 52 \\ \text{EFN dik üçgeninde} \\ |EN|^2 &= |NF|^2 + |EF|^2 \\ x^2 &= 52 + 6^2 \\ x^2 &= 52 + 36 \\ x &= 2\sqrt{22} \text{ br bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

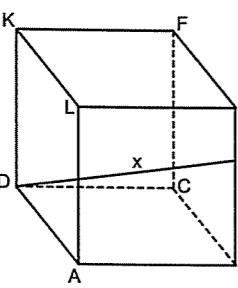
TEST 31

1. Şekildeki küpte  
 $|MA| = |MB| = 2 \text{ br}$   
 $|EN| = |NL| = 2 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|MN| = x \text{ kaç br dir?}$



- A)  $3\sqrt{2}$    B)  $2\sqrt{5}$    C)  $\sqrt{22}$    D)  $2\sqrt{6}$    E)  $2\sqrt{7}$

2. Şekildeki küpte  
 $|MB| = 4 \text{ br}$   
 $|EM| = 2 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|DM| = x \text{ kaç br dir?}$

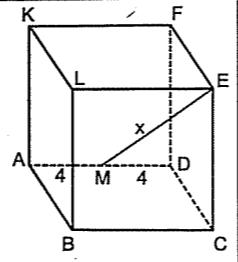


- A)  $3\sqrt{10}$    B)  $2\sqrt{22}$    C)  $4\sqrt{5}$    D)  $6\sqrt{2}$    E) 8

**ÖĞRETNİ SORU – 37**

Şekildeki küpte  
 $|MA| = |MD| = 4 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|EM| = x \text{ kaç br dir?}$

ÇÖZÜM:

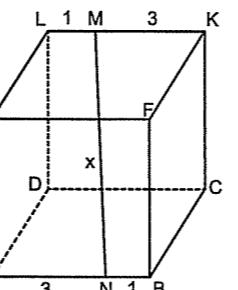


$$\begin{aligned} [\text{ED}] \text{ yüzey köşegeni} \\ \text{olduğundan} \\ |ED| = a\sqrt{2} = 8\sqrt{2} \text{ olur.} \\ \text{EDM dik üçgeninde} \\ |EM|^2 = |ED|^2 + |MD|^2 \\ |EM|^2 = (8\sqrt{2})^2 + 4^2 \\ x^2 = 128 + 16 \\ x^2 = 144 \\ x = 12 \text{ br bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

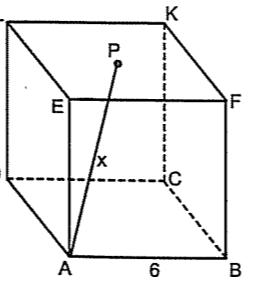
TEST 32

1. Şekildeki küpte  
 $|NB| = |LM| = 1 \text{ br}$   
 $|MK| = |AN| = 3 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|MN| = x \text{ kaç br dir?}$



- A)  $2\sqrt{7}$    B)  $\sqrt{30}$    C) 6   D)  $2\sqrt{10}$    E)  $5\sqrt{2}$

2. Şekildeki küpte  
 $EFKL$  yüzeyinin  
 ağırlık merkezi P  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|AP| = x \text{ kaç br dir?}$

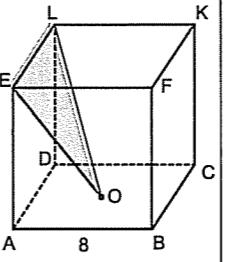


- A)  $2\sqrt{10}$    B)  $2\sqrt{6}$    C) 6   D)  $3\sqrt{6}$    E) 8

**ÖĞRETNİ SORU – 38**

Şekildeki küpte O noktası  
 ABCD karesinin ağırlık  
 merkezidir.  
 $|AB| = 8 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $A(OEL) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$

ÇÖZÜM:

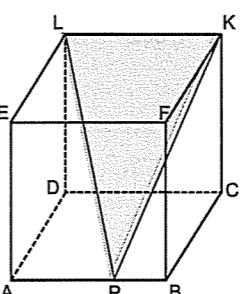


$$\begin{aligned} [\text{MN}] // [\text{AD}] \text{ çizersek} \\ |MA| = |MB| = 4 \text{ br olur.} \\ \text{EAM dik üçgeninde} \\ |EM|^2 = |MA|^2 + |EA|^2 \\ |EM|^2 = 4^2 + 8^2 \\ |EM| = 4\sqrt{5} \text{ br} \\ |OH| = |EM| = 4\sqrt{5} \text{ br} \\ \text{olacağından} \\ A(\text{OEL}) = \frac{|OH| \cdot |EL|}{2} = \frac{4\sqrt{5} \cdot 8}{2} = 16\sqrt{5} \text{ br}^2 \text{ olur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

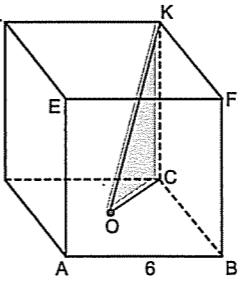
TEST 33

1. Şekildeki küpte  
 $|KC| = 8 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $A(PKL) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



- A) 64   B)  $32\sqrt{2}$    C) 32   D)  $16\sqrt{2}$    E) 16

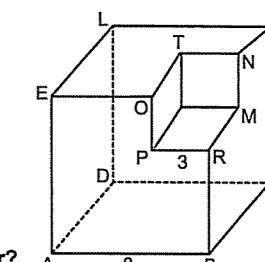
2. Şekildeki küpte  
 O noktası ABCD  
 yüzeyinin ağırlık  
 merkezidir.  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $A(OCK) \text{ kaç } \text{br}^2 \text{ dir?}$



- A) 6   B)  $6\sqrt{2}$    C) 9   D)  $9\sqrt{2}$    E)  $18\sqrt{2}$

**ÖĞRETNİ SORU – 39**

Bir ayrıtı 8 br olan  
 küpün köşesinden  
 bir ayrıtı 3 br olan  
 küp biçiminde bir  
 parça kesilip atılmıştır.  
 Kalan parçanın alanı kaç  
 $\text{br}^2$  ve hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



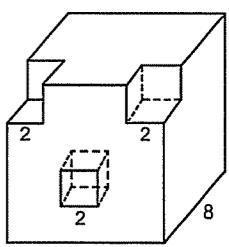
ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned} \text{Bir ayrıtı 8 br olan küpün hacmi: } 8^3 = 512 \text{ br}^3 \\ \text{Bir ayrıtı 3 br olan küpün hacmi: } 3^3 = 27 \text{ br}^3 \\ \text{olduğundan, kalan parçanın hacmi} \\ 512 - 27 = 485 \text{ br}^3 \text{ bulunur.} \\ \text{Köşeden çıkarılan parçadan dolayı kaybolan 3 yüzeyin yerine bunlara eş olan 3 yeni yüzey oluşmuştur.} \\ \text{Bundan dolayı kalan parçanın alanı, çıkardıktan önceki küpün alanına eşittir.} \\ \text{O halde; alan } 6a^2 = 384 \text{ br}^2 \text{ olur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

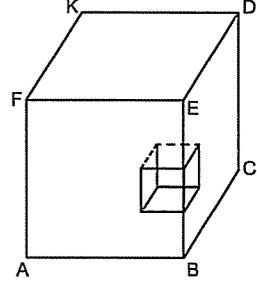
TEST 34

1. Yandaki şekilde bir ayrıtı 2  
 br olan 3 tane eş tahta küp  
 blok çıkartılıyor. Buna göre,  
 cismin alanındaki değişim  
 aşağıdakilerden hangisidir?



- A)  $4 \text{ br}^2$  artmıştır.  
 B)  $8 \text{ br}^2$  artmıştır.  
 C)  $16 \text{ br}^2$  artmıştır.  
 D)  $8 \text{ br}^2$  azalmıştır.  
 E)  $4 \text{ br}^2$  azalmıştır.

2. Yandaki büyük küpten  
 şekildeki gibi küçük bir  
 küp oyularak çıkarılıyor.  
 Çıkan küpün hacmi  
 $64 \text{ br}^3$  ve  $|AB| = 8 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 kalan kısımın yüzey  
 alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

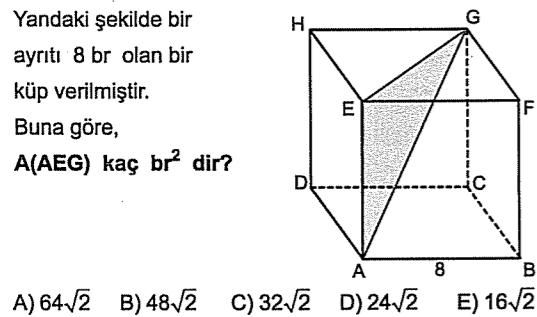


- A) 384   B) 396   C) 408   D) 416   E) 424

1. Cisim köşegeninin uzunluğu  $4\sqrt{3}$  br olan bir küpün, alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

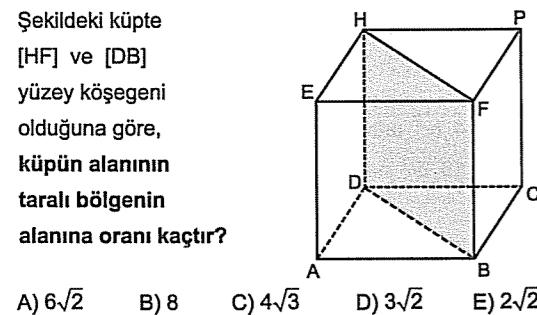
A) 116    B) 96    C) 80    D) 72    E) 64

2. Yandaki şekilde bir ayrıtı 8 br olan bir küp verilmiştir.  
Buna göre,  
 $A(AEG)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



A)  $64\sqrt{2}$     B)  $48\sqrt{2}$     C)  $32\sqrt{2}$     D)  $24\sqrt{2}$     E)  $16\sqrt{2}$

3. Şekildeki küpte  $[HF]$  ve  $[DB]$  yüzey köşegeni olduğuna göre, küpün alanının taralı bölgenin alanına orani kaçtır?

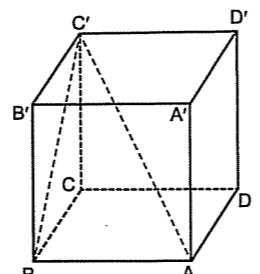


A)  $6\sqrt{2}$     B) 8    C)  $4\sqrt{3}$     D)  $3\sqrt{2}$     E)  $2\sqrt{2}$

4. Bir küpün yüzey köşegen uzunluğu 6 br ise yüzey alanları toplamı kaç  $\text{br}^2$  dir?

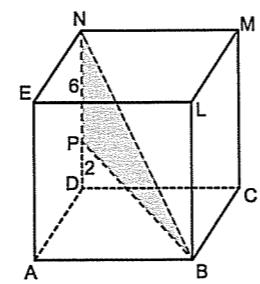
A) 102    B) 108    C) 120    D) 124    E) 136

5. Şekildeki küpün hacmi  $216 \text{ br}^3$  olduğuna göre,  $BC'A$  üçgeninin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



A)  $64\sqrt{2}$     B)  $48\sqrt{2}$     C)  $36\sqrt{2}$     D)  $24\sqrt{2}$     E)  $18\sqrt{2}$

6. Şekildeki küpte  $[BN]$  cisim köşegeni  $|NP| = 6$  br,  $|PD| = 2$  br olduğuna göre,  $A(BPN)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

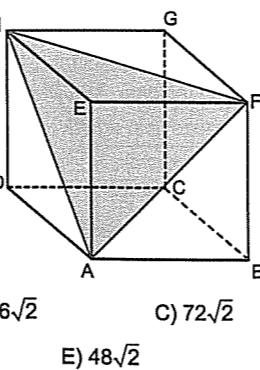


A)  $6\sqrt{2}$     B)  $8\sqrt{2}$     C)  $12\sqrt{2}$     D)  $24\sqrt{2}$     E)  $48\sqrt{2}$

7. Yüzey alanı  $6a^2 \text{ br}^2$  olan bir küpün her bir ayrıtı  $a$  kadar artırılırsa hacmi kaç kat artar?

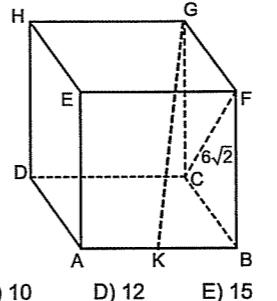
A) 2    B) 4    C) 7    D) 8    E) 16

8. Şekildeki küpte  $A(AHF) = 16\sqrt{3} \text{ br}^2$  olduğuna göre, küpün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



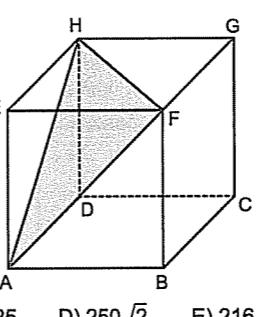
A)  $128\sqrt{2}$     B)  $96\sqrt{2}$     C)  $72\sqrt{2}$   
D)  $64\sqrt{2}$     E)  $48\sqrt{2}$

9. Şekildeki küpte  $|AK| = |KB|$ ,  $|FC| = 6\sqrt{2}$  br olduğuna göre,  $|GK|$  kaç br dir?



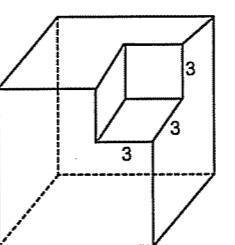
A) 8    B) 9    C) 10    D) 12    E) 15

10. Şekilde ABCDEFGH bir küptür.  $A(AFH) = 18\sqrt{3} \text{ br}^2$  olduğuna göre, küpün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



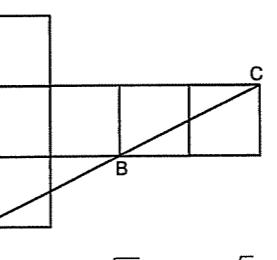
A) 64    B)  $12\sqrt{2}$     C) 125    D)  $250\sqrt{2}$     E) 216

11. Şekildeki küpün bir köşesinden ayrırları 3 br olacak biçimde küp kesiliyor. Kalan cisim hacmi  $316 \text{ br}^3$  olduğuna göre, kesilmeden önceki büyük küpün bir yüzünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



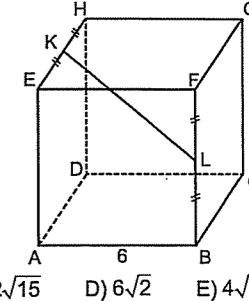
A) 36    B) 49    C) 64    D) 81    E) 100

12. Şekilde bir küpün açık hali verilmiştir.  $|AC| = 6\sqrt{5}$  br olduğuna göre, küpün cisim köşegen uzunluğu kaç br dir?



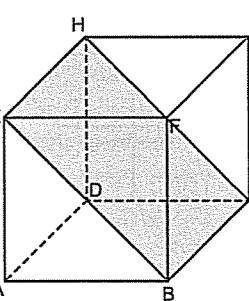
A)  $2\sqrt{3}$     B)  $3\sqrt{3}$     C) 6    D)  $2\sqrt{10}$     E)  $4\sqrt{3}$

13. Şekildeki küpte K ve L bulundukları kenarların orta noktaları  $|AB| = 6$  br olduğuna göre,  $|KL|$  kaç br dir?



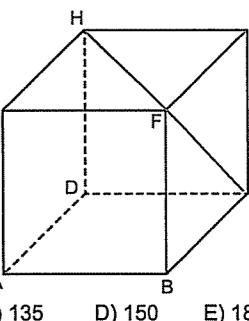
A)  $5\sqrt{2}$     B)  $3\sqrt{6}$     C)  $2\sqrt{15}$     D)  $6\sqrt{2}$     E)  $4\sqrt{5}$

14. Şekildeki küpün alanı  $48 \text{ br}^2$  olduğuna göre, BCHE dörtgeninin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



A) 8    B)  $8\sqrt{2}$     C)  $16\sqrt{2}$     D) 32    E)  $32\sqrt{2}$

15. Şekildeki küpte  $m(\widehat{HFB}) = \alpha$ ,  $m(\widehat{HFC}) = \beta$  olduğuna göre,  $\alpha + \beta$  toplamı kaç derecedir?



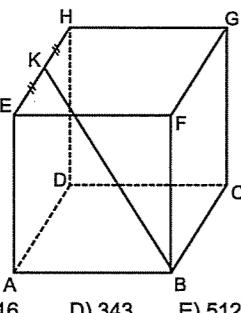
A) 90    B) 120    C) 135    D) 150    E) 180

16. Cisim köşegeni  $8\sqrt{6}$  br olan bir küpün hacminin alanına orani sayıca kaçtır?

A) 2    B)  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$     C)  $\frac{4\sqrt{2}}{3}$     D)  $2\sqrt{2}$     E)  $\frac{2}{3}$

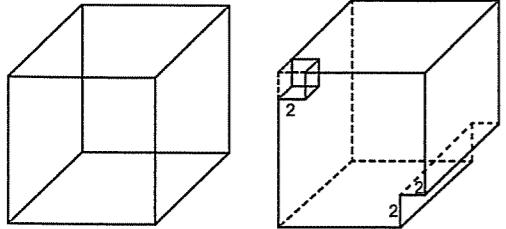
## Küp

1. Şekildeki küpte  
 $|EK| = |KH|$ ,  
 $|KB| = 12$  br  
olduğuna göre,  
küpün hacmi  
kaç  $br^3$  tür?



- A) 96    B) 125    C) 216    D) 343    E) 512

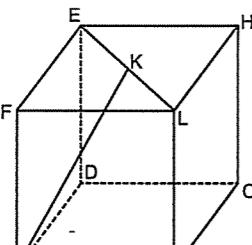
2.



Bir ayrıtının uzunluğu 6 br olan bir küpten şekildeki gibi bir ayrıtının uzunluğu 2 br olan bir küp ile taban ayrıtları 2 şer br olan bir kare dik prizma çıkarılıyor.  
Buna göre, küpün alanındaki değişme ile ilgili olarak aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Değişmemiştir.    B)  $4 \text{ br}^2$  artmıştır.  
C)  $4 \text{ br}^2$  azalmıştır.    D)  $8 \text{ br}^2$  artmıştır.  
E)  $8 \text{ br}^2$  azalmıştır.

3. Şekildeki küpün  
bir kenarı  
4 br ve  $|EK| = |KL|$   
olduğuna göre,  
 $|AK|$  kaç br dir?

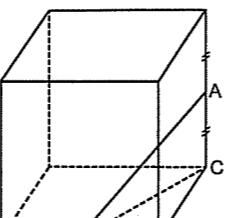


- A)  $\sqrt{15}$     B)  $3\sqrt{2}$     C)  $2\sqrt{5}$     D)  $2\sqrt{6}$     E)  $2\sqrt{7}$

4. Alanı A olan bir küpün hacmi kaç A dir?

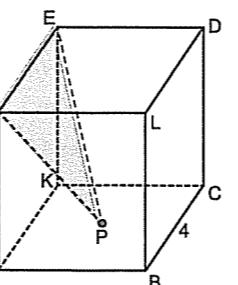
- A)  $5\sqrt{A}$     B)  $6\sqrt{A}$     C)  $6\sqrt{6A}$   
D)  $\frac{A\sqrt{6A}}{36}$     E)  $\frac{A\sqrt{6A}}{6}$

5. Yandaki şekilde verilen  
küpün bir kenarı 8 br dir.  
A ve B kenarlarının orta  
noktaları olduğuna göre,  
 $A(ABC)$  kaç  $br^2$  dir?



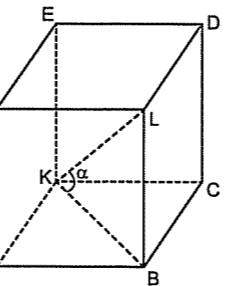
- A)  $8\sqrt{5}$     B)  $10\sqrt{5}$     C)  $12\sqrt{2}$     D)  $12\sqrt{3}$     E)  $16\sqrt{5}$

6. Şekildeki küpte  
P: ABCD karesinin  
ağırlık merkezidir.  
 $|BC| = 4$  br  
olduğuna göre,  
 $A(FEP)$   
kaç  $br^2$  dir?



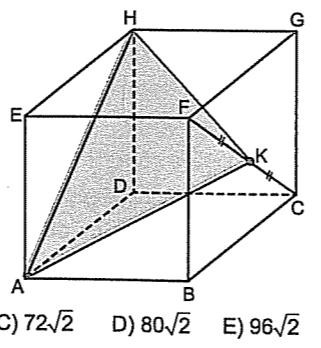
- A)  $4\sqrt{5}$     B)  $4\sqrt{3}$     C)  $2\sqrt{5}$     D) 4    E)  $2\sqrt{3}$

7. Şekildeki birim  
küpte;  
 $m(\widehat{LKB}) = \alpha$   
olduğuna göre,  
 $\tan \alpha$  kaçtır?



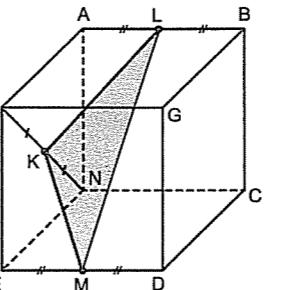
- A)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$     B)  $\frac{\sqrt{2}}{4}$     C) 1    D)  $\sqrt{2}$     E)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

8. Şekildeki küpün bir  
ayrıtı 12 br dir.  
[AH] ve [FC]  
yüzey köşegeni  
 $|FK| = |KC|$   
olduğuna göre,  
KHA üçgeninin  
alanı kaç  $br^2$  dir?



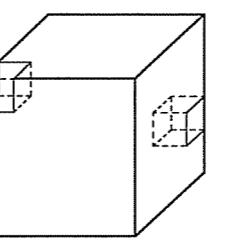
- A)  $60\sqrt{2}$     B)  $64\sqrt{2}$     C)  $72\sqrt{2}$     D)  $80\sqrt{2}$     E)  $96\sqrt{2}$

9. Şekildeki küpte  
 $|AL| = |LB|$   
 $|EM| = |MD|$   
 $|FK| = |KN|$   
 $|BC| = 6$  br  
olduğuna göre,  
 $A(KLM)$   
kaç  $br^2$  dir?



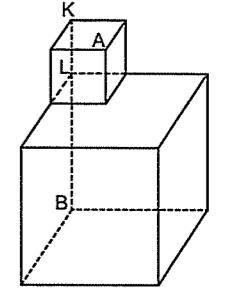
- A) 6    B)  $4\sqrt{2}$     C)  $6\sqrt{2}$     D)  $9\sqrt{2}$     E) 12

10. Yanda bir ayrıtı 5 br  
olan küp şeklindeki taha-  
ta parçasından iki adet  
birim küp çıkarılmıştır.  
Kalan cismin yüzey  
alanı kaç  $br^2$  dir?



- A) 148    B) 150    C) 152    D) 154    E) 156

13. Şekilde verilen iki küpten  
büyük küpün bir ayrıtının  
uzunluğu 6 br küçük kü-  
pün bir ayrıtının uzunluğu  
3 br dir.  
L ∈ [KB]  
olduğuna göre, A ve B  
noktaları arasındaki en  
kısa uzaklık kaç br dir?

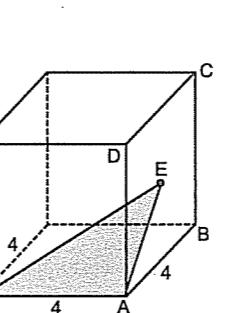


- A)  $4\sqrt{6}$     B)  $3\sqrt{11}$     C) 10    D)  $6\sqrt{3}$     E) 12

14. Bir küpün cisim köşegeninin uzunluğu diğer bir küpün  
bir ayrıtına eşittir.  
İkinci küpün hacmi birinci küpün hacminin kaç katı-  
na eşittir?

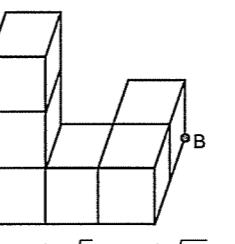
- A)  $\sqrt{3}$     B) 3    C)  $3\sqrt{3}$     D) 6    E) 9

15. Şekildeki birim küpte;  
L; ABCD karesinin  
ağırlık merkezidir.  
Buna göre,  
 $m(\widehat{ELA}) = \alpha$   
kaç derecedir?



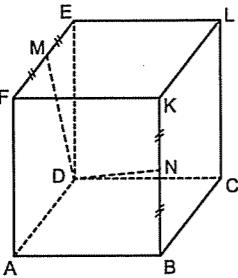
- A) 45    B) 60    C) 75    D) 90    E) 105

16. Bir kenar uzunluğu  
12 br olan küpte;  
[FD]; FEDM  
karesinin köşegenidir.  
 $|FK| = |KD|$   
olduğuna göre,  
 $|BK|$  kaç br dir?



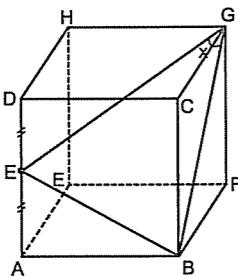
- A) 10    B) 12    C)  $6\sqrt{6}$     D)  $8\sqrt{3}$     E) 16

1. Şekildeki küpte; M ve N bulundukları ayrıtların orta noktaları olduğuna göre,  $\frac{|DM|}{|DN|}$  oranı kaçtır?



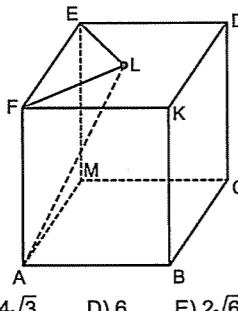
- A)  $\frac{\sqrt{10}}{3}$    B)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$    C)  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$    D)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$    E)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

2. Şekildeki küpün hacmi  $216 \text{ br}^3$  tür.  $|AE| = |ED|$  olduğuna göre,  $m(\overline{EGB}) = x$  kaç derecedir?



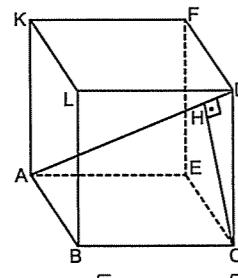
- A) 15   B) 30   C) 45   D) 60   E) 135

3. Bir ayrıti 6 br olan küpte; L  $\in$  FKDE EFL eşkenar üçgen olduğuna göre,  $|AL|$  kaç br dir?



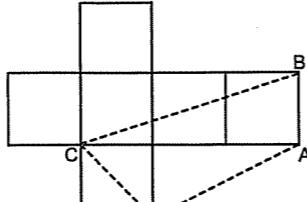
- A)  $6\sqrt{2}$    B)  $2\sqrt{15}$    C)  $4\sqrt{3}$    D) 6   E)  $2\sqrt{6}$

4. Şekildeki küpte,  $[AD] \perp [CH]$   $|CH| = 4\sqrt{3}$  br olduğuna göre,  $|BC|$  kaç br dir?



- A) 2   B) 4   C) 6   D)  $4\sqrt{3}$    E)  $6\sqrt{2}$

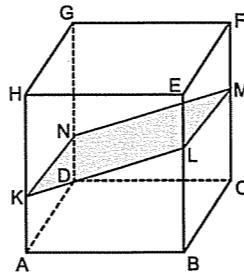
5. Şekilde bir ayrıtinin uzunluğu 1 br olan bir küpün, bir düzlem üzerinde açılmış biçimi gösterilmiştir.



- Buna göre, ABCD dörtgeninin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 2   B) 3   C)  $\frac{7}{2}$    D) 4   E)  $\frac{9}{2}$

6. Bir kenarı 6 br olan şekildeki küpte,  $|AK| = |DN| = 2$  br  $|LE| = |MF| = 2$  br olduğuna göre,  $A(KLMN)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



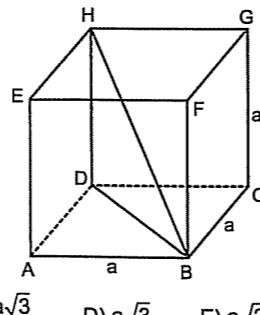
- A)  $4\sqrt{10}$    B)  $6\sqrt{10}$    C)  $8\sqrt{10}$   
D)  $10\sqrt{10}$    E)  $12\sqrt{10}$

7. Bir küpün cisim köşegeninin uzunluğu  $x$  br, hacmi  $x \text{ br}^3$  tür.

- Bu küpün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 3   B)  $3\sqrt{3}$    C) 6   D)  $4\sqrt{3}$    E)  $6\sqrt{3}$

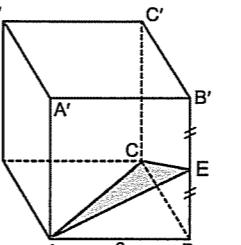
8. Şekildeki cisim bir küp olduğuna göre,  $[HD]$  nin  $[HB]$  üzerindeki dik izdüşümü nedir?



- A)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$    B)  $\frac{a}{2}$    C)  $\frac{a\sqrt{3}}{3}$    D)  $a\sqrt{3}$    E)  $a\sqrt{2}$

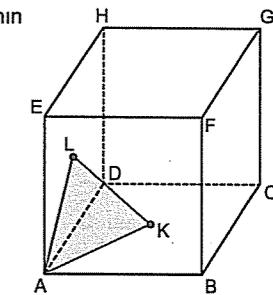
9. Bir ayrıtinin uzunluğu 6 br olan yandaki küpte,  $|BE| = |B'E|$  olduğuna göre, ACE üçgeninin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $9\sqrt{6}$    B)  $8\sqrt{6}$    C)  $9\sqrt{3}$    D)  $8\sqrt{3}$    E)  $6\sqrt{6}$



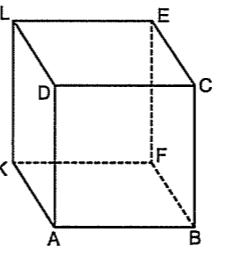
13. Şekildeki küpün bir ayrıtinin uzunluğu 4 br dir. K ve L sırasıyla ABCD ve ADHE yüzeylerinin ağırlık merkezleridir. Buna göre, A(AKL) kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $\sqrt{3}$    B)  $2\sqrt{3}$    C)  $3\sqrt{3}$    D)  $\frac{5\sqrt{3}}{2}$    E)  $\frac{6\sqrt{3}}{5}$

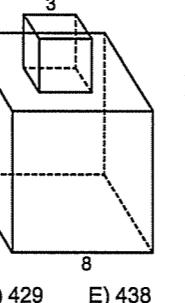


14. Şekildeki küpte  $m(\widehat{AHB}) = 90^\circ$ ,  $|AB| = \sqrt{3}$  br olduğuna göre,  $|BH|$  kaç br dir?

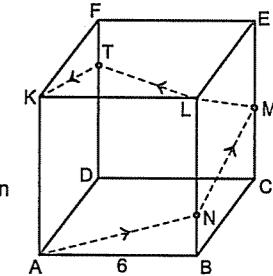
- A)  $\frac{1}{2}$    B)  $\frac{2}{3}$    C)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$    D)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$    E) 1



11. Ayrıtları 3 br ve 8 br olan iki küp şekildeki gibi yapıştırılıyor. Buna göre, oluşan cisim yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 384   B) 402   C) 420   D) 429   E) 438

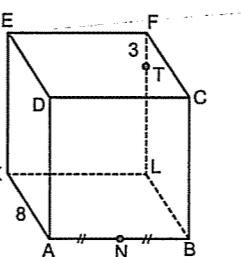


15. Şekildeki küpün A noktasından K noktasına yan yüzlerin tümü üzerinde geçerek en kısa yoldan bir karınca ayrıtların üzerinde bulunan N, M ve T noktalarından geçmektedir. Buna göre,  $\frac{|EM| + |TD|}{|NB|}$  oranı kaçtır?

- A) 5   B)  $\frac{9}{2}$    C) 4   D) 3   E)  $\frac{5}{2}$

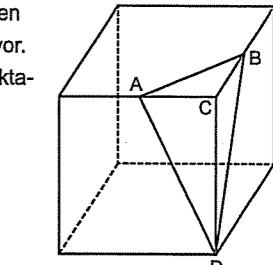
12. Şekildeki kapalı küpte N noktasındaki bir tırtil T noktasına gidecektir.  $|AN| = |NB|$   $|ET| = 3$  br  $|KA| = 8$  br olduğuna göre, tırtilin gidebileceği en kısa yol kaç br dir?

- A) 12   B) 13   C) 14   D) 15   E) 16

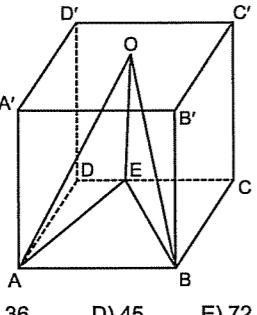


16. Bir kenarı 4 br olan küpten (D, ABC) piramidi çıkarılıyor. A ve B noktaları orta noktalar olduğuna göre, kalan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $\frac{184}{3}$    B)  $\frac{176}{3}$    C)  $\frac{168}{3}$    D)  $\frac{160}{3}$    E)  $\frac{152}{3}$

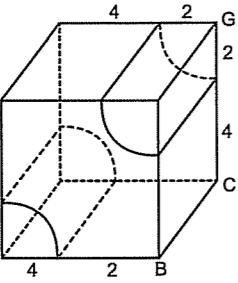


1. Şekildeki küpün bir kenarı 6 br,  $|DE| = |EC|$  ise tepe noktası O olan ( $O, AEB$ ) piramidinin hacmi kaç  $br^3$  tür?



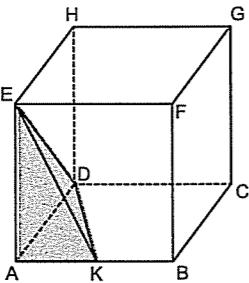
- A) 18      B) 24      C) 36      D) 45      E) 72

2. Şekilde bir kenarı 6 br olan bir küpten yarıçapları 2 br ve 4 br olan  $\frac{1}{4}$  lük silindir blokları çıkarılmaktadır. Buna göre, oluşan şeklin yüzey alanı kaç  $br^2$  dir? ( $\pi = 3$  alınız.)



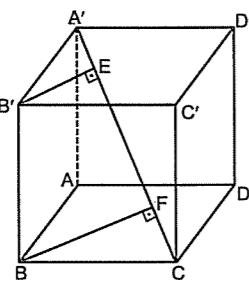
- A) 108      B) 114      C) 128      D) 148      E) 168

3. Şekildeki küpün  $[AB]$  kenarında  $|AK| = |BK|$  olacak şekilde alınan K noktası ile küpün içinde ( $E, ADK$ ) piramidi oluşturulmuştur. Piramidin hacmi  $18 br^3$  olduğuna göre,  $|DK|$  kaç br dir?



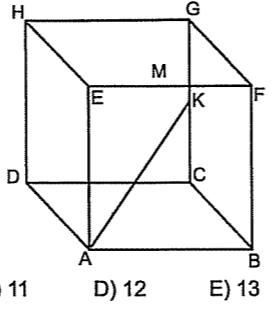
- A)  $6\sqrt{3}$       B)  $4\sqrt{5}$       C)  $3\sqrt{5}$       D) 5      E) 4

4. Şekildeki küpte,  $[B'E] \perp [A'C]$ ,  $[BF] \perp [A'C]$ ,  $|EF| = 4$  br olduğuna göre, küpün hacmi kaç  $br^3$  tür?



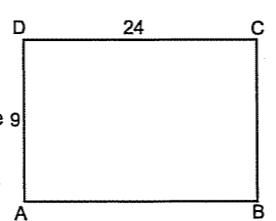
- A) 624      B) 512      C)  $216\sqrt{3}$   
D)  $192\sqrt{3}$       E) 216

5. Şekildeki küpte, K orta noktası  $|AB| = 8$  br olduğuna göre,  $|AK|$  kaç br dir?



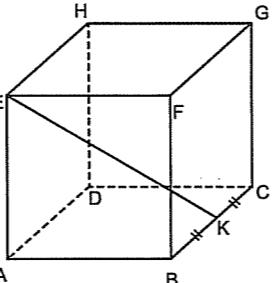
- A) 9      B) 10      C) 11      D) 12      E) 13

6. Ayrıtları 9 br ve 24 br olan dikdörtgen şeklindeki karton bir levhanın tamamı kullanılarak bir küp elde edilmek isteniyor. Buna göre, elde edilecek küpün cisim köşegeni kaç br dir?



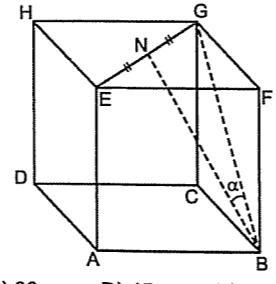
- A)  $3\sqrt{3}$       B)  $6\sqrt{2}$       C) 9      D)  $4\sqrt{6}$       E)  $6\sqrt{3}$

7. Şekildeki küpte,  $|BK| = |KC|$  olduğuna göre,  $|EK|$  nin cisim köşegeninin uzunluğuna oranı kaçtır?



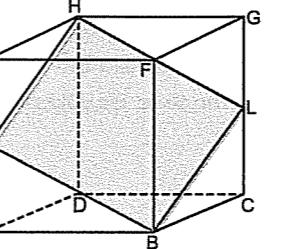
- A)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       B)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       C)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       D)  $\frac{\sqrt{6}}{3}$       E)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

8. Şekildeki küpte,  $|EN| = |NG|$  olduğuna göre,  $m(\widehat{NBG}) = \alpha$  kaç derecedir?



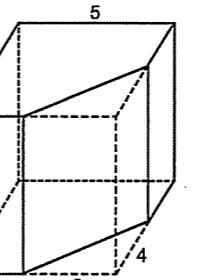
- A) 15      B) 22,5      C) 30      D) 45      E) 60

9. Şekildeki küpte, K ve L orta noktalar  $|AB| = 4$  br Yukarıdaki verilenlere göre,  $A(HKBL)$  kaç  $br^2$  dir?



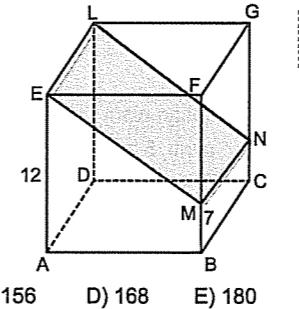
- A)  $8\sqrt{6}$       B)  $6\sqrt{6}$       C)  $8\sqrt{3}$       D)  $6\sqrt{3}$       E)  $4\sqrt{6}$

10. Bir ayrıtı 5 br olan küp şeklindeki tahta parçasından taban ayrıtları 3 br ve 4 br olan dik üçgen prizma şeklindeki parça kesilerek ayrılıyor. Buna göre, geriye kalan şeklin alanı küpün alanından kaç  $br^2$  azdır?



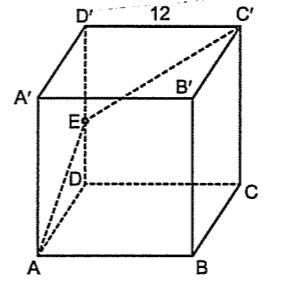
- A) 12      B) 22      C) 24      D) 47      E) 72

11. Şekildeki küpte  $[MN] // [BC]$ ,  $|EA| = 12$  br,  $|MB| = 7$  br olduğuna göre,  $A(EMNL)$  kaç  $br^2$  dir?



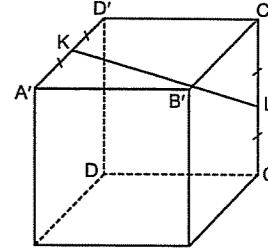
- A) 130      B) 144      C) 156      D) 168      E) 180

12. Şekilde, C' den hareket eden karınca bir kenarı 12 br olan küpün dış yüzeyi üzerinde hareket ederek A'ya gelmek istiyor. Karıncaın alabileceği en kısa yol için  $|ED|$  kaç br dir?



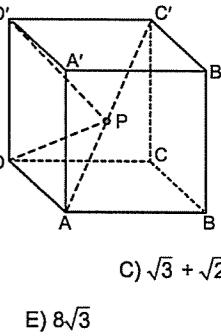
- A) 4      B) 5      C) 6      D) 8      E) 10

13. ABCDA'B'C'D' küp, K ve L orta nokta,  $|KL| = 2\sqrt{6}$  br olduğuna göre, küpün hacmi kaç  $br^3$  tür?



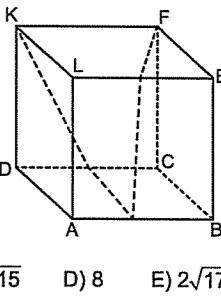
- A)  $\frac{1}{8}$       B) 1      C) 8      D) 27      E) 64

14. ABCDA'B'C'D' küpünün bir kenar uzunluğu 4 br dir. D köşesinde bulunan bir hareketli  $[AC']$  cisim köşegenine uğradıktan sonra D' köşesine gidecektir. En kısa yol uzunluğu kaç br dir?



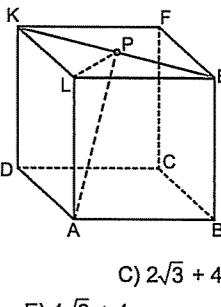
- A)  $2\sqrt{3}$       B)  $4\sqrt{3}$       C)  $\sqrt{3} + \sqrt{2}$   
D)  $2\sqrt{6} + 4$       E)  $8\sqrt{3}$

15. ABCDEFKL bir kenar uzunluğu 2 br olan küptür. F noktasında bulunan bir hareketli sırasıyla EL, AB ve CD ye uğradıklarından sonra K köşesine gidecektir. Bu yol en az kaç br olabilir?



- A)  $2\sqrt{10}$       B)  $5\sqrt{2}$       C)  $2\sqrt{15}$       D) 8      E)  $2\sqrt{17}$

16. ABCDEFKL küpünün bir kenar uzunluğu 4 br dir. A noktasında bulunan bir hareketli  $[KE]$  yüzey köşegenine uğradıktan sonra L köşesine gidecektir. En kısa yol uzunluğu kaç br dir?



- A) 4      B) 6      C)  $2\sqrt{3} + 4$   
D)  $2\sqrt{6} + 2\sqrt{2}$       E)  $4\sqrt{2} + 4$

**ÖĞRETNİ SORU – 40**

Şekilde düzgün kare piramidin yüksekliği 8 br,  $|AB| = 12$  br ise piramidin yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

Çözüm:

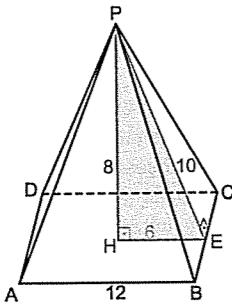
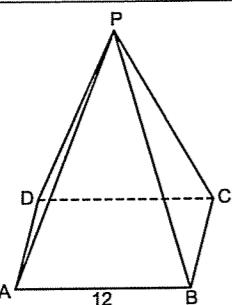
$[\text{PH}]$  piramidin yüksekliği olmak üzere  $\text{PHE}$  üçgeninde  $|\text{PH}| = 8$  br

$|\text{HE}| = 6$  br ise  $|\text{PE}| = 10$  br olur.

$$\begin{aligned} A(\text{PBC}) &= \frac{1}{2} |\text{BC}| \cdot |\text{PE}| \\ &= \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 10 \\ &= 60 \text{ br}^2 \text{ dir.} \end{aligned}$$

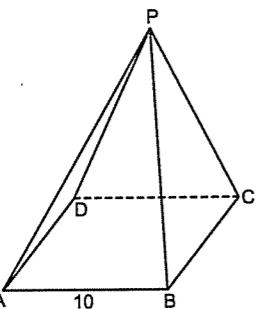
Piramidin yüzey alanı;

$$\begin{aligned} A &= 4 \cdot A(\text{PBC}) + A(\text{ABCD}) \\ &= 4 \cdot 60 + 12^2 \\ &= 384 \text{ br}^2 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**

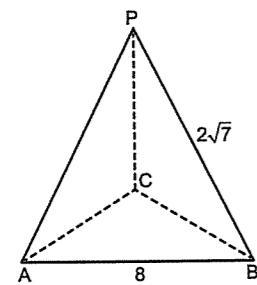
TEST 35

1. Şekildeki düzgün kare piramidin yüksekliği 12 br,  $|AB| = 10$  br ise piramidin yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 420    B) 360    C) 320    D) 280    E) 260

2. Şekildeki düzgün eşkenar üçgen piramidin taban ayırtı 8 br ve  $|\text{PB}| = 2\sqrt{7}$  br ise piramidin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $56\sqrt{3}$     B)  $48\sqrt{3}$     C)  $44\sqrt{3}$     D)  $40\sqrt{3}$     E)  $36\sqrt{3}$

**ÖĞRETNİ SORU – 41**

Yanal alanı  $320 \text{ br}^2$  olan düzgün kare piramidin taban ayırtı 16 br ise yüksekliği kaç br dir?

Çözüm:

Yanal alanı  $320 \text{ br}^2$  ise

$$A(\text{PBC}) = \frac{320}{4} = 80 \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

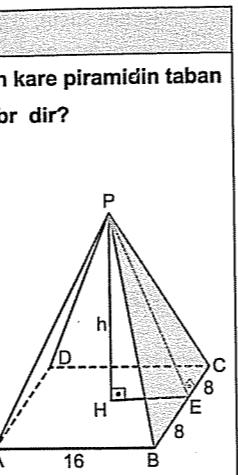
 $A(\text{PBC}) = 80 \text{ br}^2$  ise

$$\frac{|\text{PE}| \cdot |\text{BC}|}{2} = 80$$

$$\frac{|\text{PE}| \cdot 16}{2} = 80 \Rightarrow |\text{PE}| = 10 \text{ br olur.}$$

PHE dik üçgeninde,  $|\text{HE}| = 8$  br olup.

$$\begin{aligned} |\text{PE}|^2 &= |\text{PH}|^2 + |\text{HE}|^2 \Rightarrow 10^2 = h^2 + 8^2 \\ &\Rightarrow h = 6 \text{ br bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**

TEST 36

1. Yanal alanı  $160 \text{ br}^2$  olan düzgün kare piramidin taban ayırtı 10 br ise yüksekliği kaç br dir?

- A) 6    B)  $\sqrt{39}$     C)  $2\sqrt{10}$     D)  $2\sqrt{11}$     E)  $5\sqrt{2}$

2. Taban alanı  $36 \text{ br}^2$  olan düzgün kare piramidin yanal ayırtı 5 br ise yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 24    B) 30    C) 36    D) 42    E) 48

3. Taban alanı  $16\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün eşkenar üçgen piramidin yanal ayırtı  $4\sqrt{3}$  br ise yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $48\sqrt{2}$     B)  $36\sqrt{2}$     C)  $24\sqrt{3}$     D)  $24\sqrt{2}$     E)  $16\sqrt{3}$

4. Taban kenarlarından biri 12 br olan düzgün beşgen piramidin yanal ayırtı 10 br olduğuna göre, yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 200    B) 220    C) 240    D) 260    E) 280

**ÖĞRETNİ SORU – 42**

Taban alanı  $30 \text{ br}^2$ , yüksekliği 6 br olan piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{Hacim} &= \frac{1}{3} \cdot \text{Taban Alanı} \cdot \text{Yükseklik} \\ &= \frac{1}{3} \cdot 30 \cdot 6 \\ &= 60 \text{ br}^3 \text{ olur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**

TEST 37

1. Taban alanı  $40 \text{ br}^2$ , yüksekliği 9 br olan piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A) 360    B) 300    C) 240    D) 180    E) 120

2. Taban ayırtları 6 br ve 8 br, yüksekliği 10 br olan düzgün dikdörtgen piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

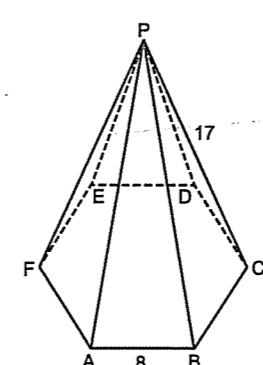
- A) 120    B) 160    C) 180    D) 220    E) 240

3. Taban ayırtı 4 br ve yüksekliği 9 br olan düzgün eşkenar üçgen piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $24\sqrt{3}$     B)  $18\sqrt{3}$     C)  $15\sqrt{3}$     D)  $12\sqrt{3}$     E)  $9\sqrt{3}$

4. Şekildeki düzgün altıgen piramitte

$|\text{PC}| = 17$  br  
 $|\text{AB}| = 8$  br  
olduğuna göre,  
piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

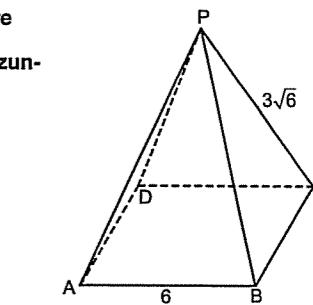


- A)  $480\sqrt{3}$     B)  $440\sqrt{3}$     C)  $420\sqrt{3}$   
D)  $400\sqrt{3}$     E)  $360\sqrt{3}$

**ÖĞRETNİ SORU – 43**

Şekildeki düzgün kare piramidin yan ayırt uzunluğu  $3\sqrt{6}$  br, taban ayırtlarının uzunluğu 6 br ise piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

Çözüm:



ABC üçgeninde

$$|\text{AB}| = |\text{BC}| = 6 \text{ br}$$

$$|\text{AC}| = 6\sqrt{2} \text{ br} \Rightarrow$$

$$|\text{AO}| = |\text{OC}| = 3\sqrt{2} \text{ br olur.}$$

POC dik üçgeninde

$$|\text{PC}|^2 = |\text{PO}|^2 + |\text{OC}|^2$$

$$(3\sqrt{6})^2 = h^2 + (3\sqrt{2})^2$$

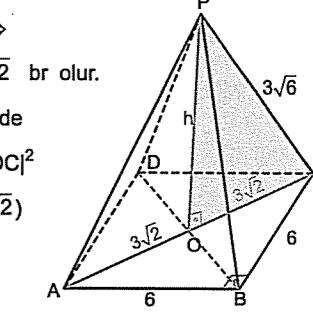
$$h = 6 \text{ br bulunur.}$$

Piramidin hacmi,

$$V = \frac{1}{3} \cdot A(\text{ABCD}) \cdot \text{Yükseklik}$$

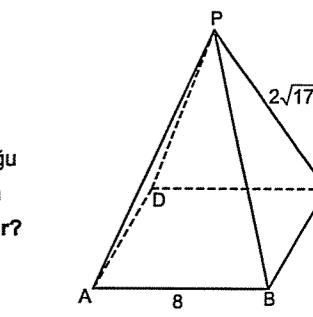
$$= \frac{1}{3} \cdot 6^2 \cdot |\text{PO}|$$

$$= \frac{1}{3} \cdot 36 \cdot 6 = 72 \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**

TEST 38

1. Şekildeki düzgün kare piramidin yan ayırt uzunluğu  $2\sqrt{17}$  br, taban ayırtlarının uzunluğu 8 br ise piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A) 82    B) 90    C) 102    D) 112    E) 128

2. Hacmi  $288 \text{ br}^3$  olan düzgün kare piramidin taban ayırtlarının uzunluğu  $6\sqrt{2}$  br ise bu piramidin yan ayırt uzunluğu kaç br dir?

- A)  $6\sqrt{6}$     B)  $6\sqrt{5}$     C)  $4\sqrt{10}$     D)  $5\sqrt{6}$     E) 12

**ÖĞRETNİ SORU – 44**

Bir düzgün kare piramidin yan yüzeyi taban düzlemi ile  $30^\circ$  lik açı yapmaktadır. Piramidin hacmi  $256 \text{ br}^3$  ise taban ayrıtı kaç  $\text{br}$  dir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}|HE| &= |BE| = |EC| = a\sqrt{3} \text{ br} \\ \text{PHE dik üçgeninde} \\ m(\widehat{PEH}) &= 30^\circ \\ \text{olduğundan} \\ |HE| &= a\sqrt{3} \Rightarrow |PH| = a \text{ dir.} \\ V &= 256 \Rightarrow \frac{1}{3} \cdot (2a\sqrt{3})^2 \cdot a = 256 \\ \frac{1}{3} \cdot 4a^2 \cdot 3 \cdot a &= 256 \\ a^3 &= 64 \\ a &= 4 \text{ br dir.}\end{aligned}$$

O halde,  $|AB| = 2a\sqrt{3} = 8\sqrt{3} \text{ br}$  bulunur.**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 39**

1. Bir düzgün kare piramidin yan yüzeyi taban düzlemi ile  $45^\circ$  lik açı yapmaktadır. Piramidin hacmi  $288 \text{ br}^3$  ise taban ayrıtı kaç  $\text{br}$  dir?

- A) 4      B) 6      C) 8      D) 10      E) 12

**ÖĞRETNİ SORU – 45**

Bir piramit tabana paralel iki düzleme, yüksekliği üç eşit parçaya ayıracak şekilde kesilmiştir. En üstteki parçanın hacminin en alttaki parçanın hacmine oranı kaçtır?

ÇÖZÜM:

Üstten itibaren

parçaların hacimleri:

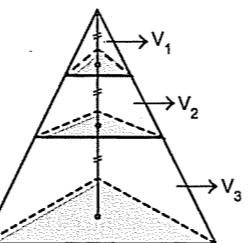
 $V_1, V_2$  ve  $V_3$  olsun.

$$\frac{V_1}{V_1 + V_2} = \left(\frac{1}{2}\right)^3$$

$$\frac{V_1}{V_1 + V_2} = \frac{1}{8} \Rightarrow V_2 = 7V_1$$

$$\frac{V_1}{V_1 + V_2 + V_3} = \left(\frac{1}{3}\right)^3 \Rightarrow \frac{V_1}{V_1 + V_2 + V_3} = \frac{1}{27} \Rightarrow V_3 = 19V_1$$

$$\frac{V_1}{V_3} = \frac{V_1}{19V_1} = \frac{1}{19} \text{ bulunur.}$$

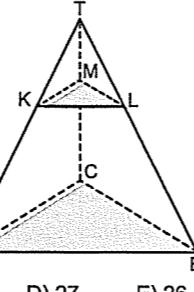
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 40**

1. Şekildeki piramit, tabana paralel bir düzleme iki parçaya ayrılmıştır.

$$\begin{aligned}A(KLM) &= 1 \text{ br}^2 \\ A(ABC) &= 16 \text{ br}^2\end{aligned}$$

Altındaki parçanın hacminin üstteki parçanın hacmine oranı kaçtır?

- A) 64      B) 63      C) 62      D) 27      E) 26



2. Bir düzgün kare piramidin yan yüzeyi taban düzlemi ile  $60^\circ$  lik açı yapmaktadır. Taban ayrıtinin uzunluğu  $12 \text{ br}$  olduğuna göre, bu piramidin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 288      B) 264      C) 248      D) 216      E) 196

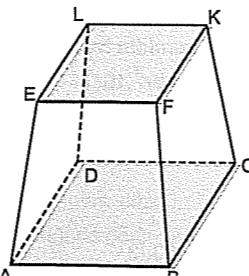
2. Şekildeki kesik kare piramitte alt ve üst tabanlar arası uzaklık  $6 \text{ br}$

$$A(ABCD) = 64 \text{ br}^2$$

$$A(EFKL) = 16 \text{ br}^2$$

ise kesik piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A) 248      B) 224      C) 216      D) 212      E) 208

**ÖĞRETNİ SORU – 46**

Bir ayrıtinin uzunluğu  $4 \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

ÇÖZÜM:

$$a = 4 \text{ br} \text{ olduğundan}$$

$$A = a^2\sqrt{3} \Rightarrow A = 4^2\sqrt{3} \Rightarrow A = 16\sqrt{3} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 47**

Alanı  $36\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün dörtyüzlünün bir ayrıtinin uzunluğu kaç  $\text{br}$  dir?

ÇÖZÜM:

$$A = a^2\sqrt{3} \Rightarrow 36\sqrt{3} = a^2\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow a^2 = 36$$

$$\Rightarrow a = 6 \text{ br} \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 48**

Bir ayrıtinin uzunluğu  $12 \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

ÇÖZÜM:

$$h = \frac{a\sqrt{6}}{3} \Rightarrow h = \frac{12\sqrt{6}}{3} \Rightarrow h = 4\sqrt{6} \text{ br olur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 41**

1. Bir ayrıtinin uzunluğu  $6 \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $48\sqrt{3}$       B)  $42\sqrt{3}$       C)  $36\sqrt{3}$   
D)  $30\sqrt{3}$       E)  $24\sqrt{3}$

2. Alanı  $24\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün dörtyüzlünün bir ayrıtinin uzunluğu kaç  $\text{br}$  dir?

- A) 6      B)  $4\sqrt{2}$       C)  $2\sqrt{7}$       D)  $2\sqrt{6}$       E)  $3\sqrt{2}$

3. Bir ayrıtinin uzunluğu  $6 \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

- A)  $2\sqrt{6}$       B)  $3\sqrt{2}$       C) 4      D)  $2\sqrt{3}$       E)  $2\sqrt{2}$

4. Taban alanı  $36\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün dörtyüzlünün yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

- A)  $6\sqrt{6}$       B)  $4\sqrt{6}$       C)  $6\sqrt{2}$       D)  $4\sqrt{3}$       E) 6

**ÖĞRETNİ SORU – 49**

Yüksekliği  $2\sqrt{6} \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

ÇÖZÜM:

$$h = \frac{a\sqrt{6}}{3} \Rightarrow 2\sqrt{6} = \frac{a\sqrt{6}}{3} \Rightarrow a = 6 \text{ br olur.}$$

$$V = \frac{a^3\sqrt{2}}{12} \Rightarrow V = \frac{6^3\sqrt{2}}{12} \Rightarrow V = 18\sqrt{2} \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 42**

1. Yüksekliği  $4\sqrt{6} \text{ br}$  olan düzgün dörtyüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $72\sqrt{2}$       B)  $96\sqrt{2}$       C)  $108\sqrt{2}$   
D)  $124\sqrt{2}$       E)  $144\sqrt{2}$

2. Taban alanı  $9\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün dörtyüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $6\sqrt{2}$       B)  $9\sqrt{2}$       C)  $12\sqrt{2}$       D)  $16\sqrt{2}$       E)  $18\sqrt{2}$

3. Hacmi  $\frac{9\sqrt{2}}{4} \text{ br}^3$  olan bir düzgün dörtyüzlünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

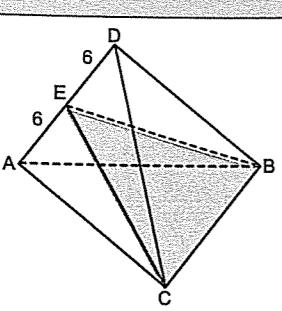
- A)  $12\sqrt{3}$       B)  $9\sqrt{3}$       C)  $8\sqrt{3}$       D)  $6\sqrt{3}$       E)  $5\sqrt{3}$

4. Hacmi  $\frac{16\sqrt{2}}{3} \text{ br}^3$  olan bir düzgün dörtyüzlünün yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

- A)  $3\sqrt{6}$       B)  $\frac{8\sqrt{6}}{3}$       C)  $2\sqrt{6}$       D)  $\frac{4\sqrt{6}}{3}$       E)  $\sqrt{6}$

**ÖĞRETNİ SORU – 50**

$ABCD$  düzgün dörtlüsünde  $|DE| = |EA| = 6$  br ise  $A(BEC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



Çözüm:

$[CE]$  ve  $[BE]$  sırasıyla  $ADC$  ve  $ABD$  eşkenar üçgenlerinin yükseklikleridir.

$$|CE| = |EB| = 6\sqrt{3} \text{ br}$$

$ECB$  ikizkenar üçgeninde

$$|FC| = |FB| = 6 \text{ br} \text{ ise } h^2 + 6^2 = (6\sqrt{3})^2$$

$$h^2 + 36 = 108 \Rightarrow h = 6\sqrt{2} \text{ br}$$

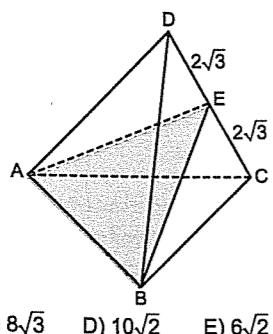
O halde

$$A(ECB) = \frac{|EF| \cdot |BC|}{2} = \frac{6\sqrt{2} \cdot 12}{2} = 36\sqrt{2} \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

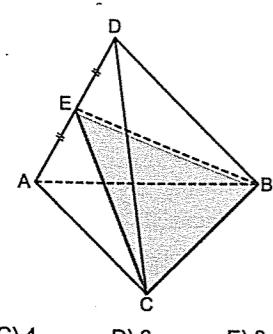
TEST 43

1.  $ABCD$  düzgün dörtlüsünde  $|DE| = |EC| = 2\sqrt{3}$  br ise  $A(AEB)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $12\sqrt{2}$    B)  $9\sqrt{3}$    C)  $8\sqrt{3}$    D)  $10\sqrt{2}$    E)  $6\sqrt{2}$

2.  $ABCD$  düzgün dörtlüsünde  $|DE| = |AE|$   $A(BEC) = 4\sqrt{2}$   $\text{br}^2$  ise  $|BC|$  kaç br dir?



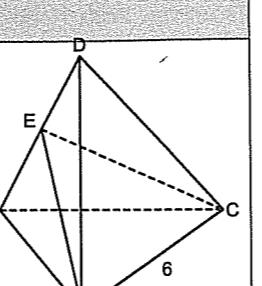
- A) 2   B) 3   C) 4   D) 6   E) 8

**ÖĞRETNİ SORU – 51**

Bir ayrıtının uzunluğu 6 br olan düzgün dörtyüzlünün yüzeyinden hareketle B den C ye gidecek olan bir karıncaın alabileceği en kısa yol kaç br dir?

Çözüm:

B ile C arasındaki en kısa mesafe BDA ve ADC eşkenar üçgenlerinin birleşimiyle oluşmuş eşkenar dörtgenin  $[BC]$  köşegenidir.  $|AB| = |AC| = 6$  br  $\Rightarrow |BC| = \sqrt{3} \cdot |AB| = 6\sqrt{3}$  br bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST 44

1. Bir ayrıtının uzunluğu 5 br olan düzgün dörtyüzlünün yüzeyinden hareketle A den B ye gidecek olan bir karıncaın alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A)  $4\sqrt{3}$    B)  $5\sqrt{2}$    C) 8   D)  $6\sqrt{2}$    E)  $5\sqrt{3}$

2. Bir ayrıtının uzunluğu 8 br olan düzgün dörtyüzlünün yüzeyinden hareketle C den E ye gidecek olan bir karıncaın alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A) 10   B)  $\sqrt{110}$    C)  $4\sqrt{7}$    D)  $2\sqrt{30}$    E) 12

3. Bir ayrıtının uzunluğu 6 br olan düzgün dörtyüzlüde  $|AT| = |TC|$  ise  $|AE| + |EF| + |FT|$  toplamının alabileceği en küçük değer kaç br dir?

- A)  $4\sqrt{3}$    B)  $2\sqrt{13}$    C) 10   D)  $3\sqrt{13}$    E) 15

1-E 2-C 3-D

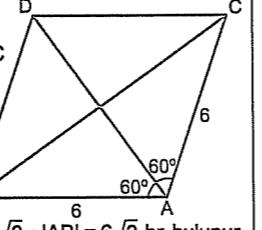
**ÖĞRETNİ SORU – 52**

Tüm alanı  $72\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan bir düzgün sekiz yüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

Çözüm:

$$A = 2a^2\sqrt{3} = 72\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 36 \Rightarrow a = 6 \text{ br olır.}$$

$$V = \frac{a^3\sqrt{2}}{3} \Rightarrow V = \frac{6^3\sqrt{2}}{3} = 72\sqrt{2} \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST 45

1. Bir ayrıtı 4 br olan düzgün sekizyüzlünün tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $64\sqrt{3}$    B)  $48\sqrt{3}$    C)  $42\sqrt{3}$    D)  $36\sqrt{3}$    E)  $32\sqrt{3}$

2. Tüm alanı  $18\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan bir düzgün sekizyüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $12\sqrt{2}$    B)  $10\sqrt{2}$    C)  $9\sqrt{2}$    D)  $8\sqrt{3}$    E)  $6\sqrt{2}$

3. Hacmi  $576\sqrt{2} \text{ br}^3$  olan düzgün sekizyüzlünün tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $288\sqrt{3}$    B)  $272\sqrt{3}$    C)  $264\sqrt{3}$   
D)  $250\sqrt{3}$    E)  $248\sqrt{3}$

4. Hacml tük alanına eşit olan düzgün sekizyüzlünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $96\sqrt{3}$    B)  $98\sqrt{3}$    C)  $102\sqrt{3}$   
D)  $108\sqrt{3}$    E)  $112\sqrt{3}$

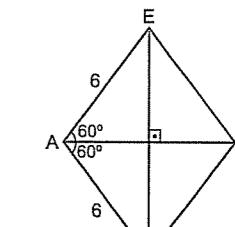
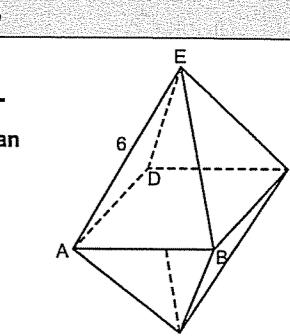
1-E 2-C 3-A 4-D

**ÖĞRETNİ SORU – 53**

Bir ayrıtının uzunluğu 6 br olan düzgün sekizyüzlünün E noktasından F noktasına yüzeyden hareket ederek gidecek olan cismin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

Çözüm:

E ile F arasındaki en kısa uzaklık yukarıda görüldüğü gibi ABE ve AFB yüzeylerinin oluşturduğu eşkenar dörtgenin  $[EF]$  köşegenidir.  $|AE| = |AF| = 6$  br  $|EF| = \sqrt{3} \cdot |AE| \Rightarrow |EF| = 6\sqrt{3}$  br bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

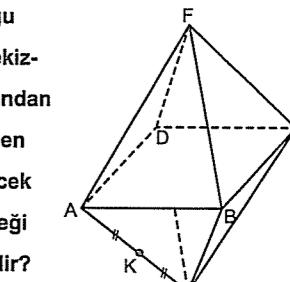
TEST 46

1. Bir ayrıtının uzunluğu 4 br olan düzgün sekizyüzlünün E noktasından F noktasına yüzeyden hareket ederek gidecek olan cismin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A) 6   B)  $2\sqrt{10}$    C)  $4\sqrt{3}$    D) 8   E)  $6\sqrt{2}$

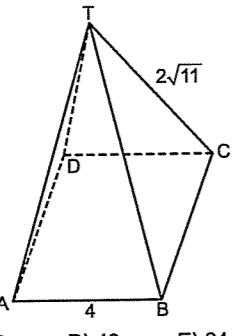
2. Bir ayrıtının uzunluğu 6 br olan düzgün sekizyüzlünün F noktasından K noktasına yüzeyden hareket ederek gidecek olan cismin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A)  $3\sqrt{7}$    B) 8   C)  $2\sqrt{17}$    D)  $6\sqrt{2}$    E)  $4\sqrt{5}$



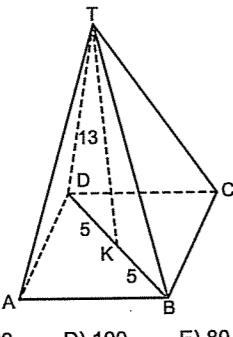
65

1.  $(T, ABCD)$  düzgün kare piramit  
 $|TC| = 2\sqrt{11}$  br  
 $|AB| = 4$  br  
olduğuna göre,  
cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?



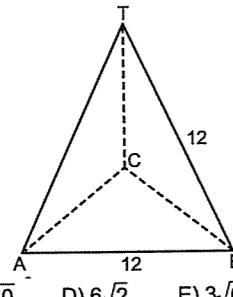
- A) 24      B) 30      C) 32      D) 48      E) 64

2.  $(T, ABCD)$  düzgün kare piramit  
 $D, K, B$  doğrusal  
 $|DK| = |KB| = 5$  br  
 $|TD| = 13$  br  
olduğuna göre,  
cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?



- A) 200      B) 160      C) 120      D) 100      E) 80

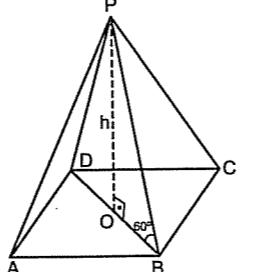
3.  $(T, ABC)$  eşkenar üçgen düzgün piramit.  
 $|AB| = 12$  br  
 $|TB| = 12$  br  
olduğuna göre,  
cismin yüksekliği kaç br dir?



4. Bir ayrıti 12 br olan düzgün dörtyüzlünün hacmi kaç  $br^3$  tür?  
A)  $164\sqrt{2}$       B)  $144\sqrt{2}$       C)  $140\sqrt{2}$   
D)  $124\sqrt{2}$       E)  $112\sqrt{2}$

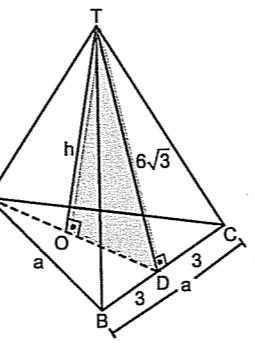
5. Şekildeki kare düzgün piramitte  
 $|BP| = 18$  br  
 $m(\widehat{PBD}) = 60^\circ$   
olduğuna göre,  
hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A)  $516\sqrt{3}$       B)  $486\sqrt{3}$       C)  $444\sqrt{3}$   
D)  $420\sqrt{3}$       E)  $396\sqrt{3}$



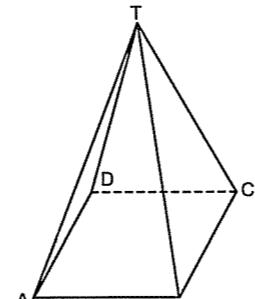
6. Tabanı eşkenar üçgen olan düzgün bir piramidin bir yan yüzünün yüksekliği  $6\sqrt{3}$  br tabanının bir ayrıtı 6 br olduğuna göre, hacmi kaç  $br^3$  dir?

- A)  $18\sqrt{35}$       B)  $12\sqrt{35}$       C)  $9\sqrt{35}$   
D)  $6\sqrt{35}$       E)  $4\sqrt{35}$



7. Şekildeki düzgün kare piramitte  
 $|AB| = 12$  br  
 $|TA| = 2\sqrt{34}$  br  
olduğuna göre,  
piramidin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 240      B) 288      C) 360      D) 384      E) 480

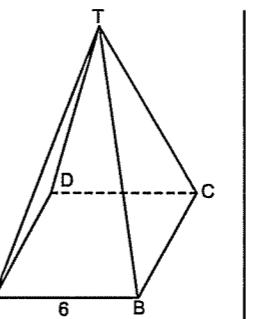


8. Taban alanı  $100$   $br^2$  ve hacmi  $400$   $br^3$  olan düzgün kare piramitin yanal alanı kaç  $br^2$  dir?  
A) 65      B) 130      C) 195      D) 260      E) 390

9. Şekildeki düzgün kare piramitte taban ile yan yüzünün ölçek açısı  $60^\circ$  dir.

$|AB| = 6$  br  
olduğuna göre,  
bu piramidin alanı kaç  $br^2$  dir?

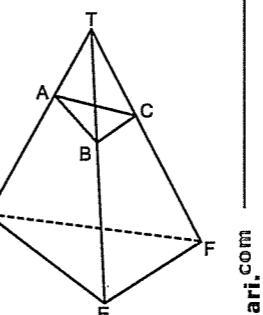
- A) 72      B) 96      C) 108      D) 144      E) 162



10. Yandaki şekilde (ABC) ile (DEF) düzlemleri birbirine paraleldir.

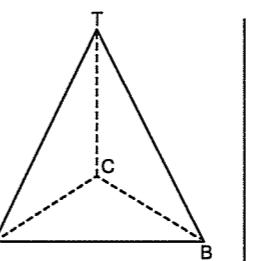
$\frac{A(ABC)}{A(DEF)} = \frac{1}{9}$   
olduğuna göre,  
küçük piramidin hacminin kesik piramidin hacmine oranı nedir?

- A)  $\frac{1}{7}$       B)  $\frac{1}{8}$       C)  $\frac{1}{15}$       D)  $\frac{1}{26}$       E)  $\frac{1}{28}$



11. Şekildeki düzgün dörtyüzlünün bir ayrıtinin uzunluğu 24 br dir. Buna göre,  $[TA]$  nin ABC tabanı üzerindeki izdüşümünün uzunluğu kaç br dir?

- A)  $4\sqrt{3}$       B)  $6\sqrt{3}$       C)  $8\sqrt{3}$       D)  $9\sqrt{3}$       E)  $12\sqrt{3}$



12. Bir kare dik piramidin taban alanı  $144$   $br^2$  ve yan yüzeylerinin alanları toplamı  $288$   $br^2$  dir.

Buna göre, cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

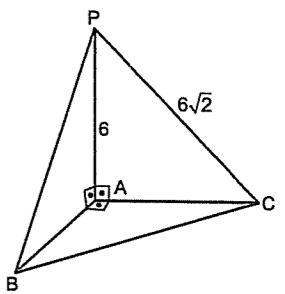
- A)  $196\sqrt{3}$       B)  $216\sqrt{3}$       C)  $288\sqrt{3}$   
D)  $300\sqrt{3}$       E)  $324\sqrt{3}$

- 1- C    2- A    3- B    4- B    5- B    6- C    7- D    8- D    9- C    10- D    11- C    12- C    13- A    14- A    15- A    16- B

13.  $P, ABC$  piramitinde  $[PA] \perp [AC]$  taban düzlemine dikdir.

$[BA] \perp [AC]$   
 $|PA| = 6$  br  
 $|PC| = 6\sqrt{2}$  br  
 $|BC| = 10$  br  
olduğuna göre,  
piramitin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 48      B) 64      C) 72      D) 96      E) 192

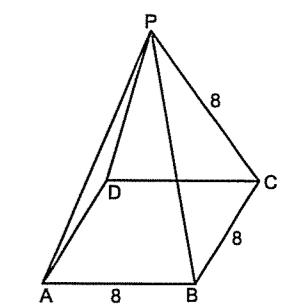


14. Yüksekliği 8 br ve taban kenarı  $4\sqrt{3}$  br olan bir kare piramit tepesinden 2 br uzaklıkta tabana paralel bir düzleme kesiliyor.

Elde edilen kesitin alanı kaç  $br^2$  dir?

- A) 3      B) 6      C) 9      D) 12      E) 16

15. Şekildeki bütün ayrıtların uzunluğu 8 br olan düzgün kare piramitin hacmi kaç  $br^3$  tür?

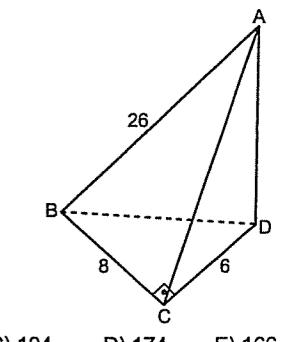


- A)  $\frac{256\sqrt{2}}{3}$       B) 128      C)  $88\sqrt{2}$   
D)  $\frac{128\sqrt{2}}{3}$       E) 36

16. Şekildeki pramitte  $[AD]$  taban düzlemine dikdir.

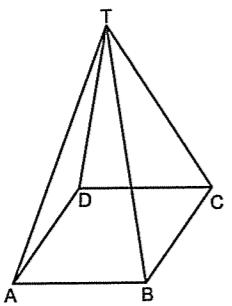
$[BC] \perp [CD]$   
 $|AB| = 26$  br  
 $|BC| = 8$  br  
 $|CD| = 6$  br  
olduğuna göre,  
piramitin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A) 210      B) 192      C) 194      D) 174      E) 166



1. Taban alanı  $100 \text{ br}^2$  olan şekildeki kare dik piramitin yanal alanı  $260 \text{ br}^2$  dir. Buna göre, bu piramitin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 200    B) 300    C) 400    D) 500    E) 600

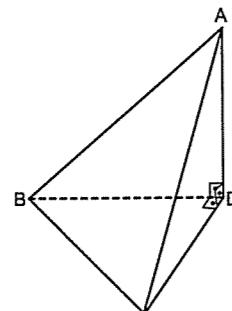


2. Bir düzgün kare piramidin yan yüzeyi, taban düzleme ile  $60^\circ$  lik açı yapmaktadır. Kare piramidin taban alanı  $72 \text{ br}^2$  ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $108\sqrt{3}$     B)  $72\sqrt{6}$     C)  $64\sqrt{6}$   
D)  $48\sqrt{3}$     E)  $24\sqrt{6}$

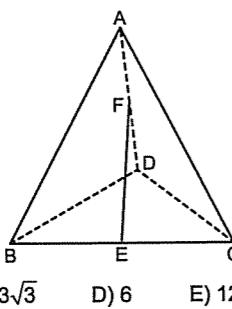
3. Şekildeki ABCD dörtüzlü cismin ABC yüzü eşkenar üçgen, BDC yüzü de dik üçgendir.  
[AD]  $\perp$  (BDC),  
[BD]  $\perp$  [CD],  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
Yukarıdaki verilere göre, ABCD cisminin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $6\sqrt{2}$     B)  $6\sqrt{3}$     C)  $9\sqrt{2}$     D)  $9\sqrt{3}$     E)  $6\sqrt{6}$



4. (A, BCD) bir kenarı  $6 \text{ br}$  olan bir düzgün dörtüzlü, E ve F bulundukları kenarların orta noktaları olduğuna göre,  $|EF|$  kaç br dir?

A)  $3\sqrt{2}$     B)  $4\sqrt{2}$     C)  $3\sqrt{3}$     D) 6    E) 12

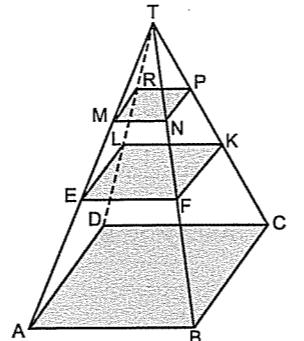


5. Şekildeki kare piramit tabana paralel iki düzleme kesiliyor.

$$|PN| = \frac{|FK|}{2} = \frac{|BC|}{4}$$

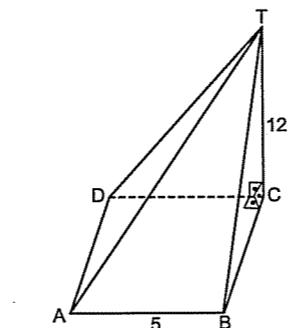
En üstteki küçük piramidin hacmi  $3 \text{ br}^3$  olduğuna göre, en alttaki kesik piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 124    B) 136    C) 142    D) 168    E) 174



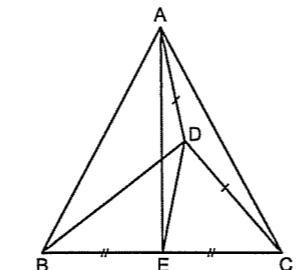
6. Şekilde ABCD kare,  $[TC] \perp (ABCD)$ ,  $|AB| = 5 \text{ br}$ ,  $|TC| = 12 \text{ br}$  olduğuna göre, (T, ABCD) piramidinin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 125    B) 130    C) 140    D) 150    E) 160



7. Şekilde  $[AD] = [DBC]$  eşkenar üçgen düzleme dikdir.  $|BE| = |EC|$ ,  $|AD| = |DE|$ ,  $|DC| = 2\sqrt{10} \text{ br}$  olduğuna göre,  $|AE|$  kaç br dir?

A)  $\sqrt{130}$     B)  $2\sqrt{30}$     C) 10    D)  $3\sqrt{10}$     E)  $\sqrt{70}$



8. Kenarları aynı olan düzgün dörtüzlü ile düzgün sekiz yüzlünün hacimleri oranı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

A)  $\frac{1}{2}$     B)  $\frac{1}{3}$     C)  $\frac{2}{3}$     D)  $\frac{1}{4}$     E)  $\frac{2}{5}$

9. Yandaki şekilde (T, EFKL) ve (T, ABCD) düzgün kare piramittir.

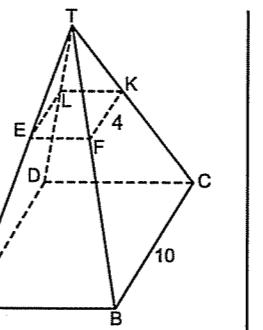
$|FK| = 4 \text{ br}$

$|BC| = 10 \text{ br}$  olduğuna göre,

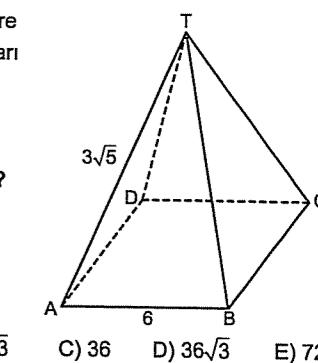
(T, EFKL) piramidinin hacmi

(T, ABCD) piramidinin hacmine oranı kaçtır?

A)  $\frac{8}{125}$     B)  $\frac{2}{5}$     C)  $\frac{1}{25}$     D)  $\frac{4}{25}$     E)  $\frac{2}{25}$

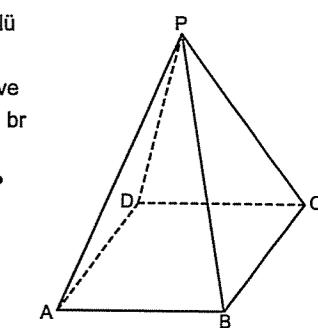


13. Şekildeki düzgün kare piramidin taban kenarı  $|AB| = 6 \text{ br}$ ,  $|AT| = 3\sqrt{5} \text{ br}$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



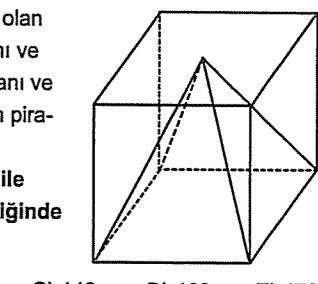
A)  $18\sqrt{3}$     B)  $24\sqrt{3}$     C) 36    D)  $36\sqrt{3}$     E) 72

14. Şekildeki eş yan yüzlü kare dik piramidin taban kenarı  $10 \text{ br}$  ve yanal ayrıtları  $\sqrt{194} \text{ br}$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A) 200    B) 300    C) 400    D) 500    E) 600

15. Şekildeki ayrıtı  $6 \text{ br}$  olan küpün içerisinde tabanı ve yüksekliği küpün tabanı ve yüksekliğine eşit olan piramit yerleştiriliyor. Boş kalan kısım su ile doldurulmak istendiğinde kaç  $\text{br}^3$  su alır?



A) 140    B) 144    C) 148    D) 160    E) 172

10. Bir kenarı  $12 \text{ br}$  olan eşkenar üçgen şeklindeki bir karton kenarlarının orta noktalarından katlanarak bir düzgün dörtüzlü elde ediliyor. Bu düzgün dörtüzlünün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $12\sqrt{2}$     B)  $16\sqrt{2}$     C)  $18\sqrt{2}$     D)  $20\sqrt{2}$     E)  $24\sqrt{2}$

11. Yandaki düzgün kare piramitte K, ABCD karesinin ağırlık merkezidir.

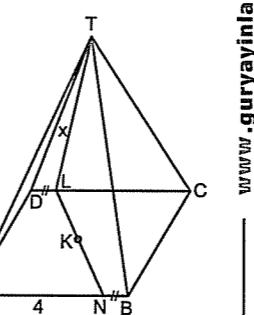
$|DL| = |NB| = 2 \text{ br}$

$|AN| = 4 \text{ br}$

Düzgün kare piramit hacmi  $72 \text{ br}^3$  olduğuna göre,

$|TL| = x$  kaç  $\text{br}$  dir?

A)  $5\sqrt{2}$     B)  $\sqrt{46}$     C)  $2\sqrt{10}$     D) 6    E)  $\sqrt{30}$



12. ABCD tabanlı düzgün kare piramit tabana paralel olacak şekilde EFKL karesi boyunca kesiliyor ve yandaki kesik piramit oluşuyor.

Kesik piramitin yüksekliği;

$|MN| = 6 \text{ br}$

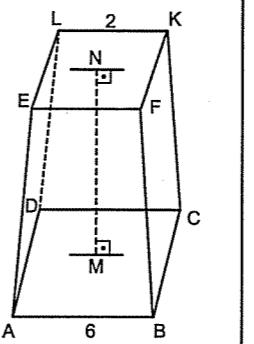
karenin birer kenarı;

$|LK| = 2 \text{ br}$

$|AB| = 6 \text{ br}$

olduğuna göre, kesik piramitin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 112    B) 108    C) 104    D) 96    E) 92

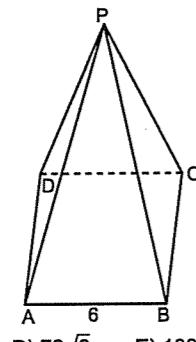


16. Bir düzgün dörtüzlünün taban kenarı  $6 \text{ br}$  ise cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $22\sqrt{3}$     B)  $18\sqrt{2}$     C)  $14\sqrt{2}$     D)  $12\sqrt{3}$     E)  $9\sqrt{2}$

1. Kare düzgün pramidin bir yan yüzü taban düzleme ile  $45^\circ$  lik açı belirtiyor. Piramidin tabanının bir kenarı 6 br olduğuna göre, bu pramidin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A) 36    B)  $36\sqrt{3}$     C) 72    D)  $72\sqrt{3}$     E) 108

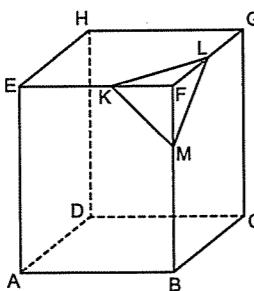


2. Bir kare düzgün piramidin bütün alanı  $144\text{ br}^2$  ve tabanın bir kenarı 8 br olduğuna göre, hacmi kaç  $br^3$  tür?

A) 48    B) 64    C) 96    D) 116    E) 128

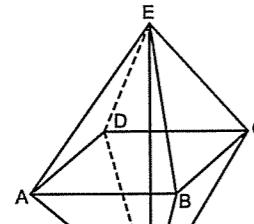
3. ABCDEFGH bir küp K, L, M orta noktalar olduğuna göre, Hacim (KLFM) Hacim (ABCDEFHG) oranı kaçtır?

A)  $\frac{1}{16}$     B)  $\frac{1}{32}$     C)  $\frac{1}{36}$     D)  $\frac{1}{48}$     E)  $\frac{1}{64}$

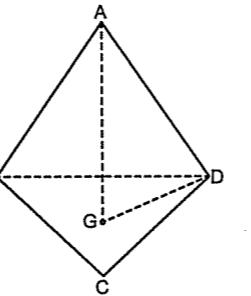


4. Yandaki şekil bir düzgün sekiz yüzlüdür.  $|EF| = 12\sqrt{2}$  br olduğuna göre, ABCD dörtgeninin alanı kaç  $br^2$  dir?

A) 36    B) 64    C) 108    D) 124    E) 144

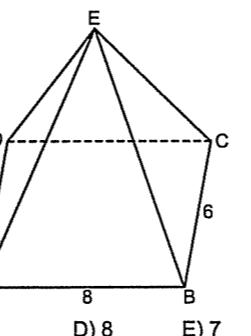


5. (A,BCD) düzgün dörtyüzlü G, BCD üçgeninin kenarortaylarının kesim noktası  $|AB| = 8\sqrt{3}$  br olduğuna göre,  $A(AGD)$  kaç  $br^2$  dir?



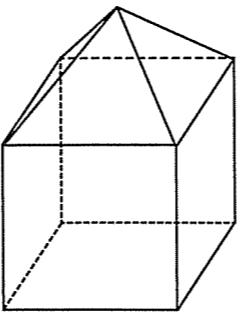
A)  $32\sqrt{3}$     B)  $24\sqrt{3}$     C)  $24\sqrt{2}$   
D)  $18\sqrt{3}$     E)  $18\sqrt{2}$

6. Şekildeki düzgün dikdörtgen piramitin taban ayrıtları 6 br, 8 br ve yanal ayrıtları  $\sqrt{74}$  br dir. Piramitin yüksekliği kaç br dir?



A) 12    B) 10    C) 9    D) 8    E) 7

7. Şekildeki kenar uzunluğu 1 br olan bir küp ile ayrıtları 1 br olan düzgün piramit çakıştırılmıştır. Oluşan cismin dış yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

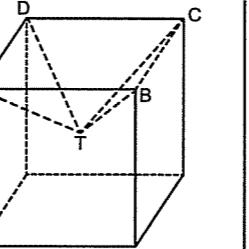


A)  $3 + 2\sqrt{3}$     B)  $4 + \sqrt{3}$     C)  $4 + 2\sqrt{3}$   
D)  $5 + \sqrt{3}$     E)  $5 + 2\sqrt{3}$

8. Yüksekliği taban köşegen uzunluğuna eşit düzgün kare piramitin yanal alanı  $300\text{ br}^2$  ise taban alanı kaç  $br^2$  dir?

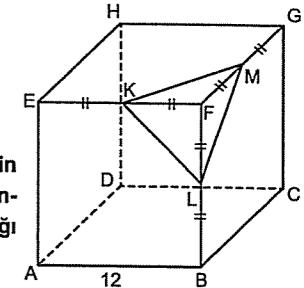
A) 100    B) 144    C) 169    D) 200    E) 225

9. Yandaki küp şeklindeki boş kutunun içine tabanı (ABCD) olan düzgün kare piramit yerleştiriliyor. Piramidin yüksekliği 12 br olup içi su ile dolduruluyor. Piramit tepe (T) noktasından delinirse küpün içine tamamen akan suyun yüksekliği kaç br olur?



A) 1    B) 2    C) 3    D) 4    E) 5

13. Bir ayrıtinin uzunluğu 12 br olan şekildeki küpte, K, L ve M bulundukları ayrıtların orta noktalarıdır. Buna göre, F köşesinin KLM üçgeninin bulunduğu düzleme uzaklığı kaç br dir?



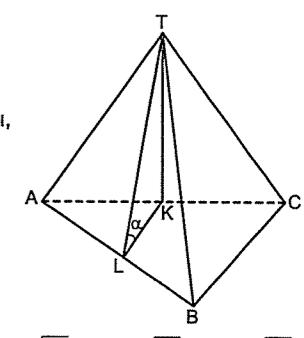
A)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$     B)  $\sqrt{3}$     C)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$     D)  $2\sqrt{3}$     E)  $3\sqrt{3}$

14. Bir kare düzgün piramidin tabanının bir kenarı 12 br ve bir yanal yüzün tabanla yaptığı açı  $60^\circ$  dir.

Bu piramidin yanal alanı aşağıdakilerden hangisidir?

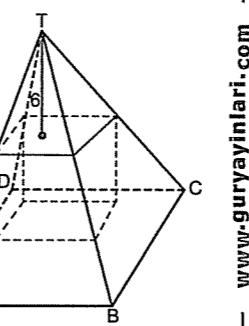
A) 576    B) 424    C) 364    D) 288    E) 144

15. Şekilde (T,ABC) bir düzgün dörtyüzlüdür. K ve L bulundukları kenarların orta noktaları,  $m(\overline{TLK}) = \alpha$  olduğuna göre, sinα kaçtır?



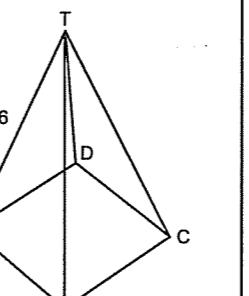
A)  $\frac{\sqrt{33}}{6}$     B)  $\frac{\sqrt{22}}{4}$     C)  $\frac{\sqrt{33}}{3}$     D)  $\frac{\sqrt{22}}{3}$     E)  $\frac{\sqrt{33}}{2}$

11. Kare tabanlı dik piramidin içine bir küp yerleştirilmiştir. Küpün alt yüzü piramidin tabanında ve üst köşeleri piramidin ayrıtları üzerindedir. Üstteki küçük piramidin yüksekliği 6 br ve hacmi  $32\text{ br}^3$  olduğuna göre, büyük piramidin taban kenarı kaç br olmalıdır?



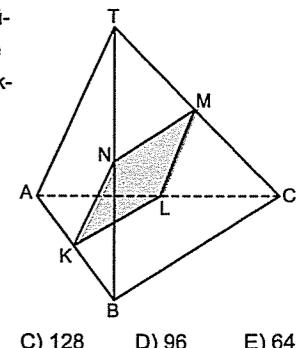
A)  $\frac{10}{3}$     B) 5    C)  $\frac{20}{3}$     D) 6    E) 8

12. Yan ayrıtlarının her biri 6 br olan şekildeki dik kare piramidin yanal alanı  $36\text{ br}^2$  dir. A noktasında bulunan bir karınca taban yere degen piramidin yan yüzeylerinden C noktasına gidip geri dönüyor. Buna göre, karınca en az kaç br yol yürümiş olabilir?



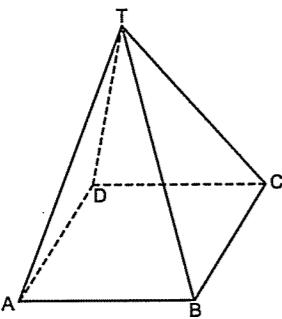
A) 6    B) 12    C)  $6\sqrt{3}$     D)  $12\sqrt{3}$     E)  $18\sqrt{3}$

16. TABC düzgün dörtyüzlüsünün AB, TB, TC ve AC kenarlarının orta noktaları K, N, M, L dir.  $|AB| = 16\text{ br}$  Buna göre, A(KLMN) kaç  $br^2$  dir?



A) 256    B) 168    C) 128    D) 96    E) 64

1. Şekildeki dik kare piramidin taban alanı  $64 \text{ br}^2$  ve yanal yüzlerin alanları toplamı  $48 \text{ br}^2$  olduğuna göre,  $\sin(\hat{ATB})$  aşağıdakilerden hangisine eşittir?



- A)  $\frac{12}{25}$    B)  $\frac{4}{5}$    C)  $\frac{3}{5}$    D)  $\frac{24}{25}$    E)  $\frac{9}{25}$

2. Bir ayrıtı 6 br olan bir düzgün dörtüzlünün tamamen açılmasıyla elde edilen eşkenar üçgen, yüksekliği etrafında  $180^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

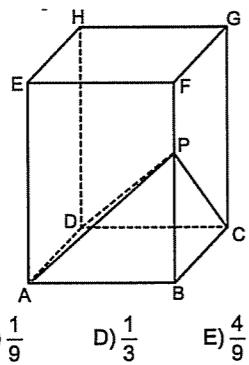
- A)  $56\sqrt{3}\pi$    B)  $60\sqrt{3}\pi$    C)  $64\sqrt{3}\pi$   
D)  $68\sqrt{3}\pi$    E)  $72\sqrt{3}\pi$

3. Yan yüzeylerinin alanları  $240 \text{ br}^2$  olan düzgün bir kare piramidin taban kenarı 12 br ise piramidin yüksekliği kaç br dir?

- A) 6   B) 8   C) 10   D) 12   E) 14

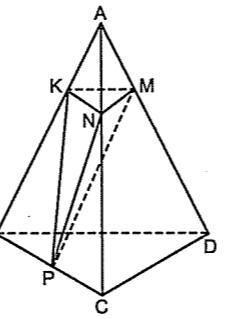
4. Şekildeki piramitte  $|BP| = 2|PF|$  olduğuna göre, piramidin hacminin prizmanın hacmine oranı nedir?

- A)  $\frac{1}{27}$    B)  $\frac{2}{9}$    C)  $\frac{1}{9}$    D)  $\frac{1}{3}$    E)  $\frac{4}{9}$



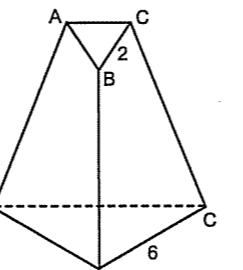
5. Şekilde A,BCD piramidin tabanına paralel bir düzlemin kesiti, KNM üçgensel bölgesidir.  $2|AK| = |KB|$  olduğuna göre,  $(P,KNM)$  piramidin hacminin  $(A,BCD)$  piramidin hacmine oranı nedir?

- A)  $\frac{1}{54}$    B)  $\frac{2}{27}$    C)  $\frac{1}{27}$    D)  $\frac{1}{9}$    E)  $\frac{2}{9}$



6. Şekildeki kesik dik piramadın tabanları birer eşkenar üçgen olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $48\sqrt{3}$    B)  $52\sqrt{3}$    C)  $56\sqrt{3}$    D)  $60\sqrt{3}$    E)  $72\sqrt{3}$

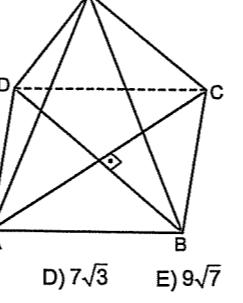


7. Hacmi  $144\sqrt{2} \text{ br}^3$  olan bir düzgün dörtüzlünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $84\sqrt{3}$    B)  $72\sqrt{3}$    C)  $96\sqrt{3}$   
D)  $128\sqrt{3}$    E)  $144\sqrt{3}$

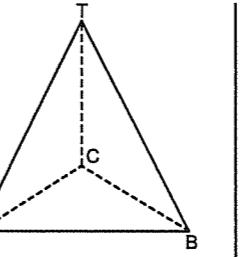
8. Şekildeki (T,ABCD) eşkenar dörtgen dik piramitte TBD kesiti bir eşkenar üçgendir. Piramidin taban alanı ile hacmi sayısal değerce birbirine eşittir. Tabanın bir kenar uzunluğu 6 br olduğuna göre, yan yüzeylerden birinin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $4\sqrt{7}$    B)  $6\sqrt{3}$    C)  $8\sqrt{2}$    D)  $7\sqrt{3}$    E)  $9\sqrt{7}$



9. Şekildeki düzgün dörtüzlünün yanal alanı ile hacmi sayısal değerce birbirine eşit olduğuna göre, bu düzgün dörtüzlünün yüksekliği kaç br dir?

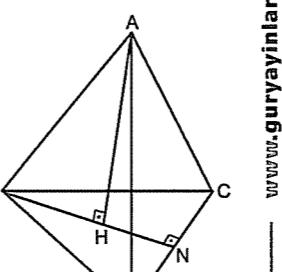
- A)  $3\sqrt{3}$    B) 6   C)  $4\sqrt{3}$    D) 9   E)  $6\sqrt{3}$



10. Alanı  $72\sqrt{3} \text{ br}^2$  olan düzgün sekizyüzlünün köşegen uzunluğu kaç br dir?

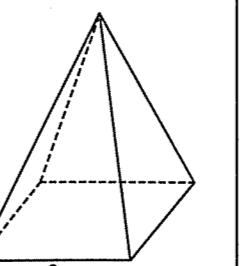
- A)  $5\sqrt{2}$    B)  $6\sqrt{2}$    C)  $7\sqrt{2}$    D)  $8\sqrt{2}$    E)  $9\sqrt{2}$

11. Şekildeki düzgün dörtüzlüde  $|AH|$  yükseklikdir.  $[BN] \perp [DC]$   $|HN| = 4 \text{ br}$  olduğuna göre,  $|AH|$  yüksekliği kaç br dir?



- A)  $8\sqrt{3}$    B)  $6\sqrt{3}$    C)  $8\sqrt{2}$    D)  $4\sqrt{2}$    E) 4

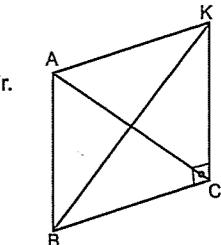
12. Şekildeki düzgün kare piramidin taban alanı ile hacmi sayısal değerce birbirine eşittir. Tabanın bir kenar uzunluğu 6 br olduğuna göre, yan yüzeylerden birinin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $6\sqrt{3}$    B)  $9\sqrt{2}$    C)  $8\sqrt{3}$    D)  $12\sqrt{2}$    E)  $18\sqrt{2}$

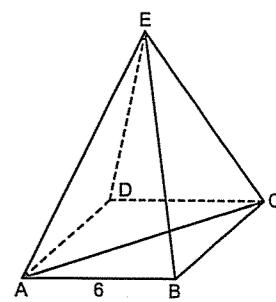
13. Şekilde (K,ABC) piramidinde ABC yüzü eşkenar üçgen  $[KC]$ , C de ABC yüzeyine dikdir.  $|AB| = 6 \text{ br}$   $|KC| = 8 \text{ br}$  olduğuna göre,  $A(KAB)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $3\sqrt{87}$    B)  $3\sqrt{89}$    C)  $3\sqrt{91}$    D)  $3\sqrt{93}$    E) 30

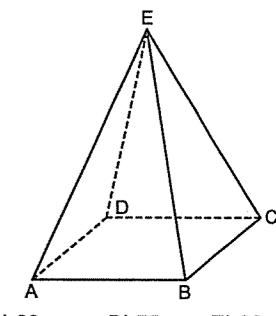


14. Şekildeki kare dik piramitte EAC eşkenar üçgen  $|AB| = 6 \text{ br}$  olduğuna göre, piramidin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $72\sqrt{6}$    B)  $48\sqrt{6}$    C)  $36\sqrt{6}$   
D)  $48\sqrt{3}$    E)  $36\sqrt{3}$

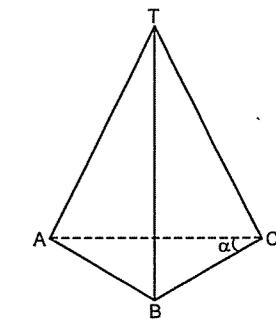


15. Şekildeki kare dik piramidin yan yüzeyleri eşkenar üçgen olduğuna göre,  $m(AEC)$  kaç derecedir?



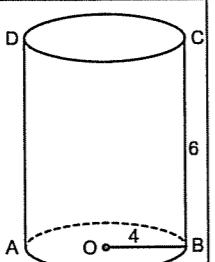
16. Şekilde  $[AT] \perp [TB]$   $[TB] \perp [TC]$   $[TA] \perp [TC]$   $|AT| = 6 \text{ br}$   $|CT| = 2 \text{ br}$   $|BT| = 4 \text{ br}$   $m(\widehat{ACB}) = \alpha$  olduğuna göre,  $\cos \alpha$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$    B)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$    C)  $\frac{\sqrt{2}}{6}$    D)  $\frac{\sqrt{2}}{8}$    E)  $\frac{\sqrt{2}}{10}$



**ÖĞRETNİ SORU – 54**

Yandaki dik silindirde  
O taban merkezidir.  
 $|OB| = 4$  br  
 $|CD| = 6$  br  
ise silindirin alanı  
kaç  $\text{br}^2$  dir?

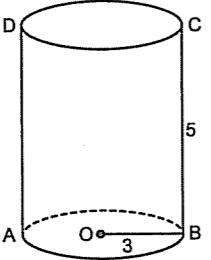


ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}r &= 4 \text{ br} \\h &= 6 \text{ br olduğundan} \\A &= 2 \cdot \text{Taban Alan} + \text{Yanal Alan} \\&= 2 \cdot \pi r^2 + 2\pi r \cdot h \\&= 2 \cdot \pi \cdot 4^2 + 2\pi \cdot 4 \cdot 6 \\&= 32\pi + 48\pi \\&= 80\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
47

1. Yandaki dik silindirde  
O taban merkezidir.  
 $|OB| = 3$  br  
 $|BC| = 5$  br  
olduğuna göre,  
silindirin alanı  
kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $30\pi$    B)  $36\pi$    C)  $40\pi$    D)  $48\pi$    E)  $54\pi$

2. Dik silindirin taban alanı  $16\pi \text{ br}^2$  ve yanal alanı  $80\pi \text{ br}^2$  olduğuna göre, bu silindirin yüksekliği kaç br dir?

- A) 12   B) 10   C) 8   D) 6   E) 5

3. Taban yarıçapı ile yüksekliğinin toplamı 8 br ve alanı  $48\pi \text{ br}^2$  olan bir dik silindirin yüksekliği kaç br dir?

- A) 3   B) 4   C) 5   D) 6   E) 8

**ÖĞRETNİ SORU – 55**

Yanal alanı  $80\pi \text{ br}^2$  olan dik silindirin taban yarıçapı 4 br ise yüksekliği kaç br dir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}\text{Yanal Alan} &= 2\pi r \cdot h \Rightarrow 80\pi = 2\pi \cdot 4 \cdot h \\&\Rightarrow 80\pi = 8\pi \cdot h \\&\Rightarrow h = 10 \text{ br bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 56**

Taban yarıçapı 3 br, yüksekliği 6 br olan silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}V &= \pi r^2 \cdot h \Rightarrow V = \pi \cdot 3^2 \cdot 6 \\&\Rightarrow V = 54\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
48

1. Yanal alanı  $160\pi \text{ br}^2$  olan dik silindirin taban yarıçapı 8 br ise yüksekliği kaç br dir?

- A) 8   B) 10   C) 12   D) 14   E) 16

2. Taban çapı 8 br, yüksekliği 10 br olan silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $80\pi$    B)  $96\pi$    C)  $120\pi$   
D)  $160\pi$    E)  $640\pi$

3. Yanal alanı  $36\pi \text{ br}^2$  olan silindirin yüksekliği 6 br olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $36\pi$    B)  $48\pi$    C)  $54\pi$    D)  $60\pi$    E)  $72\pi$

4. Taban alanı  $16\pi \text{ br}^2$  olan silindirin yüksekliği taban yarıçapının 3 katına eşittir. Bu silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

- A) 192   B) 184   C) 180  
D) 172   E) 160

**ÖĞRETNİ SORU – 57**

Yanal alanı  $40\pi \text{ br}^2$ , hacmi  $80\pi \text{ br}^3$  olan dik silindirin yüksekliği kaç br dir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}\text{Yanal Alan} &= 2\pi r \cdot h \Rightarrow 40\pi = 2\pi r \cdot h \\&\Rightarrow r \cdot h = 20 \\&\text{Hacim} = \pi r^2 \cdot h \Rightarrow 80\pi = \pi r^2 \cdot h \\&\Rightarrow r^2 \cdot h = 80 \\&r^2 \cdot h = 80 \Rightarrow r \cdot r \cdot h = 80 \Rightarrow r = 4 \text{ br} \\&r \cdot h = 20 \Rightarrow 4 \cdot h = 20 \Rightarrow h = 5 \text{ br bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 58**

Yüksekliği taban yarıçapının 2 katı olan dik silindirin hacmi  $54\pi \text{ br}^3$  ise taban yarıçapı kaç br dir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}V &= 54\pi \Rightarrow \pi r^2 \cdot h = 54\pi \\&\Rightarrow \pi \cdot r^2 \cdot 2r = 54\pi \\&\Rightarrow r^3 = 27 \\&\Rightarrow r = 3 \text{ br bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
49

1. Yanal alanı  $60\pi \text{ br}^2$ , hacmi  $90\pi \text{ br}^3$  olan dik silindirin yüksekliği kaç br dir?

- A) 6   B) 8   C) 9   D) 10   E) 12

2. Bir silindirin yanal alanı, taban alanlarının toplamına eşittir. Silindirin hacmi  $125\pi \text{ br}^3$  olduğuna göre, alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $50\pi$    B)  $60\pi$    C)  $80\pi$    D)  $100\pi$    E)  $120\pi$

3. Yüksekliği taban çapının 4 katı olan silindirin hacmi  $64\pi \text{ br}^3$  ise bir tabanının alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?

- A) 1   B) 2   C) 4   D) 9   E) 16

4. Taban yarıçapı, yüksekliğine eşit olan bir silindirde, hacminin tüm alanına oranı  $\frac{5}{4}$  olduğuna göre, silindirin taban yarıçapı kaç br dir?

- A) 6   B) 5   C) 4   D) 3   E) 2

**ÖĞRETNİ SORU – 59**

Bir dik silindirin yanal alanını 4 katına çıkarmak için taban yarıçapını kaç katına çıkarmak gereklidir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}\text{Yarıçapı } r \text{ olan silindirin yanal alanı} &= 2\pi r \cdot h \\&\text{Yarıçapı } kr \text{ olan silindirin yanal alanı} = 2\pi \cdot kr \cdot h \\2\pi \cdot kr \cdot h &= 4 \cdot 2\pi r \cdot h \\k &= 4 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

Yani silindirin yarıçapı 4 katına çıkarılmalıdır.

**ÖĞRETNİ SORU – 60**

Bir dik silindirin hacmini 9 katına çıkarmak için taban yarıçapını kaç katına çıkarmak gereklidir?

ÇÖZÜM:

$$\begin{aligned}\text{Yarıçapı } r \text{ olan silindirin hacmi} &= \pi r^2 \cdot h \\&\text{Yarıçapı } kr \text{ olan silindirin hacmi} = \pi \cdot (kr)^2 \cdot h \\&\pi \cdot k^2 \cdot r^2 \cdot h = 9 \cdot \pi r^2 \cdot h \\k^2 &= 9 \\k &= 3 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

Yani, silindirin yarıçapı 3 katına çıkarılmalıdır.

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
50

1. Bir dik silindirin yanal alanını 6 katına çıkarmak için taban yarıçapını kaç katına çıkarmak gereklidir?

- A) 2   B) 3   C) 4   D) 6   E) 12

2. Bir dik silindirin hacmini 16 katına çıkarmak için taban yarıçapını kaç katına çıkarmak gereklidir?

- A) 2   B) 4   C) 6   D) 8   E) 12

3. Bir dik silindirin yarıçapını 3 katına çıkardığımızda silindirin yanal alanı kaç katına çıkar?

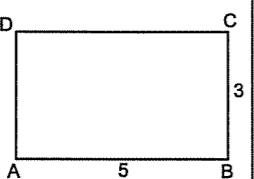
- A) 2   B) 3   C) 6   D) 9   E) 12

4. Bir dik silindirin yarıçapını 2 katına çıkardığımızda silindirin yanal alanı kaç katına çıkar?

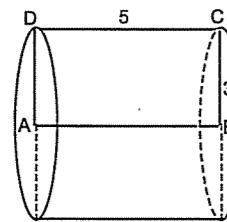
- A) 1   B) 2   C) 3   D) 4   E) 5

**ÖĞRETNİ SORU – 61**

**ABCD** dikdörtgeni  
[AB] etrafında  $360^\circ$   
döndürülürse oluşan  
cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?

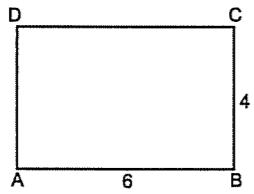
**CÖZÜM:**

Şekilde görüldüğü gibi  
 $r = 3$  br yarıçaplı  
 $h = 5$  br yüksekliğine  
sahip bir silindir elde  
edilmiştir. Bu silindirin  
hacmi,  
 $V = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot 3^2 \cdot 5$   
 $= 45\pi \text{ br}^3$  bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST 51

1. **ABCD** dikdörtgeni  
[AD] etrafında  $360^\circ$   
döndürülürse oluşan  
cismin hacmi kaç  
 $\text{br}^3$  tür?

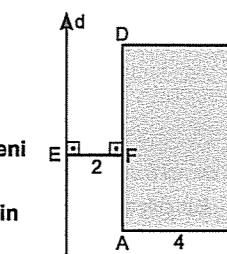


- A)  $96\pi$    B)  $112\pi$    C)  $124\pi$    D)  $136\pi$    E)  $144\pi$

2. Uzun kenarın uzunluğu kısa kenarın uzunluğunun  
4 katı olan bir dikdörtgenin uzun ve kısa kenarı et-  
rafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan dönel cisimle-  
rin hacimleri oranı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) 2   B) 4   C) 6   D) 8   E) 16

3.  $|AB| = 4$  br  
 $|BC| = 6$  br  
 $|EF| = 2$  br  
 $[EF] \perp d$   
Şekildeki **ABCD** dikdörtgeni  
 $d$  doğrusu etrafında  $360^\circ$   
döndürülürse oluşan cismin  
hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



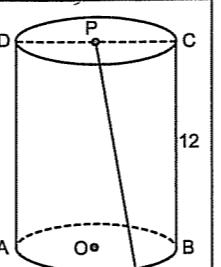
- A)  $200\pi$    B)  $196\pi$    C)  $192\pi$    D)  $180\pi$    E)  $172\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 62**

**Taban merkezleri  
O ve P olan silindirin  
tabanı üzerindeki  
bir nokta K dir.  
Silindirin taban  
yarıçapı 5 br  
 $|CB| = 12$  ise  
 $|PK|$  kaç br dir?**

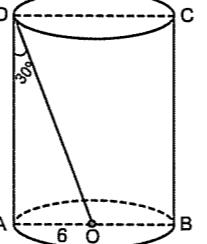
**CÖZÜM:**

POK dik üçgeninde  
 $|OK| = r = 5$  br  
 $|PO| = h = 12$  br olup  
 $|PK|^2 = |OK|^2 + |OP|^2$   
 $|PK|^2 = 5^2 + 12^2$   
 $|PK| = 13$  br bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

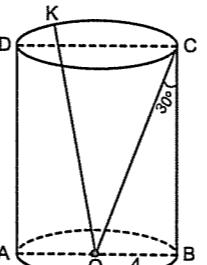
TEST 52

1. Şekildeki dik silindirde  
 $|AO| = 6$  br  
 $m(\widehat{ADO}) = 30^\circ$   
olduğuna göre,  
silindirin yanal  
alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $48\sqrt{3}\pi$    B)  $60\sqrt{3}\pi$    C)  $72\pi$   
D)  $72\sqrt{3}\pi$    E)  $96\pi$

2. Şekildeki dik silindirde  
O taban merkezi  
 $m(\widehat{OCB}) = 30^\circ$   
 $|OB| = 4$  br  
olduğuna göre,  
 $|OK|$  kaç br dir?



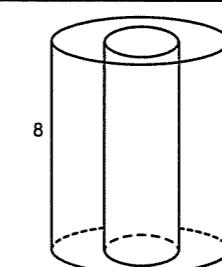
- A)  $5\sqrt{2}$    B)  $2\sqrt{15}$    C) 8   D)  $6\sqrt{2}$    E)  $4\sqrt{5}$

3. Eksenden geçen dik kesiti kare olan bir silindirin hacmi  
 $16\pi \text{ br}^3$  tür. Bu silindirin tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $28\pi$    B)  $24\pi$    C)  $20\pi$    D)  $18\pi$    E)  $16\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 63**

**Şekildeki demir  
borunun iç çapı 4 br,  
diş çapı 6 br dir.  
Borunun alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?**

**CÖZÜM:**

Borunun üst ve alt yüzeyleri aşağıdaki şekilde görülen bir daire halkası olduğundan  
Halkanın alanı

$$A_h = \pi \cdot (R^2 - r^2)$$

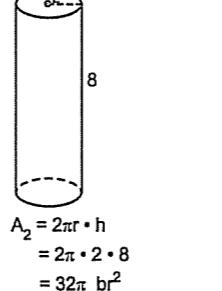
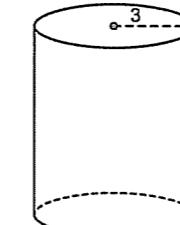
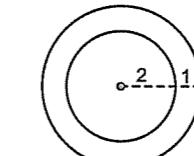
$$A_h = \pi \cdot (3^2 - 2^2)$$

$$A_h = 5\pi \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

Alt ve üst tabanların alanı

$$2A_h = 2 \cdot 5\pi = 10\pi \text{ br}^2 \text{ olur.}$$

İç ve dış yüzeyler arasındaki silindirler olduğundan



$$A_1 = 2\pi r \cdot h = 2\pi \cdot 3 \cdot 8 = 48\pi \text{ br}^2$$

$$A_2 = 2\pi r \cdot h = 2\pi \cdot 2 \cdot 8 = 32\pi \text{ br}^2$$

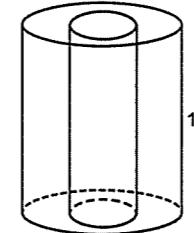
İstenen alan

$$2A_h + A_1 + A_2 = 10\pi + 48\pi + 32\pi = 90\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

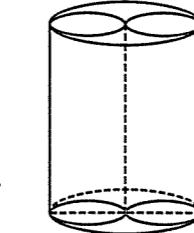
TEST 53

1. Şekildeki demir  
borunun iç çapı 2 br,  
diş çapı 6 br dir.  
Borunun alanı  
kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $102\pi$    B)  $96\pi$    C)  $90\pi$    D)  $88\pi$    E)  $86\pi$

2. Taban yarıçapı 6 br olan silin-  
dir biçimindeki tahta bloktan ta-  
ban yarıçapı 3 br olan iki eş  
silindir şekildeki gibi kesilipçı-  
karılıyor. Kalan cismin hacmi  
 $120\pi \text{ br}^3$  ise silindirin yük-  
sekliği kaç br dir?



- A) 8   B)  $\frac{22}{3}$    C) 7   D)  $\frac{20}{3}$    E) 6

**ÖĞRETNİ SORU – 64**

**Bir ayriti 6 br olan küpün içine en büyük hacimli bir silindir yerleştirilmiştir. Silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?**

**ÇÖZÜM:**

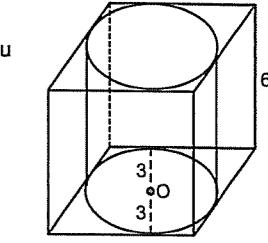
Şekilde görüldüğü gibi  
karenin bir kenar uzunluğu  
silindirin çapına eşittir.

$$2r = 6 \Rightarrow r = 3 \text{ ve}$$

$$h = 6 \text{ olduğundan}$$

silindirin hacmi:

$$V = \pi r^2 \cdot h = \pi \cdot 3^2 \cdot 6 = 54\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$



1. Bir ayriti 8 br olan küpün içine en büyük hacimli bir silindir yerleştirilmiştir. Silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?  
A)  $112\pi$    B)  $120\pi$    C)  $128\pi$    D)  $136\pi$    E)  $144\pi$

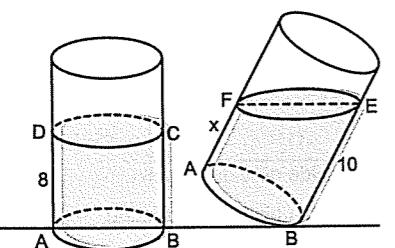
2. Taban yarıçapı 4 br, yüksekliği 6 br olan silindirin içine en büyük hacimli kare dik prizma yerleştirilmiştir. Kare dik prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?  
A) 174   B) 180   C) 186   D) 192   E) 198

3. Bir ayriti 6 br olan düzgün altigen prizmanın içine en büyük hacimli dik silindir yerleştirilmiştir. Prizmanın yük-  
sekliği 8 br olduğuna göre, silindirin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?  
A)  $24\pi$    B)  $24\sqrt{3}\pi$    C)  $36\pi$   
D)  $48\pi$    E)  $48\sqrt{3}\pi$

4. Bir ayriti 12 br olan eşkenar üçgen prizmanın içine en büyük hacimli dik silindir yerleştirilmiştir. Prizmanın yük-  
sekliği 10 br olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?  
A)  $90\pi$    B)  $120\pi$    C)  $180\pi$    D)  $240\pi$    E)  $360\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 65**

Soldaki silindir eğilerek sağdaki duruma getirilmiştir. Buna göre  $|AF| = x$  kaç br dir?

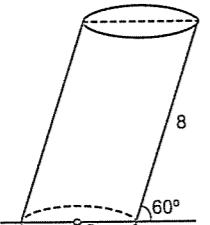


Çözüm:

İki durumda da su miktarı aynı olacağını  $|AD| + |BC| = |AF| + |BE|$   
 $8 + 8 = x + 10 \Rightarrow x = 6$  br bulunur.

**ÖĞRETNİ SORU – 66**

Taban yarıçapı 3 br, ana doğrusu 8 br olan eğik silindir taban düzlemi ile  $60^\circ$  lik açı yapmıştır. Bu silindrin alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?



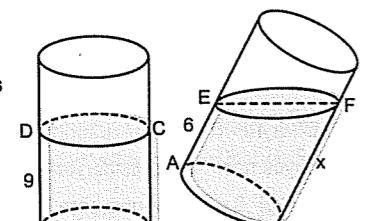
Çözüm:

$$\begin{aligned} A &= \text{Yanal Alan} + 2(\text{Taban Alan}) \\ A &= 2\pi l \cdot \sin\alpha + 2\pi r^2 \\ &= 2\pi 3 \cdot 8 \cdot \sin 60^\circ + 2\pi \cdot 3^2 \\ &= 48\pi \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + 18\pi \\ &= (24\sqrt{3} + 18)\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

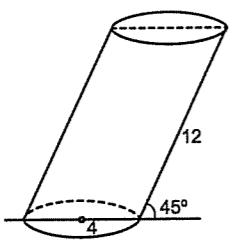
TEST 55

1. Soldaki silindir eğilerek sağdaki duruma getirilmiştir. Buna göre,  $|BF| = x$  kaç br dir?



- A) 9      B) 10      C) 11      D) 12      E) 13

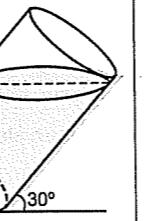
2. Taban yarıçapı 4 br, ana doğrusu 12 br olan eğik silindir taban düzlemi ile  $45^\circ$  lik açı yapmıştır. Bu silindrin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $16(3\sqrt{2} + 2)\pi$   
 C)  $12(2\sqrt{2} + 2)\pi$   
 E)  $48(2\sqrt{2} + 2)\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 67**

Taban çapı 6 br olan soldaki silindir su ile doludur. Bu silindir taban düzlemi ile  $30^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğilerek sağdaki duruma getirilmiştir. İçindeki suyun ne kadarı dökülür?

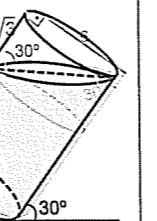


Çözüm:

Su yüzeyi, taban düzleme paraleldir. Şekilde görüldüğü gibi dökülen kısmı taban çapı 6 br, yüksekliği  $6\sqrt{3}$  br olan silindrin yarısıdır.

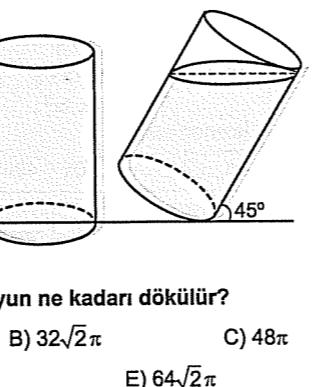
$$\begin{aligned} V &= \pi r^2 \cdot h = \pi \cdot 3^2 \cdot 6\sqrt{3} \\ &= 54\sqrt{3}\pi \text{ br}^3 \text{ olacağını} \end{aligned}$$

$$\text{Dökülen kısmı } \frac{V}{2} = \frac{54\sqrt{3}\pi}{2} = 27\sqrt{3}\pi \text{ br}^3 \text{ tür.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

TEST 56

1. Taban çapı 8 br olan soldaki silindir su ile doludur. Bu silindir taban düzlemi ile  $45^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğilerek sağdaki duruma getirilirse içineki suyun ne kadarı dökülür?



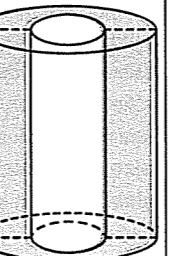
- A)  $32\pi$       B)  $32\sqrt{2}\pi$       C)  $48\pi$   
 D)  $64\pi$       E)  $64\sqrt{2}\pi$

2. Taban çapı 12 br olan soldaki silindir su ile doludur. Bu silindir taban düzlemi ile  $60^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğilerek sağdaki duruma getirilirse içineki suyun ne kadarı dökülür?

- A)  $96\sqrt{3}\pi$       B)  $72\sqrt{3}\pi$       C)  $64\sqrt{3}\pi$   
 D)  $56\sqrt{3}\pi$       E)  $48\sqrt{3}\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 68**

Dik silindir biçimindeki bir borunun yarıçap uzunluğu dıştan 10 br, içten 5 br dir. Dolu kısmı yandaki taralı bölüm olup hacmi  $900\pi \text{ br}^3$  olan bu silindirin boş kısmının hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{Dolu kısmın hacmi} \\ \pi \cdot 10^2 \cdot h - \pi \cdot 5^2 \cdot h = 900\pi \\ \Rightarrow 100\pi h - 25\pi h = 900\pi \end{aligned}$$

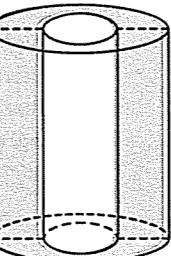
$$\begin{aligned} \Rightarrow 75\pi h = 900\pi \\ \Rightarrow h = 12 \text{ br olur.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Boş kısmının hacmi} &= \pi \cdot 5^2 \cdot h \\ &= \pi \cdot 25 \cdot 12 \\ &= 300\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

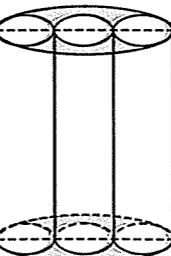
TEST 57

1. Dik silindir biçimindeki bir borunun yarıçap uzunluğu dıştan 12 br, içten 4 br dir. Dolu kısmı yandaki taralı bölüm olup hacmi  $768\pi \text{ br}^3$  olan bu silindirin boş kısmının hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $72\pi$       B)  $88\pi$       C)  $96\pi$       D)  $112\pi$       E)  $124\pi$

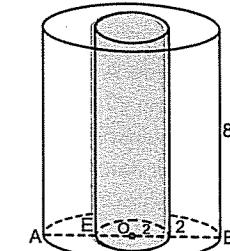
2. Dik silindir biçimindeki bir borunun içinde yarıçapları 2 br olan 3 tane dik silindir boru bulunmaktadır. Dolu kısmı yandaki taralı bölüm olup hacmi  $240\pi \text{ br}^3$  olan bu silindirin boş kısmının hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $90\pi$       B)  $120\pi$       C)  $135\pi$       D)  $150\pi$       E)  $180\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 69**

Şekilde taban merkezleri aynı olan iki silindirden içteki su ile doludur. İçteki silindirin tabanına yakın E noktasından bir delik açılırsa silindirin içindedeki su seviyesi kaç br olur?



Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{İçteki silindirin hacmi} \\ V_1 = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot 2^2 \cdot 8 = 32\pi \text{ olup, bu sonuç içteki suyun hacmidir.} \end{aligned}$$

E noktasındaki delikten akan su yandaki biçimini oluşturacağından büyük silindirin içindeki su, taban yarıçapı 4 br, yüksekliği x br olan silindirin hacmi kadardır.

$$V_2 = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot 4^2 \cdot x = 16\pi x$$

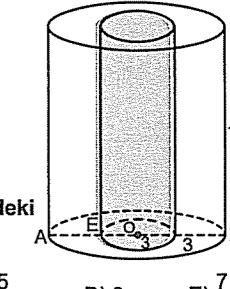
Hacimleri eşit olacağını,

$$V_1 = V_2 = 32\pi = 16\pi x \Rightarrow x = 2 \text{ br bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**

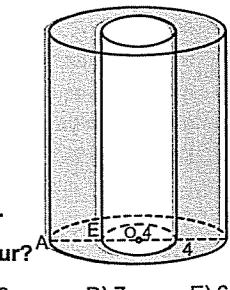
TEST 58

1. Şekilde taban merkezleri aynı olan iki silindirden içteki su ile doludur. İçteki silindirin tabanına yakın E noktasından bir delik açılırsa silindirin içindedeki su seviyesi kaç br olur?



- A)  $\frac{3}{2}$       B) 2      C)  $\frac{5}{2}$       D) 3      E)  $\frac{7}{2}$

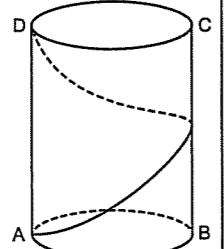
2. Şekilde taban merkezleri aynı olan iki silindirden dışındaki su ile doludur. İçteki silindirin tabanına yakın E noktasından bir delik açılırsa silindirin içindedeki su seviyesi kaç br olur?



- A) 10      B) 9      C) 8      D) 7      E) 6

## ÖĞRETNİ SORU - 70

Taban yarıçapı 6 br ve yüksekliği  $5\pi$  br olan silindirde, A dan D ye silindirin yüzeyinden bir kez dolanarak gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?



ÇÖZÜM:

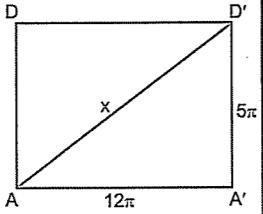
A ile D arasındaki en kısa yol silindirin yan yüzü olan dikdörtgenin köşegenidir.

$|AA'| = 2\pi r = 2\pi \cdot 6 = 12\pi$  olacağından

$AA'D'$  dik üçgeninde

$$|AD'|^2 = |AA'|^2 + |A'D'|^2 \Rightarrow x^2 = (12\pi)^2 + (5\pi)^2$$

$$\Rightarrow x = 13\pi \text{ br bulunur.}$$

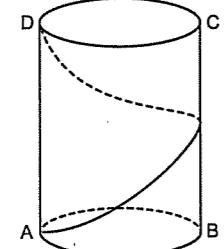


## ÖĞRETNİ MINİ TEST

TEST  
59

1. Taban yarıçapı 3 br, yüksekliği  $8\pi$  br olan silindirde, A dan D ye silindirin yüzeyinden bir kez dolanarak gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A)  $8\pi$    B)  $9\pi$    C)  $10\pi$    D)  $11\pi$    E)  $12\pi$



## ÖĞRETNİ SORU - 71

Taban yarıçapı 3 br ve yüksekliği  $16\pi$  br olan silindirde, A dan D ye silindirin yüzeyinden iki kez dolanarak gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

ÇÖZÜM:

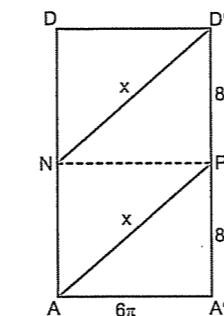
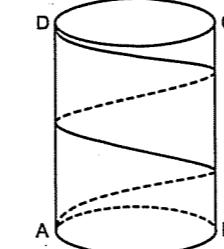
En kısa yol yandaki şekilde görüldüğü gibi  $|AP| + |ND'| = 2x$  tir.

$|AA'| = 2\pi r = 2\pi \cdot 3 = 6\pi$  olacağından

$AA'P$  dik üçgeninde

$$|AP| = 10\pi \Rightarrow x = 10\pi$$

$$2x = 20\pi \text{ bulunur.}$$

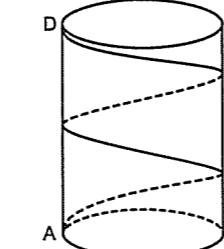


## ÖĞRETNİ MINİ TEST

TEST  
60

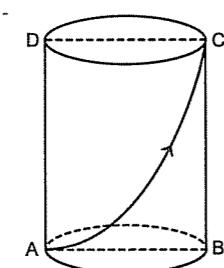
1. Taban yarıçapı 3 br, yüksekliği  $8\pi$  br olan silindirde, A dan D ye silindirin yüzeyinden iki kez dolanarak gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A)  $17\pi$    B)  $20\pi$    C)  $24\pi$    D)  $32\pi$    E)  $34\pi$



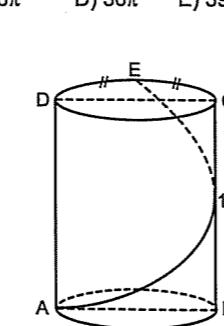
2. Taban yarıçapı 8 br, yüksekliği  $10\pi$  br olan silindirde A dan C ye silindirin yüzeyinden hareket eden karıncanın alabileceği en kısa yol kaç br dir?

- A)  $12\pi$    B)  $5\sqrt{6}\pi$    C)  $4\sqrt{10}\pi$



3. Taban yarıçapı 6 br ve yüksekliği  $12\pi$  br olan silindirde A dan E ye silindirin yüzeyinden gidecek olan örümceğin alabileceği en kısa yol kaç  $\pi$  br dir?

- A) 13   B) 14   C) 15   D) 16   E) 17

UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER  
Silindir

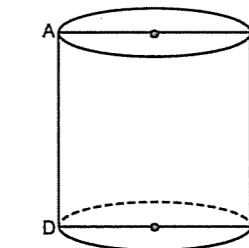
1. Bir silindirin yanal alanı  $40\pi \text{ br}^2$  ve yüksekliği 8 br olduğuna göre hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $40\pi$    B)  $50\pi$    C)  $80\pi$    D)  $100\pi$    E)  $120\pi$

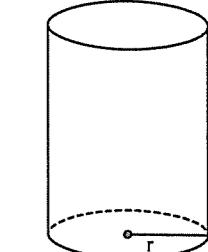
5. Taban alanı  $36\pi \text{ br}^2$  ve yüksekliği 8 br olan bir dik silindirin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $168\pi$    B)  $164\pi$    C)  $162\pi$    D)  $160\pi$    E)  $158\pi$

6. Şekildeki silindirin alanı ile hacmi sayısal değerce birbirine eşit olduğuna göre,  $r$  nin  $h$  cinsinden değeri nedir?



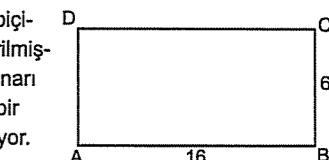
- A)  $\frac{2h}{h-2}$    B)  $\frac{h}{h+1}$    C)  $\frac{h^2}{h^2-1}$



2. Şekildeki dik silindirin yanal alanı  $48\pi \text{ br}^2$  dir.  $|AB| = |BC|$ . Buna göre, silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

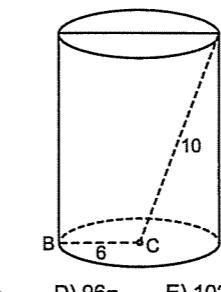
- A) 24   B)  $24\sqrt{3}$    C)  $36\sqrt{3}$    D) 48   E)  $48\sqrt{3}$

7. Şekilde dikdörtgen biçiminde bir karton verilmiştir. Bu karton AB kenarı etrafında kıvrılarak bir dik silindir elde ediliyor.  $|AB| = 16$  br,  $|CB| = 6$  br olduğuna göre, elde edilen silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür? ( $\pi = 3$  alınınız.)



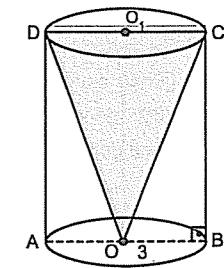
- A) 136   B) 128   C) 124   D) 118   E) 112

4. Dik silindirde tabanın merkezi C noktasıdır.  $|BC| = 6$  br,  $|AC| = 10$  br olduğuna göre, silindirin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A)  $80\pi$    B)  $84\pi$    C)  $90\pi$    D)  $96\pi$    E)  $102\pi$

8. Şekildeki taban yarıçapı 3 br olan dik silindirin hacmi  $90\pi \text{ br}^3$  tür. Buna göre,  $A(DOC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?



- A) 20   B) 24   C) 30   D) 45   E) 60

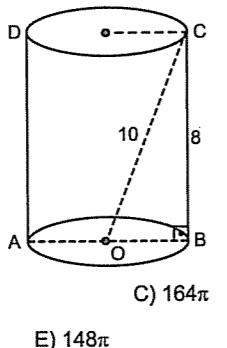
9. Yanal alanı sayıca hacmine eşit olan dik silindirin taban çapı kaç br dir?

- A) 2    B) 4    C) 5    D) 6    E) 8

10. Şekildeki taban merkezi O olan dik silindirde  $|OC| = 10$  br

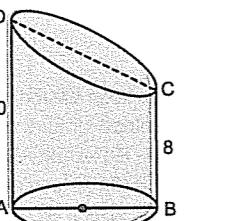
$|BC| = 8$  br olduğuna göre, silindirin bütün yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

- A)  $170\pi$     B)  $168\pi$     C)  $164\pi$   
D)  $160\pi$     E)  $148\pi$



11. Şekildeki kesik dik silindirin taban yarıçapı 4 br,  $|AD| = 20$  br,  $|BC| = 8$  br olduğuna göre, kesik silindirin hacmi kaç  $\pi br^3$  tür?

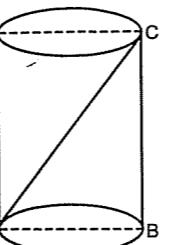
- A) 160    B) 184    C) 194    D) 224    E) 240



12. Kenar uzunlukları  $a = 8$  br ve  $b = 6$  br olan ABCD dikdörtgeni veriliyor. Bu dikdörtgenin uzun kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülüğünde oluşan cismin hacmi  $V_1$ , kısa kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülüğünde oluşan cismin hacmi  $V_2$  olduğuna göre,  $\frac{V_1}{V_2}$  oranı kaçtır?

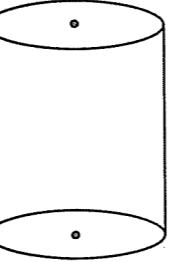
- A)  $\frac{3}{4}$     B)  $\frac{4}{9}$     C)  $\frac{1}{2}$     D)  $\frac{9}{4}$     E)  $\frac{4}{3}$

13. Şekildeki silindirin alanı  $90\pi br^2$  ve  $|BC| = 2|AB|$  olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $br^3$  tür?



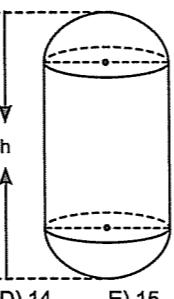
- A)  $90\pi$     B)  $108\pi$     C)  $144\pi$     D)  $160\pi$     E)  $172\pi$

14. Şekildeki silindirin, taban merkezinden geçen dikey kesiti, bir karedir. Hacmi  $54\pi br^3$  olan bu silindirin yanal alanı kaç  $br^2$  dir?



- A)  $36\pi$     B)  $38\pi$     C)  $48\pi$     D)  $50\pi$     E)  $52\pi$

15. Şekildeki silindirin alt ve üst kapakları birer yarımküredir. Cismin tüm hacmi  $99\pi br^3$  ve silindirin taban yarıçapı 3 br olduğuna göre, cismin yüksekliği h kaç br dir?



- A) 7    B) 9    C) 13    D) 14    E) 15

16. Silindir şeklindeki bir pasta 4 bıçak darbesiyle en fazla kaç parçaya ayrılabilir?

- A) 8    B) 9    C) 10    D) 12    E) 14

# UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

## Silindir

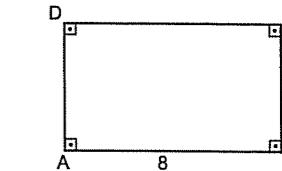
TEST

21

1. Bir dik silindirin, taban alanı  $4\pi br^2$ , yanal alanı  $16\pi br^2$  dir.

Bu silindirin hacmi kaç  $\pi br^3$  tür?

- A) 24    B) 18    C) 16    D) 12    E) 8



5. ABCD dikdörtgen

$|AB| = 8$  br

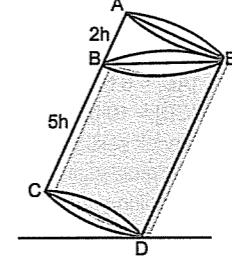
$|BC| = 4$  br

ABCD dikdörtgeni

$[AB]$  etrafında  $180^\circ$

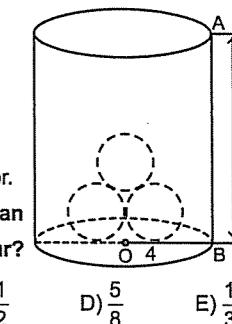
döndürülüyor. Oluşan cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A)  $48\pi$     B)  $56\pi$     C)  $64\pi$     D)  $72\pi$     E)  $128\pi$



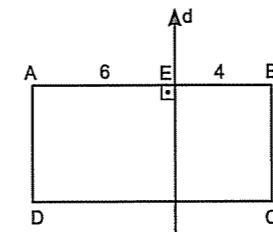
2. Silindir şeklindeki bardak dik konuma getirilirse suyun yüksekliği kaç h olur?

- A) 4    B)  $\frac{9}{2}$     C) 5    D) 6    E)  $\frac{13}{2}$



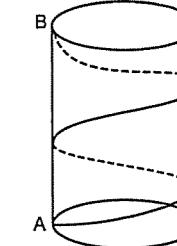
6. Taban yarıçapı 4 br, yüksekliği 8 br olan dik silindirin içi tamamen su doludur. Silindirin içine yarıçapları 2 br olan küre şeklinde üç tane bilye atılıyor. Taşan suyun hacminin kalan suyun hacmine oranı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{4}$     B)  $\frac{3}{8}$     C)  $\frac{1}{2}$     D)  $\frac{5}{8}$     E)  $\frac{1}{3}$



3. Şekildeki ABCD dikdörtgeni d doğrusu etrafında  $180^\circ$  döndürülürse, oluşan cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A)  $130\pi$     B)  $125\pi$     C)  $120\pi$     D)  $112\pi$     E)  $90\pi$



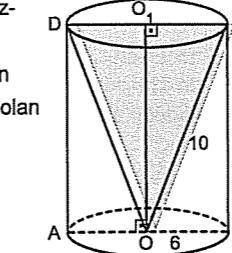
4. Yandaki şekilde, taban merkezleri O ve  $O_1$  olan içi dolu dik silindirin içerisinde, taban merkezi  $O_1$ , tepe noktası O olan yarımkoni çıkarıyor.

$|OB| = 6$  br

$|OC| = 10$  br

olduğuına göre,

kalan cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?



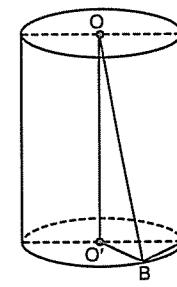
- A)  $100\pi$     B)  $150\pi$     C)  $172\pi$

D)

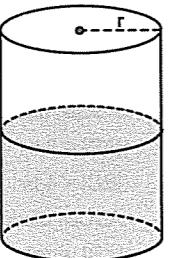
$192\pi$     E)  $216\pi$

8. Şekildeki taban merkezleri O ve  $O'$  olan dik silindirde  $m(O'OB) = 30^\circ$ ,  $m(BO'A') = 60^\circ$ ,  $|A'B| = 2\sqrt{3}$  br olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\pi br^3$  tür?

- A) 96    B) 90    C) 84    D) 72    E) 66

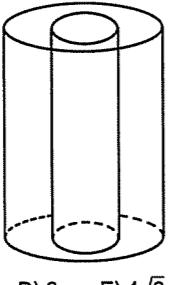


9. Şekildeki silindirin yüksekliği 10 br ve yarısına kadar su ile doludur. Suyun hacmi  $40\pi$   $\text{br}^3$  olduğuna göre, silindirin yarıçapı  $r$  kaç br dir?



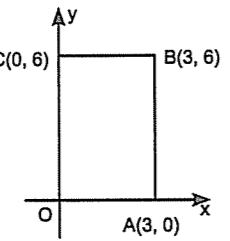
- A) 2      B)  $\sqrt{6}$       C)  $2\sqrt{2}$       D)  $2\sqrt{3}$       E) 4

10. Şekilde verilen silindirlerin hacimlerinin oranı  $\frac{1}{4}$  tür. Küçük silindirin yarıçapı  $4\sqrt{2}$  br olduğuna göre, büyük silindirin yarıçapı kaç br dir?



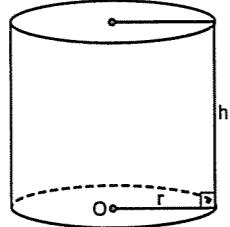
- A)  $16\sqrt{2}$       B)  $12\sqrt{2}$       C)  $8\sqrt{2}$       D) 8      E)  $4\sqrt{2}$

11. Şekildeki dikdörtgen levhanın Oy eksenine etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



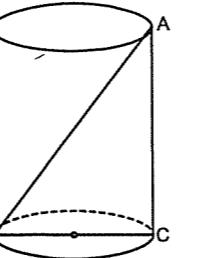
- A)  $48\pi$       B)  $54\pi$       C)  $60\pi$       D)  $64\pi$       E)  $72\pi$

12. Şekildeki silindirde  $\frac{r}{h} = \frac{3}{4}$  dır. Hacmi  $108\pi$   $\text{br}^3$  olan silindirin yüksekliği kaç br dir? ( $\pi = 3$  alınız)



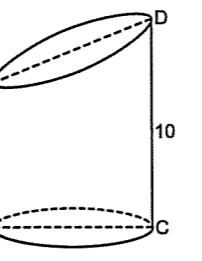
- A) 4      B) 8      C) 12      D) 16      E) 20

13. Yandaki silindirin yanal alanı  $192\pi$   $\text{br}^2$  yüksekliği 16 br olduğuna göre,  $A(\text{ABC})$  kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A) 102      B) 96      C) 92      D) 84      E) 72

14. Bir dik silindir,  $|AB| = 6$  br  $|CD| = 10$  br olacak şekilde bir düzleme kesiyor. Silindirin yarıçapı 2 br olduğuna göre, kesik silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

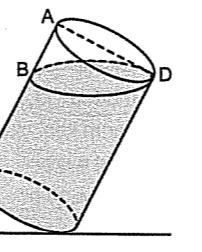


- A)  $40\pi$       B)  $36\pi$       C)  $34\pi$       D)  $32\pi$       E)  $30\pi$

15. Taban çapı 12 br olan dik silindir içindeki sıvı, taban yarıçapı 4 br olan dik silindire boşaltılıyor. Buna göre, kaplardaki sıvıların yükseklikleri oranı kaçtır?

- A)  $\frac{25}{16}$       B)  $\frac{16}{9}$       C)  $\frac{9}{4}$       D)  $\frac{4}{5}$       E)  $\frac{5}{4}$

16.  $120\pi$   $\text{br}^3$  su ile tamamen dolu olan silindir biçimindeki bir kap şekilde görüldüğü gibi eğildiğinde içindeki suyun bir kısmı dökülmüştür. Kapta  $100\pi$   $\text{br}^3$  su kaldığına göre,  $\frac{|AC|}{|AB|}$  oranı kaçtır?



- A) 1      B) 2      C) 3      D)  $\frac{7}{2}$       E) 4

## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER Silindir

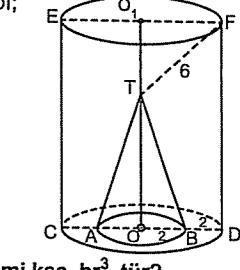
TEST

22

1. Yanal alanının üç katı, hacmine eşit olan silindirin taban alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?

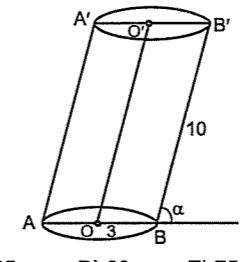
- A) 36      B) 40      C) 48      D) 54      E) 60

5. Yandaki şekilde taban yarıçapı;  $|OD| = 4$  br olan silindirin tabanına taban yarıçapı;  $|OB| = 2$  br ve tepe noktası T olan koni yerleştiriliyor.  $|FT| = 6$  br Koninin hacmi  $8\sqrt{5}\pi \text{ br}^3$  olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



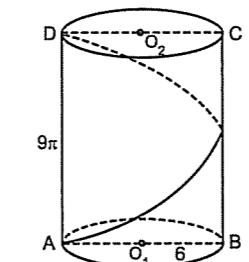
- A)  $80\sqrt{5}\pi$       B)  $100\sqrt{5}\pi$       C)  $120\sqrt{5}\pi$   
D)  $128\sqrt{5}\pi$       E)  $160\sqrt{5}\pi$

2. Taban yarıçapı 3 br yanal uzunluğu 10 br olan eğik silindirin hacmi  $45\pi \text{ br}^3$  tür. Eğik silindirin taban düzlemi ile yapmış olduğu açı kaç derecedir?



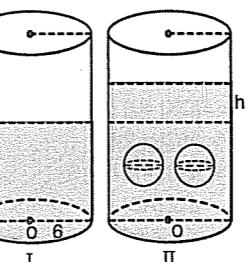
- A) 15      B) 30      C) 45      D) 60      E) 75

3. Şekildeki kapalı silindirde silindirin tabanındaki A noktasında bulunan bir karınca silindir etrafında birkez dolaşarak silindirin tepesindeki D noktasına ulaşıyor.  $|O_1B| = 6$  br  $|DA| = 9\pi$  br olduğuna göre, karıncaın gittiği yol en az kaç br dir?



- A)  $10\pi$       B)  $12\pi$       C)  $15\pi$       D)  $18\pi$       E)  $20\pi$

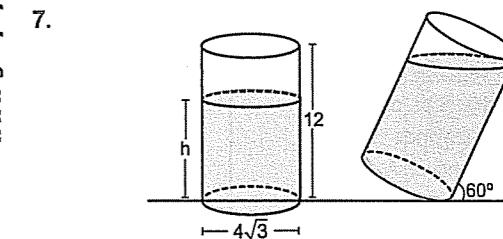
4. Taban yarıçapı 6 br olan şekil - I deki silindirin içinde bir miktar su vardır. Şekil - II de görüldüğü gibi silindirin içerişine yarıçapı 2 br olan küre şeklindeki bilyelerden iki tane atılıyor ve suyun yüksekliği h kadar artıyor. Yukarıdaki verilenlere göre, h kaç br dir?



- A)  $\frac{16}{27}$       B)  $\frac{5}{9}$       C)  $\frac{14}{27}$       D)  $\frac{4}{9}$       E)  $\frac{10}{27}$

6. Çapı 12 br olan içi dolu küre eritilerek silindir yapılmıyor. Silindirin yüksekliği 4 br olduğuna göre, taban dairesinin yarıçapı kaç br dir?

- A) 4      B) 5      C) 6      D)  $4\sqrt{2}$       E)  $6\sqrt{2}$

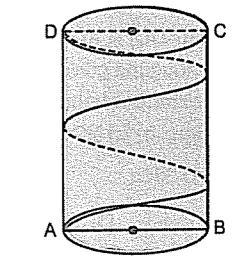


- Çapı  $4\sqrt{3}$  br ve yüksekliği 12 br olan bir silindir şekildeki kap h yüksekliğine kadar su ile doludur. Kap yatayla  $60^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğiliyor ve su yüzeyi kabın ağızına geliyor.

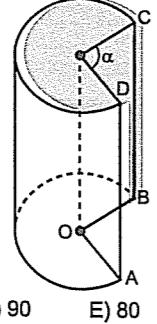
Buna göre, h kaç br dir?

- A) 11      B) 10      C) 9      D) 8      E) 7

8. Şekildeki dik silindirin taban yarıçapı 6 br, yüksekliği  $10\pi$  br dir. Buna göre, A noktasından D noktasına silindirin etrafında iki kez dolanan ipin uzunluğu en az kaç br olmalıdır?



- A)  $20\pi$       B)  $24\pi$       C)  $26\pi$       D)  $28\pi$       E)  $30\pi$

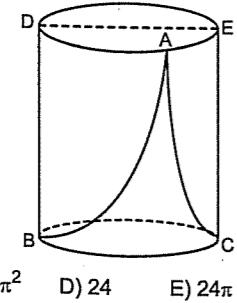


9. Şekildeki dik silindirden taban merkez açısı  $\alpha$  olan bir parça çıkarılmıştır. Kalan kısmın hacmi  $48\pi \text{ br}^3$ , taban yarıçapı 3 br ve silindirin yüksekliği 8 br olduğuna göre,  $\alpha$  kaç derecedir?

A) 150    B) 120    C) 100    D) 90    E) 80

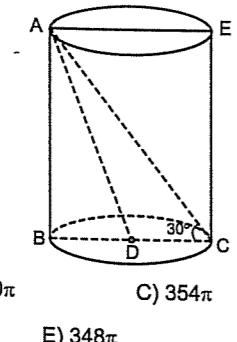
10. Şekilde BCDE dikdörtgen, ABF dik üçgen,  $|AB| = |BC| = 3$  br,  $|EF| = |FB| = 4$  br. Yandaki şekil, [EB] ekseni etrafında  $180^\circ$  döndürülüğünde oluşan cisimnin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  olur?

A) 36    B) 42    C) 48    D) 64    E) 84



11. Taban yarıçapı 4 br, yüksekliği 6 br olan silindir yüzeyinde BAC bölgesi veriliyor. A ile B arasındaki en kısa yol AB ve A ile C arasındaki en kısa yol AC olduğuna göre,  $A(ABC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 12    B)  $12\pi$     C)  $12\pi^2$     D) 24    E)  $24\pi$



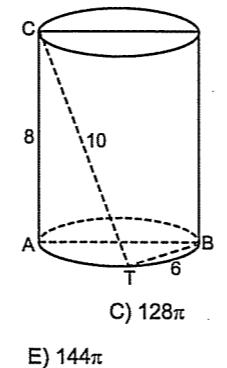
12. [BC] çaplı D merkezli daire, dik silindirin tabanıdır.  $m(\widehat{ACB}) = 30^\circ$ .  $A(ADC) = 16\sqrt{3}$   $\text{br}^2$  olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $384\pi$     B)  $360\pi$     C)  $354\pi$   
D)  $352\pi$     E)  $348\pi$

13. ABCD dikdörtgen  $|CD| = 6$  br,  $|AD| = 2$  br olan dikdörtgen d doğrusu etrafında  $30^\circ$  döndürülüyor. Buna göre, oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $4\pi$     B)  $6\pi$     C)  $8\pi$     D)  $10\pi$     E)  $12\pi$

14. [AB]; dik silindirin çapıdır.  $|AC| = 8$  br,  $|CT| = 10$  br,  $|BT| = 6$  br olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A)  $120\pi$     B)  $124\pi$     C)  $128\pi$   
D)  $136\pi$     E)  $144\pi$

15. ABCD dikdörtgen  $|DC| = 6$  br,  $|AD| = 3$  br olan dikdörtgen d doğrusu etrafında  $60^\circ$  döndürülüyor. Buna göre, oluşan cismin yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $18\pi + 24$     B)  $18\pi + 36$     C)  $18\pi + 54$   
D)  $24\pi + 36$     E)  $12\pi + 36$

16. ABCD dikdörtgen  $|DK| = 6$  br,  $|KC| = 2$  br,  $|BC| = 3$  br,  $d \perp [AB]$  dikdörtgen d doğrusu etrafında  $60^\circ$  döndürülüyor. Buna göre, oluşan geometrik cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $24\pi$     B)  $22\pi$     C)  $20\pi$     D)  $18\pi$     E)  $16\pi$

## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER (SİLİNDİR)

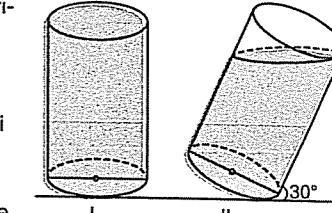
TEST

23

1. Bir dik silindirin yanal alanı  $192\pi \text{ br}^2$ , yüksekliği 12 br olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $768\pi$     B)  $720\pi$     C)  $690\pi$     D)  $640\pi$     E)  $552\pi$

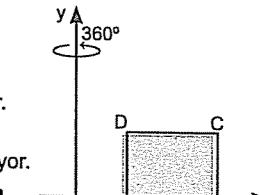
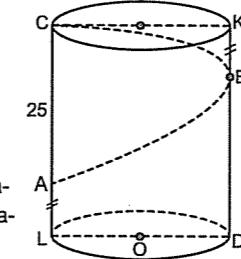
5. I. şekilde taban yarıçapı 6 br olan dik silindir biçimindeki kap su ile doludur. Bu kap II. şekildeki gibi tabanı, taban düzlemi ile  $30^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğilirse, kaç  $\pi \text{ br}^3$  su dökülür?



A)  $108\sqrt{3}$     B)  $124\sqrt{3}$     C)  $172\sqrt{3}$   
D)  $196\sqrt{3}$     E)  $216\sqrt{3}$

2. Şekildeki dik silindirin taban yarıçapı 8 br ve yüksekliği 32 br dir.  $|AL| = |KB|$ ,  $|AC| = 25$  br. A noktasından yola çıkan bir karınca B noktasına uğrayarak ve silindir yüzeyini dolanarak C noktasına ulaşıyor. Buna göre, karıncaın alabileceğini en kısa yol kaç br dir? ( $\pi = 3$  alınır.)

A) 40    B) 45    C) 48    D) 50    E) 55

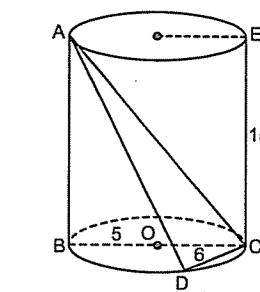
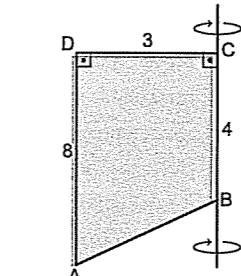


6. Dik koordinat sisteminde A(4, 0), B(10, 0), C(10, 3) noktaları veriliyor. ABCD dikdörtgeni Oy etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Buna göre, oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $236\pi$     B)  $240\pi$     C)  $244\pi$   
D)  $252\pi$     E)  $264\pi$

3. Şekilde  $|AD| = 8$  br,  $|DC| = 3$  br,  $|BC| = 4$  br ABCD dik yamuğu  $[BC]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Buna göre, oluşan cismin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 54    B) 56    C) 60    D) 64    E) 68

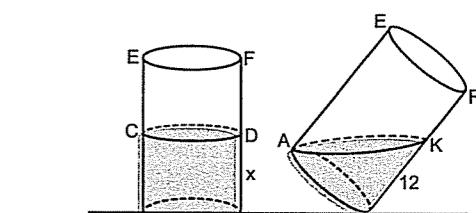
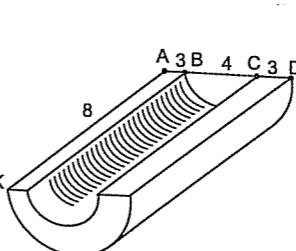


7. Şekildeki dik silindirde  $|EC| = 15$  br,  $|CD| = 6$  br,  $|BO| = 5$  br olduğuna göre,  $A(ADC)$  kaç  $\text{br}^2$  dir?

A) 51    B) 58    C) 65    D) 85    E) 102

4. Şekilde tabanı yarımdaire biçiminde ve çapı 10 br olan yarımsilindirden çapı 4 br olan yarımsilindir çıkarılıyor.  $|AK| = 8$  br olduğuna göre, kalan cismin toplam yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $66\pi + 48$     B)  $72\pi + 48$     C)  $77\pi + 48$   
D)  $84\pi + 48$     E)  $90\pi + 48$



- I. Şekildeki dik silindirin içinde bir miktar sıvı vardır. Bu silindir eğilerek II. konuma getirildiğinde su yüzeyi A ve K noktalarından geçmektedir.

$|BK| = 12$  br olduğuna göre,  $|BD|$  yüksekliği kaç br dir?

A) 3    B) 4    C) 5    D) 6    E) 7

9. Taban çapı 8 br, yüksekliği 8 br olan bir dik silindirin içine yerleştirilecek en büyük hacimli dik kare prizmanın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 280    B) 256    C) 248    D) 224    E) 216

10. Şekilde bir dik silindirin bir dilimi verilmiştir.

$$m(\widehat{EDF}) = 30^\circ$$

$$|DE| = |DF| = 6 \text{ br}$$

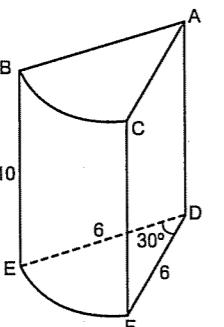
$$|BE| = 10 \text{ br}$$

olduğuna göre,

**silindir diliminin**

**hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?**

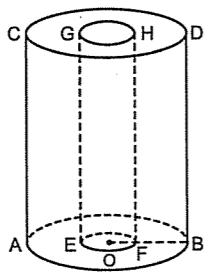
A) 20    B) 24    C) 28    D) 30    E) 36



11. Şekilde taban merkezleri çakışık iki silindirden dış takının yarıçapı içtekinin yarıçapının 5 katıdır.

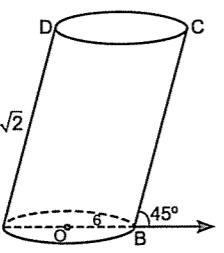
Aradaki boşluk su ile doldurulursa suyun hacminin küçük silindirin hacmine oranı kaçtır?

A) 15    B) 24    C) 25    D) 35    E) 36



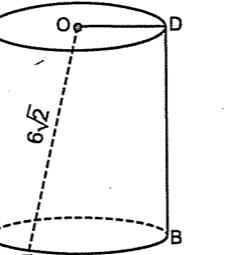
12. Taban yarıçapı 6 br, ana doğrusunun uzunluğu  $8\sqrt{2}$  br olan eğik silindirin ana doğrusu taban düzlemeyle  $45^\circ$  lik açı yaptığına göre bu silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 244    B) 256    C) 260    D) 272    E) 288



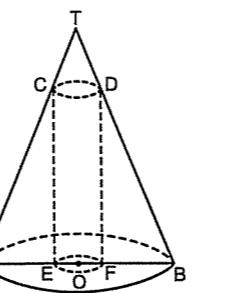
13. Şekildeki [OD] yarıçaplı dik silindirin bir tabanının alanı, yanal alanının yarısına eşittir.  
 $|OE| = 6\sqrt{2}$  br  
 olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 144    B) 180    C) 196    D) 216    E) 224



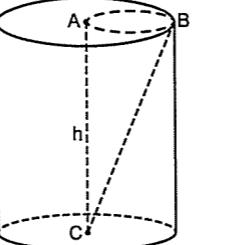
14. Taban merkezleri aynı olan dik silindir ile dik koninin yükseklikleri oranı  $\frac{3}{4}$  tür. Buna göre, dik silindir ile dik koninin hacimleri oranı kaçtır?

A)  $\frac{3}{32}$     B)  $\frac{7}{64}$     C)  $\frac{1}{8}$     D)  $\frac{9}{64}$     E)  $\frac{5}{32}$



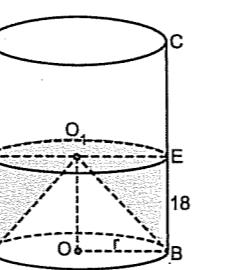
15. Alt ve üst tabanlarının merkezi A ve C olan silindirden şekildeki gibi [AB] çaplı koni çıkarılıyor. Koninin hacmi  $8 \text{ br}^3$  olduğuna göre, kalan kısmın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 90    B) 88    C) 86    D) 84    E) 82



16. Yarıçapı r olan dik silindir içinde bir miktar su vardır. Dik koni silindirin tabanına degecek şekilde yerleştirilince suyun yüksekliği 18 br olduğuna göre, suyun başlangıçtaki yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

A) 8    B) 10    C) 12    D) 14    E) 15



### ÖĞRETNİ SORU - 72

- Yarıçapı 4 br, ana doğrusunun uzunluğu 6 br olan dik dairesel koninin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

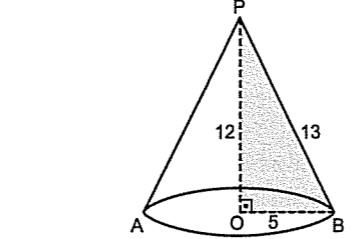
Çözüm:

$$\begin{aligned}\text{Yanal Alan} &= Ay = \pi \cdot r \cdot l \\ &= \pi \cdot 4 \cdot 6 \\ &= 24\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

### ÖĞRETNİ SORU - 73

- Yarıçapı 5 br, yüksekliği 12 br olan dik dairesel koninin tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

Çözüm:



Şekilde görüldüğü gibi POB dik üçgeninde  $|PB| = 13$  br dir.

O halde,

$$r = 5 \text{ br} \text{ ve } l = 13 \text{ br} \text{ ise}$$

Tüm Alan = Yanal alan + Taban alan

$$\begin{aligned}&= \pi \cdot r \cdot l + \pi \cdot r^2 \\ &= \pi \cdot 5 \cdot 13 + \pi \cdot 5^2 \\ &= 90\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

### ÖĞRETNİ MİNİ TEST

www.guryayintari.com

TEST 61

1. Yarıçapı 6 br, ana doğrusunun uzunluğu 8 br olan dik dairesel koninin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $64\pi$     B)  $56\pi$     C)  $48\pi$     D)  $40\pi$     E)  $32\pi$

2. Yarıçapı 8 br, yüksekliği 15 br olan dik dairesel koninin tüm alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $200\pi$     B)  $192\pi$     C)  $180\pi$   
 D)  $172\pi$     E)  $160\pi$

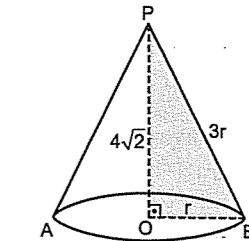
3. Ana doğrusunun uzunluğu, çapa eşit olan dik dairesel koninin yanal alanı  $72\pi \text{ br}^2$  olan koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $84\sqrt{3}\pi$     B)  $78\sqrt{3}\pi$     C)  $72\sqrt{3}\pi$   
 D)  $66\sqrt{3}\pi$     E)  $60\sqrt{3}\pi$

### ÖĞRETNİ SORU - 74

- Yanal alanı taban alanının 3 katı olan dik koninin yüksekliği  $4\sqrt{2}$  br ise ana doğrusunun uzunluğu kaç br dir?

Çözüm:



$$\pi \cdot r \cdot l = 3 \cdot \pi \cdot r^2 \text{ ise } l = 3r \text{ olur.}$$

POB dik üçgeninde

$$|PB|^2 = |PO|^2 + |OB|^2 \Rightarrow (3r)^2 = (4\sqrt{2})^2 + r^2 \Rightarrow r = 2 \text{ olur.}$$

O halde,  $l = 3r \Rightarrow l = 3 \cdot 2 = 6 \text{ br}$  bulunur.

### ÖĞRETNİ MİNİ TEST

TEST 62

1. Yanal alanı taban alanının 4 katı olan dik koninin yüksekliği  $2\sqrt{15}$  br ise ana doğrusunun uzunluğu kaç br dir?

A) 4    B) 6    C) 8    D) 10    E) 12

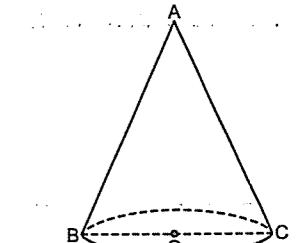
2. Taban alanı  $64\pi \text{ br}^2$ , yanal alanı  $80\pi \text{ br}^2$  olan dik koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 128    B) 124    C) 120    D) 112    E) 108

3. Ana doğrusu, yüksekliğinin 2 katı olan dik koninin hacmi  $27\pi \text{ br}^3$  ise bu koninin yarıçapı kaç  $\text{br}$  dir?

A) 3    B)  $2\sqrt{3}$     C)  $3\sqrt{2}$     D)  $3\sqrt{3}$     E) 6

4. Yandaki dik konide ABC eşkenar üçgen olup alanı  $9\sqrt{3} \text{ br}^2$  olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A)  $6\sqrt{3}\pi$     B)  $12\sqrt{3}\pi$     C)  $9\sqrt{3}\pi$   
 D)  $18\sqrt{3}\pi$     E)  $12\sqrt{3}\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 75**

**ABC** dik üçgeni  
[AB] etrafında  
360° döndürülüyor.  
Oluşan cismin  
alanı kaç  $br^2$  ve  
hacmi kaç  $br^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

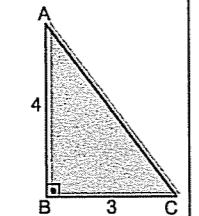
ABC üçgenini döndürme  
sonucunda yandaki  
koni oluşur.  
 $r = 3$  br  
 $\ell = 5$  br  
 $h = 4$  br

$$\text{olduğundan,}$$

$$A = \pi \cdot r^2 + \pi \cdot r \cdot \ell \Rightarrow A = \pi \cdot 3^2 + \pi \cdot 3 \cdot 5$$

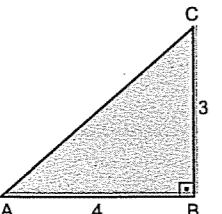
$$\Rightarrow A = 24\pi \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

$$V = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{3} \Rightarrow V = \frac{\pi \cdot 3^2 \cdot 4}{3} = 12\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST****TEST 63**

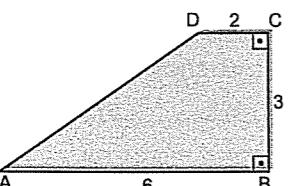
1. ABC üçgeninin [AB]  
etrafında 360° döndürülmesi  
ile oluşan cismin hacmi  $V_1$ ,  
[BC] etrafında 360° döndürül-  
mesi ile oluşan cismin hacmi  
 $V_2$  ise  $\frac{V_1}{V_2}$  kaçtır?

- A)  $\frac{2}{3}$     B)  $\frac{3}{4}$     C)  $\frac{4}{5}$     D)  $\frac{4}{3}$     E)  $\frac{3}{2}$



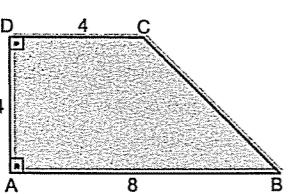
2. ABCD dik yamuğu  
[AB] etrafında 360°  
döndürülüyor. Oluşan  
cismin hacmi kaç  
 $br^3$  tür?

- A)  $18\pi$     B)  $24\pi$     C)  $28\pi$     D)  $30\pi$     E)  $36\pi$



3. ABCD dik yamuğu  
[AD] etrafında 360°  
döndürülüyor.  
Oluşan cismin hacmi  
kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

- A) 150    B)  $\frac{448}{3}$     C) 148    D)  $\frac{440}{3}$     E) 145

**ÖĞRETNİ SORU – 76**

**ABC** eşkenar üçgeni  
[BC] kenarı etrafında  
360° döndürülürse  
oluşan cismin hacmi  
kaç  $br^3$  tür?

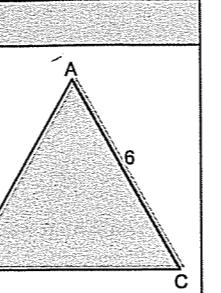
**ÇÖZÜM:**

ABC üçgeni [BC]  
kenarı etrafında dön-  
dürüldüğünde yanda oluşan  
(B, AA') ve  
(C, AA') eş konileri oluşur.  
 $|BO| = |OC| = h = 3$  br

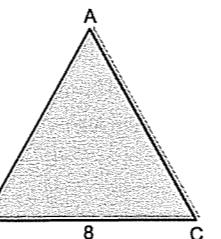
$$|AO| = |OA'| = r = 3\sqrt{3} \text{ br}$$

$$V = 2 \cdot \frac{\pi r^2 \cdot h}{3} \Rightarrow V = \frac{2 \cdot \pi (3\sqrt{3})^2 \cdot 3}{3}$$

$$\Rightarrow V = 54\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

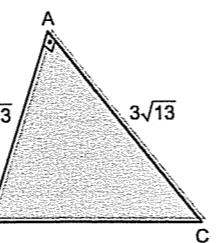
**ÖĞRETNİ MİNİ TEST****TEST 64**

1. ABC eşkenar üçgeni  
[BC] kenarı etrafında  
360° döndürülürse  
oluşan cismin hacmi  
kaç  $br^3$  tür?



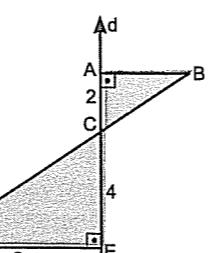
- A)  $96\pi$     B)  $102\pi$     C)  $116\pi$     D)  $124\pi$     E)  $128\pi$

2. ABC üçgeni  
[BC] etrafında  
360° döndürülürse  
oluşan cismin hacmi  
kaç  $br^3$  tür?



- A)  $148\pi$     B)  $156\pi$     C)  $160\pi$     D)  $164\pi$     E)  $168\pi$

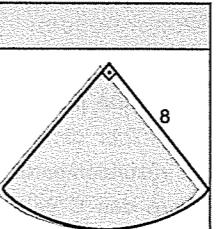
3. Şekildeki dik üçgen  
levhalar d doğrusu  
etrafında 360° dön-  
dürülrse oluşan cis-  
min hacmi kaç  $br^3$   
tür?



- A)  $54\pi$     B)  $52\pi$     C)  $50\pi$     D)  $48\pi$     E)  $46\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 77**

Yarıçapı 8 br ve merkez  
açısının ölçüsü  $90^\circ$  olan  
daire dilimi kıvrılarak bir  
dik koni elde ediliyor. Koninin  
taban yarıçapı kaç br dir?

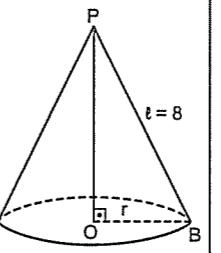
**ÇÖZÜM:**

$$2\pi \theta = 360^\circ$$

$$2\pi r = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{r}{8} = \frac{90^\circ}{360^\circ}$$

$$\Rightarrow \frac{r}{8} = \frac{1}{4} \Rightarrow r = 2 \text{ br bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 78**

Ana doğrusu taban yarıçapının 3 katına eşit olan dik  
konı açılırsa yan yüzeyinin oluşturduğu daire diliminin  
merkez açısı kaç derece olur?

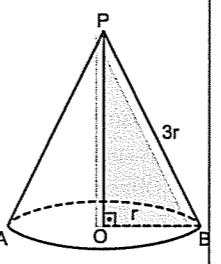
**ÇÖZÜM:**

Verilen koni şekildeki gibidir.

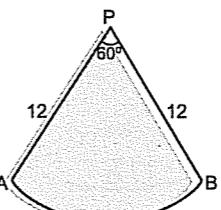
$$\frac{r}{\ell} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{r}{3r} = \frac{\alpha}{360^\circ}$$

$$\Rightarrow \alpha = 120^\circ$$

bulunur.

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST****TEST 65**

1. Yarıçapı 12 br ve  
merkez açısının ölçüsü  $60^\circ$   
olan daire dilimi kıvrılarak  
bir dik koni elde ediliyor.  
Koninin yüksekliği  
kaç br dir?



- A) 10    B)  $2\sqrt{30}$     C)  $2\sqrt{35}$     D) 12    E)  $4\sqrt{10}$

2. Ana doğrusu taban yarıçapının 4 katına eşit olan  
dik koni açılırsa yan yüzeyinin oluşturduğu daire di-  
liminin merkez açısının ölçüsü kaç derece olur?

- A) 60    B) 90    C) 120    D) 150    E) 180

**ÖĞRETNİ SORU – 79**

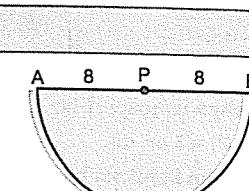
Şekildeki P merkezli  
yarım daire kıvrılarak  
koni oluşturuluyor.  
Koninin hacmi kaç  $br^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

$$\frac{r}{\ell} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{8}{8} = \frac{180^\circ}{360^\circ}$$

$$\Rightarrow r = 4 \text{ br olur.}$$

Daire dilimi kıvrıldıında  
yandaki koni oluşur.  
POB dik üçgeninde



$$|PB|^2 = |PO|^2 + |OB|^2 \Rightarrow 8^2 = h^2 + 4^2$$

$$\Rightarrow h = 4\sqrt{3} \text{ br olur.}$$

$$V = \frac{1}{3}\pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot 4^2 \cdot 4\sqrt{3}$$

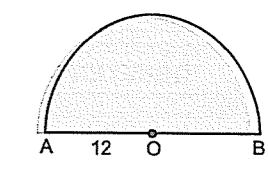
$$= \frac{64\sqrt{3}\pi}{3} \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST****TEST 66**

1. Şekildeki O merkezli  
yarım daire kıvrılarak  
koni oluşturuluyor.  
Koninin hacmi  
kaç  $br^3$  tür?

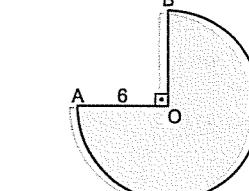
- A)  $72\sqrt{3}\pi$     B)  $66\sqrt{3}\pi$     C)  $60\sqrt{3}\pi$

- D)  $54\sqrt{3}\pi$     E)  $48\sqrt{3}\pi$



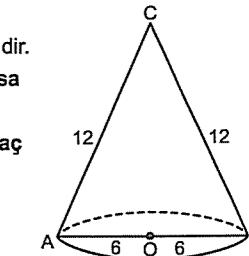
2. Şekildeki O merkezli  
daire dilimi kıvrılarak  
koni oluşturuluyor.  
Koninin taban yarıçapı  
kaç br dir?

- A) 3    B)  $\frac{7}{2}$     C) 4    D)  $\frac{9}{2}$     E) 5



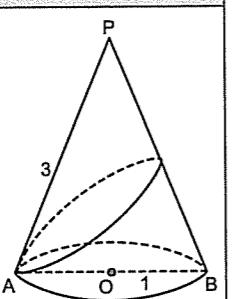
3. Şekildeki dik konide  
 $|AB| = |AC| = |BC| = 12$  br dir.  
Koninin yan yüzeyi açılırsa  
oluşan daire diliminin  
merkez açısının ölçüsü kaç  
derece olur?

- A) 60    B) 90    C) 120    D) 150    E) 180



**ÖĞRETNİ SORU – 80**

Şekildeki dik koninin taban yarıçapı 1 br,  $|AP| = 3$  br dir. A dan harekete başlayıp koni yüzeyi üzerinden bir kez dönerken A ya gelen bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

**ÇÖZÜM:**

Koni açılığında olacak daire diliminin merkez açısı  $\alpha$  olsun.

$$\frac{r}{l} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \alpha = 120^\circ \text{ olur.}$$

Şekilde görüldüğü

gibi en kısa yol

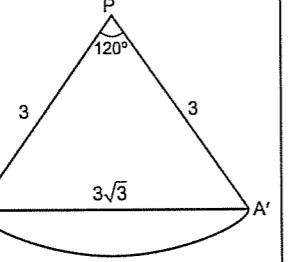
$|AA'|$  uzunluğudur.

APA' üçgeninde

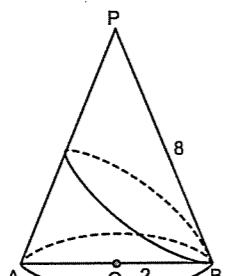
$|AP| = |PA'| = 3$  br,

$m(\widehat{APA'}) = 120^\circ$  ise

$|AA'| = 3\sqrt{3}$  br  
bulunur.

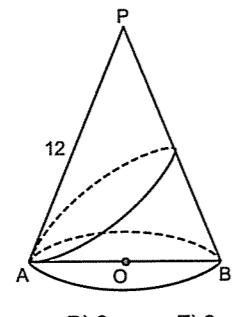
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 67**

1. Şekildeki dik koninin taban yarıçapı 2 br,  $|PB| = 8$  br dir. B den harekete başlayıp koni yüzeyi üzerinden bir kez dönerken B ye gelen bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?



- A)  $6\sqrt{2}$     B)  $3\sqrt{10}$     C) 10    D)  $8\sqrt{2}$     E) 12

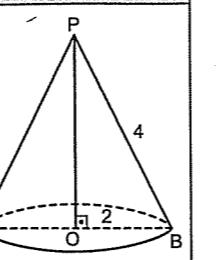
2. Şekildeki dik konide  $|AP| = 12$  br dir. A dan harekete başlayıp koni yüzeyi üzerinden bir kez dönerken A ya gelen bir hareketlinin alabileceği en kısa yol  $12\sqrt{2-\sqrt{2}}$  ise taban yarıçapı kaç br dir?



- A) 2    B) 3    C) 4    D) 6    E) 8

**ÖĞRETNİ SORU – 81**

Taban merkezi O olan dik konide  $|PB| = 4$  br,  $|OB| = 2$  br dir. Koninin ön yüzünden hareket ederek A dan B ye gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?

**ÇÖZÜM:**

Koni açılığında olacak daire diliminin merkez açısı  $\alpha$  olsun.

$$\frac{r}{l} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{2}{4} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \alpha = 180^\circ \text{ olur.}$$

Oluşan daire dilimi ise aşağıdaki gibi olur.

Bu açılımda

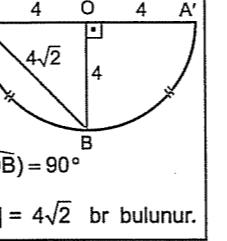
B noktası

AA' yayının

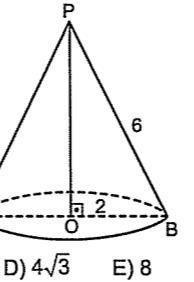
orta noktası olacaktır.

$m(\widehat{AB}) = m(\widehat{BA'}) = 90^\circ \Rightarrow m(\widehat{AOB}) = 90^\circ$

olup  $|AO| = |OB| = 2$  br  $\Rightarrow |AB| = 2\sqrt{2}$  br bulunur.

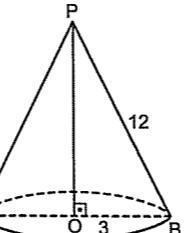
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 68**

1. Taban merkezi O olan dik konide  $|PB| = 6$  br,  $|OB| = 2$  br dir. Koninin ön yüzünden hareket ederek A dan B ye gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?



- A)  $2\sqrt{6}$     B)  $\sqrt{30}$     C) 6    D)  $4\sqrt{3}$     E) 8

2. Taban merkezi O olan dik konide  $|PB| = 12$  br,  $|OB| = 3$  br dir. Koninin ön yüzünden hareket ederek A dan B ye gidecek olan bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç br dir?



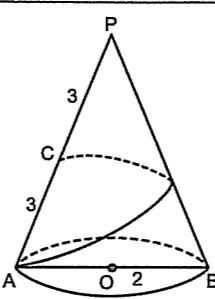
- A) 12    B)  $12\sqrt{2-\sqrt{2}}$     C)  $12\sqrt{2}$   
D)  $12\sqrt{2-\sqrt{3}}$     E) 20

**ÖĞRETNİ SORU – 82**

Taban merkezi O olan dik konide  $|OB| = 2$  br,  $|AC| = |PC| = 3$  br dir.

A dan harekete başlayan bir hareketli yüzeyden dolanarak C ye geliyor.

Hareketlinin aldığı en kısa yol kaç br dir?

**ÇÖZÜM:**

Koni açılığında oluşan daire diliminin merkez açısı  $\alpha$  olsun.

$$\frac{r}{l} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{\alpha}{360^\circ} \Rightarrow \alpha = 240^\circ \text{ olur.}$$



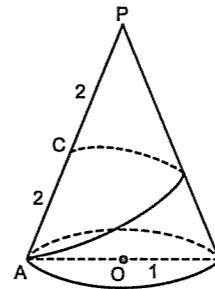
Şekildeki APC üçgeninde kosinüs teoremi uygulanırsa  $x^2 = 6^2 + 3^2 - 2 \cdot 6 \cdot 3 \cdot \cos 120^\circ$

$$x^2 = 36 + 9 + 36 \cdot \frac{1}{2}$$

$$x^2 = 63 \Rightarrow x = 3\sqrt{7} \text{ br bulunur.}$$

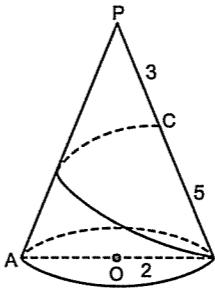
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 69**

1. Taban merkezi O olan dik konide  $|OB| = 1$  br,  $|AC| = |CP| = 2$  br dir. A dan harekete başlayan bir hareketli yüzeyden dolanarak C ye geliyor. Hareketlinin aldığı en kısa yol kaç br dir?



- A)  $3\sqrt{2}$     B)  $2\sqrt{5}$     C)  $2\sqrt{6}$     D)  $4\sqrt{2}$     E) 6

2. Taban merkezi O olan dik konide  $|OB| = 2$  br,  $|PC| = 3$  br,  $|CB| = 5$  br dir. B den harekete başlayan bir hareketli yüzeyden dolanarak C ye geliyor. Hareketlinin aldığı en kısa yol kaç br dir?



- A)  $2\sqrt{10}$     B)  $5\sqrt{2}$     C) 8    D)  $\sqrt{73}$     E)  $4\sqrt{5}$

**ÖĞRETNİ SORU – 83**

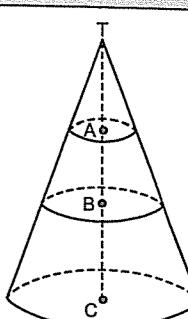
Şekildeki dik koni tabana paralel iki düzleme kesilmiştir.

|TA| = |AB| = |BC|

ve A, B, C noktaları

taban dairelerinin merkezleri

olduğuuna göre, en alttaki kesik koninin hacminin tüm koninin hacmine oranı nedir?

**ÇÖZÜM:**

Benzerlik oranının karesi alanlar oranını, Benzerlik oranının küpü hacimler oranını verecektir.

$$|AT| = |AB| = |BC| \quad , \quad \frac{|AT|}{|AB|} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{V_1}{V_1+V_2} = \left( \frac{|AT|}{|AB|} \right)^3 = \left( \frac{1}{2} \right)^3 = \frac{1}{8}$$

$$|TC| = 3 \cdot |TA| \quad , \quad \frac{|TA|}{|TC|} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{V_1}{V_1+V_2+V_3} = \left( \frac{|TA|}{|TC|} \right)^3 = \frac{1}{27}$$

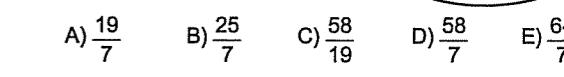
$$V_1 = k, V_2 = 7k, V_3 = 19k$$

Kesik koninin hacmi = 19k

Tüm koninin hacmi = 27k  $\Rightarrow$  oran  $\frac{19}{27}$  bulunur.

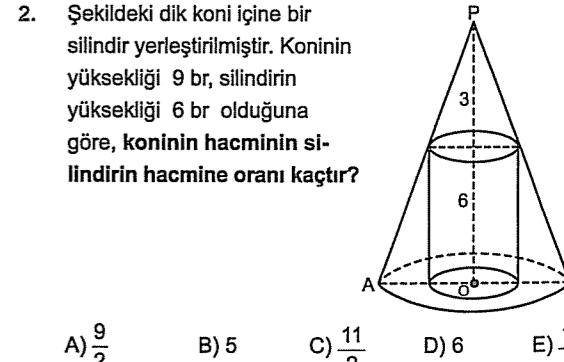
**ÖĞRETNİ MINİ TEST****TEST 70**

1. Şekildeki dik koni tabana paralel iki düzleme kesilmiştir.  $2|TA| = 2|AB| = |BC|$  ve A, B, C noktaları taban dairelerinin merkezleri olduğuuna göre, en alttaki kesik koninin hacminin, ortadaki kesik koninin hacmine oranı kaçtır?



- A)  $\frac{19}{7}$     B)  $\frac{25}{7}$     C)  $\frac{58}{19}$     D)  $\frac{58}{7}$     E)  $\frac{64}{7}$

2. Şekildeki dik koni içine bir silindir yerleştirilmiştir. Koninin yüksekliği 9 br, silindirin yüksekliği 6 br olduğunu göre, koninin hacminin silindirin hacmine oranı kaçtır?



- A)  $\frac{9}{2}$

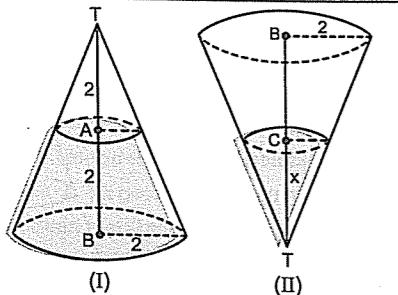
- B) 5

- C)  $\frac{11}{2}$

- D) 6

- E)  $\frac{13}{2}$

## ÖĞRETNİ SORU - 84



Şekildeki taban yarıçapı 2 br ve yüksekliği 4 br olan dik koni şekildeki kapalı bir kap, (I) konumunda tutulduğunda içindeki suyun yüksekliği 2 br olmaktadır. Bu koni (II) konumunda tutulunca içindeki suyun yüksekliği kaç br olur?

ÇÖZÜM:

$$|TA| = |AB|, \frac{|TA|}{|TB|} = \frac{2}{4} \Rightarrow \left(\frac{|TA|}{|TB|}\right)^3 = \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}$$

$$\text{I. konide } V_{\text{Boş}} = k, V_{\text{Su}} = 7k, V_{\text{Tüm}} = 8k$$

$$\text{II. konide } \frac{|TC|}{|TB|} = \frac{x}{4} \Rightarrow \left(\frac{|TC|}{|TB|}\right)^3 = \left(\frac{x}{4}\right)^3 = \frac{x^3}{64}$$

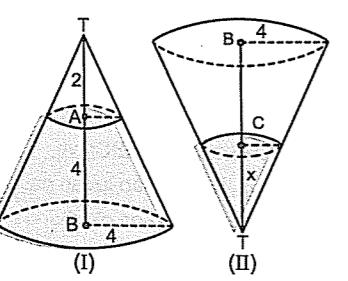
$$\frac{V_{\text{Su}}}{V_{\text{Tüm}}} = \frac{x^3}{64} = \frac{7k}{8k} \Rightarrow \frac{x^3}{64} = \frac{7}{8} \Rightarrow x^3 = 56$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[3]{56} \text{ br bulunur.}$$

## ÖĞRETNİ MINİ TEST

## TEST 71

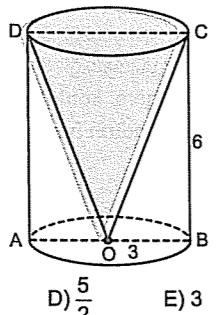
1. Şekildeki taban yarıçapı 4 br ve yüksekliği 6 br olan dik koni şekildeki kapalı bir kap, (I) konumunda tutulduğunda içindeki suyun yüksekliği 4 br olmaktadır.



Bu koni (II) konumunda tutulunca içindeki suyun yüksekliği kaç br dir?

- A)  $\sqrt[3]{196}$    B)  $\sqrt[3]{198}$    C)  $\sqrt[3]{200}$   
D)  $\sqrt[3]{204}$    E)  $\sqrt[3]{208}$

2. Şekildeki silindirin içindeki koninin içi tamamı su ile doludur. O noktasından bir delik açılırsa silindirin içindeki su seviyesi kaç br olur?



- A) 1   B)  $\frac{3}{2}$    C) 2   D)  $\frac{5}{2}$    E) 3

## ÖĞRETNİ SORU - 85

Yandaki kesik konide O ve A taban merkezidir.

$$|AC| = 3 \text{ br}$$

$$|OB| = 4 \text{ br}$$

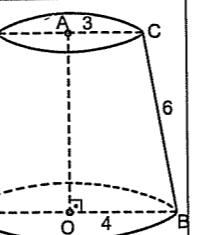
$$|BC| = 6 \text{ br}$$

olduğuna göre, kesik koninin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

ÇÖZÜM:

$$r_1 = 3, r_2 = 4 \text{ ve } t = 6 \text{ olduğundan}$$

$$A_y = \pi \cdot t \cdot (r_1 + r_2) = \pi \cdot 6 \cdot (3 + 4) = 42\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$



## ÖĞRETNİ SORU - 86

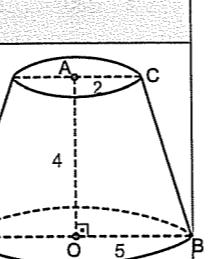
Yandaki kesik konide O ve A taban merkezleridir.

$$|AC| = 2 \text{ br}$$

$$|OA| = 4 \text{ br}$$

$$|OB| = 5 \text{ br}$$

olduğuna göre, kesik koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  dir?



ÇÖZÜM:

$$r = 2, R = 5 \text{ ve } h = 4 \text{ olduğundan}$$

$$V_k = \frac{\pi}{3} \cdot h \cdot (R^2 + R \cdot r + r^2)$$

$$= \frac{\pi}{3} \cdot 4 \cdot (5^2 + 5 \cdot 2 + 2^2)$$

$$= 52\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

## ÖĞRETNİ MINİ TEST

## TEST 72

1. Yandaki kesik konide O ve A taban merkezleridir.

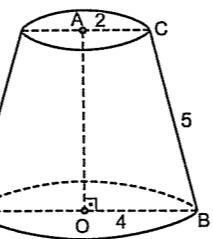
$$|AC| = 2 \text{ br}$$

$$|OB| = 4 \text{ br}$$

$$|BC| = 5 \text{ br}$$

olduğuna göre, kesik koninin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $20\pi$    B)  $24\pi$    C)  $25\pi$    D)  $28\pi$    E)  $30\pi$



2. Yandaki kesik konide O ve A taban merkezleridir.

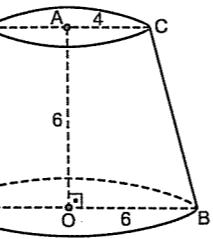
$$|AC| = 4 \text{ br}$$

$$|OB| = 6 \text{ br}$$

$$|AO| = 6 \text{ br}$$

olduğuna göre, kesik koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  dir?

- A)  $152\pi$    B)  $150\pi$    C)  $148\pi$    D)  $146\pi$    E)  $144\pi$

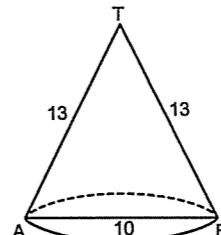


1. Şekildeki konide

$$|TA| = |TB| = 13 \text{ br}$$

$$|AB| = 10 \text{ br}$$

olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A)  $\frac{250\pi}{3}$

B)  $\frac{275\pi}{3}$

C)  $100\pi$

D)  $\frac{325\pi}{3}$

E)  $\frac{350\pi}{3}$

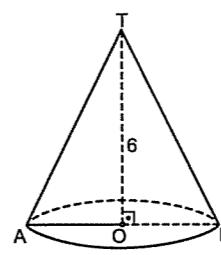
2. Yandaki dik koninin

$$\text{hacmi } 24\pi \text{ br}^3$$

$$|TO| = 6 \text{ br}$$

olduğuna göre, koninin tüm yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

( $\pi = 3$  alınır)



A) 108

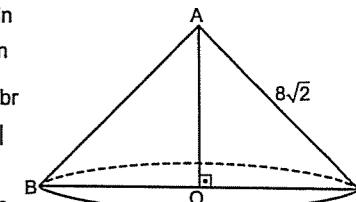
B) 102

C) 96

D) 92

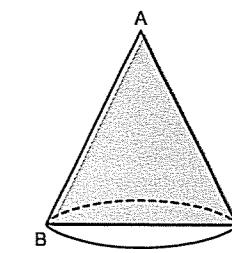
E) 90

5. Şekildeki koninin ana doğrusunun uzunluğu  $8\sqrt{2}$  br dir.  $|AO| = |OC|$  olduğuna göre, Bu koninin yan yüzünün alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?



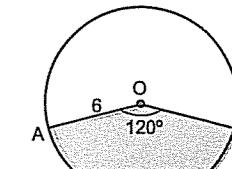
A)  $64\sqrt{2}$    B)  $60\sqrt{2}$    C)  $56\sqrt{2}$    D)  $50\sqrt{2}$    E)  $48\sqrt{2}$

6. Şekildeki koninin ABC kesiti kenar uzunluğu 12 br olan bir eşkenar üçgen olduğuna göre, hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  dir?



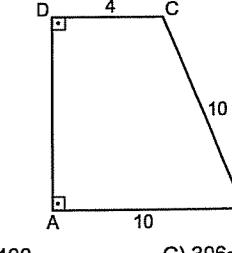
A)  $96\sqrt{3}$    B)  $90\sqrt{3}$    C)  $84\sqrt{3}$    D)  $78\sqrt{3}$    E)  $72\sqrt{3}$

7. Şekildeki dairenin taralı kısmı büküleerek bir koni oluşturuluyor. Oluşan bu koninin taban yarıçapı kaç br dir?



A) 1   B)  $\frac{3}{2}$    C) 2   D)  $\frac{5}{2}$    E) 4

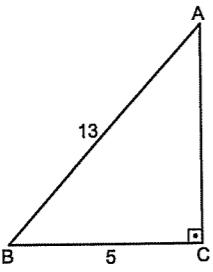
8. Şekildeki dik yamukta  $|AB| = |BC| = 10 \text{ br}$   $|DC| = 4 \text{ br}$  dir. Bu yamuk  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürüldüğünde oluşan cisim hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



A)  $412\pi$    B)  $400\pi$    C)  $396\pi$    D)  $384\pi$    E)  $372\pi$

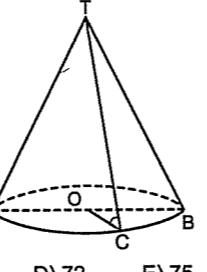
9. Şekildeki üçgenin  $[AC]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $100\pi$    B)  $96\pi$    C)  $90\pi$    D)  $88\pi$    E)  $80\pi$



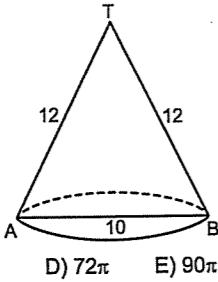
13. Şekildeki koninin taban alanının 2 katı yanal alanına eşittir. Buna göre,  $m(\angle OCB)$  kaç derecedir?

A) 30   B) 45   C) 60   D) 72   E) 75



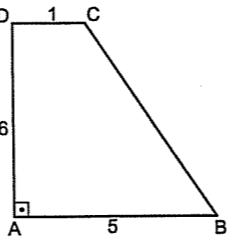
10. Şekildeki konide  $|TA| = |TB| = 12 \text{ br}$ ,  $|AB| = 10 \text{ br}$  olduğuna göre, koninin yan yüzünün alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $48\pi$    B)  $56\pi$    C)  $60\pi$    D)  $72\pi$    E)  $90\pi$



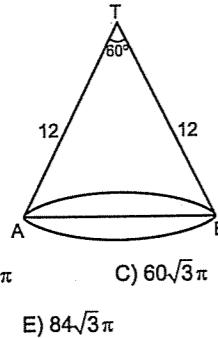
14. Şekildeki dik yamuk  $[AD]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?

A)  $48\pi$    B)  $54\pi$    C)  $60\pi$    D)  $62\pi$    E)  $66\pi$



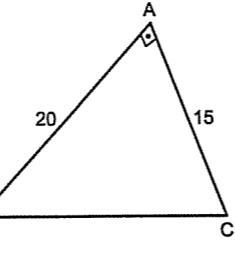
11. Şekildeki konide  $|TA| = |TB| = 12 \text{ br}$ ,  $m(\widehat{ATB}) = 60^\circ$  olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $48\sqrt{3}\pi$    B)  $56\sqrt{3}\pi$    C)  $60\sqrt{3}\pi$   
D)  $72\sqrt{3}\pi$    E)  $84\sqrt{3}\pi$



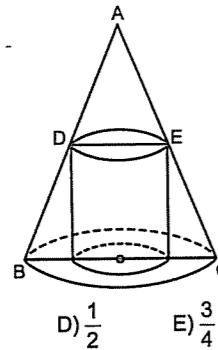
15. Şekilde  $|AB| = 20 \text{ br}$ ,  $|AC| = 15 \text{ br}$ ,  $m(\widehat{A}) = 90^\circ$  dir. Bu düzleme  $[BC]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülüğünde oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?

A)  $1500\pi$    B)  $1200\pi$    C)  $1000\pi$   
D)  $920\pi$    E)  $840\pi$



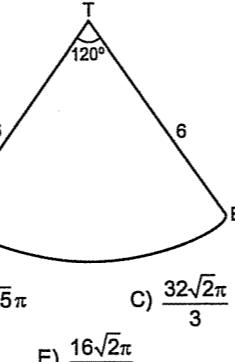
12. Şekildeki dik konide  $|AD| = |DB|$  olduğuna göre, silindirin hacminin koninin hacmine oranı nedir?

A)  $\frac{1}{8}$    B)  $\frac{1}{4}$    C)  $\frac{3}{8}$    D)  $\frac{1}{2}$    E)  $\frac{3}{4}$



16. Yandaki şekil bir koninin yan yüzüdür.  $m(\widehat{ATB}) = 120^\circ$ ,  $|TA| = 6 \text{ br}$  olduğuna göre, bu koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $16\sqrt{3}\pi$    B)  $16\sqrt{5}\pi$    C)  $\frac{32\sqrt{2}\pi}{3}$   
D)  $\frac{8\sqrt{2}\pi}{3}$    E)  $\frac{16\sqrt{2}\pi}{3}$



# UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

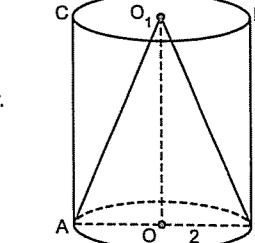
## Koni

TEST

25

1. Yanal alanı  $18\pi \text{ br}^2$  olan bir dik dairesel koninin taban yarıçapı 3 br ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $4\sqrt{3}\pi$    B)  $6\sqrt{3}\pi$    C)  $9\sqrt{3}\pi$   
D)  $12\sqrt{3}\pi$    E)  $15\sqrt{3}\pi$

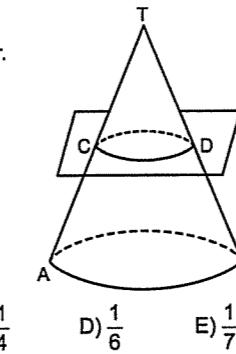


5. Yandaki şekilde taban daireleri ve yükseklikleri aynı olan dik silindirin içinden dik koni çıkarılıyor.  $|BD| = 6 \text{ br}$ ,  $|OB| = 2 \text{ br}$  olduğuna göre, kalın cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $18\pi$    B)  $16\pi$    C)  $14\pi$    D)  $12\pi$    E)  $10\pi$

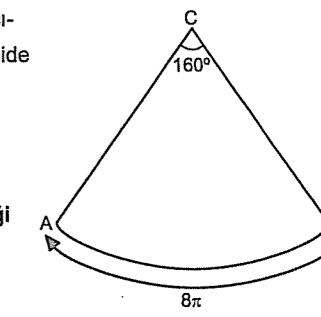
2. Şekildeki koni tabanına paralel bir düzlemlle kesiliyor.  $|TC| = |CA|$  olduğuna göre, küçük koni hacminin kesik koni hacmine oranı nedir?

A)  $\frac{1}{2}$    B)  $\frac{1}{3}$    C)  $\frac{1}{4}$    D)  $\frac{1}{6}$    E)  $\frac{1}{7}$



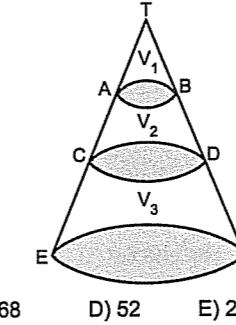
6. Yandaki şekilde açılımı verilen dik konide  $m(\widehat{ACB}) = 160^\circ$ ,  $|AB| = 8\pi \text{ br}$  olduğuna göre, koninin yüksekliği kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A)  $3\sqrt{5}$    B)  $2\sqrt{13}$    C)  $2\sqrt{15}$    D)  $\sqrt{65}$    E)  $\sqrt{73}$



3. Şekildeki konide tarali yüzler birbirine paraleldir.  $|TA| = |AC| = |CE|$ ,  $V_1 = 4\text{br}^3$  olduğuna göre,  $V_3$  kaç  $\text{br}^3$  tür?

A) 108   B) 76   C) 68   D) 52   E) 28

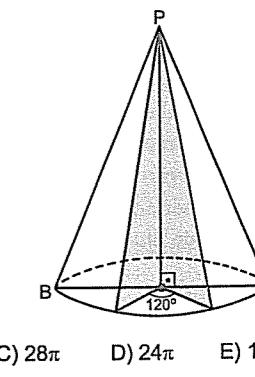
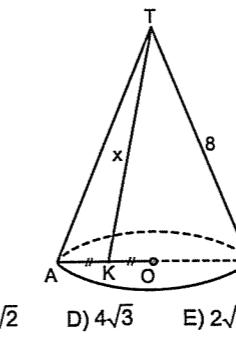


7.  $a > 0$ ,  $8x + ay = 8a$  doğrusunun, koordinat eksenleriyle sınırladığı bölgenin y eksenine etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi  $6\pi \text{ br}^3$  tür. Buna göre,  $a$  nin değeri kaçtır?

A)  $\frac{2}{3}$    B)  $\frac{3}{2}$    C) 2   D)  $\frac{5}{2}$    E) 3

4. Tepe noktası T taban merkezi O olan yandaki dik koninin yanal alanı  $32\pi \text{ br}^2$ ,  $|AK| = |KO|$ ,  $|TB| = 8 \text{ br}$  olduğuna göre,  $|TK| = x$  kaç  $\text{br}$  dir?

A) 8   B)  $2\sqrt{13}$    C)  $5\sqrt{2}$    D)  $4\sqrt{3}$    E)  $2\sqrt{10}$



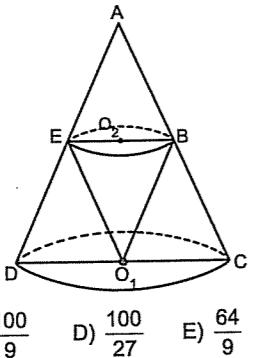
8. Yandaki dik koniden  $120^\circ$  lik dilimi çıkarılıyor. Taban yarıçapı 3 br, yükseklik 12 br ise kalın kısmın hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $48\pi$    B)  $36\pi$    C)  $28\pi$    D)  $24\pi$    E)  $18\pi$

9. Şekildeki dönel konilerde

$$3IBCI = 2IABI$$

olduğuna göre,

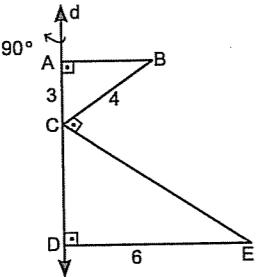
A tepevi koninin hacminin,  
O<sub>1</sub> tepevi koninin hacmine  
oranı nedir?

- A)  $\frac{125}{18}$    B)  $\frac{125}{36}$    C)  $\frac{100}{9}$    D)  $\frac{100}{27}$    E)  $\frac{64}{9}$

10. Yandaki şekilde,

$m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{BCE}) = m(\widehat{ADE}) = 90^\circ$   
 $|AC| = 3 \text{ br}$   
 $|BC| = 4 \text{ br}$   
 $|DE| = 6 \text{ br} \text{ dir.}$   
 yandaki şekil d doğrusu etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor.  
 Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $4\pi(9\sqrt{3} + 4)$    B)  $6\pi(6\sqrt{3} + 3)$    C)  $12\sqrt{7}\pi + 7\pi$   
 D)  $24\sqrt{7}\pi + 7\pi$    E)  $36\sqrt{7}\pi + 10\pi$



11. Yandaki şekilde

C, D, E doğrusal

$$[EA] \perp [AB]$$

$$[CB] \perp [BA]$$

$$|AE| = 4 \text{ br}$$

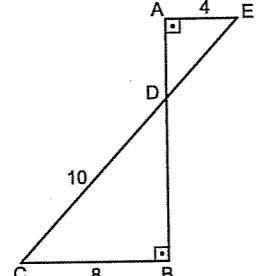
$$|CD| = 10 \text{ br}$$

$$|CB| = 8 \text{ br}$$

olduğuna göre,

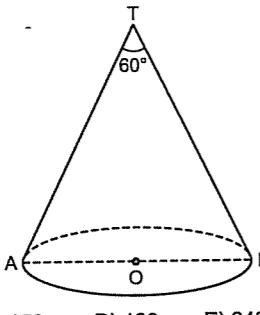
yukarıda verilen şeklin  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $144\pi$    B)  $136\pi$    C)  $130\pi$   
 D)  $128\pi$    E)  $116\pi$

12. Taban çapı  $[AB]$  olan

şekildeki dik konide

$$m(\widehat{ATB}) = 60^\circ \text{ dir.}$$

Bu koni açık hale  
getirilirse yan yüzeyi  
oluşturan daire dilimi-  
nin merkez açısı kaç  
derece olur?

- A) 60   B) 120   C) 150   D) 180   E) 240

13. Şekildeki dik konide

$$|TA| = |TB| = 10 \text{ br}$$

$$|AO| = |OB| = 6 \text{ br} \text{ dir.}$$

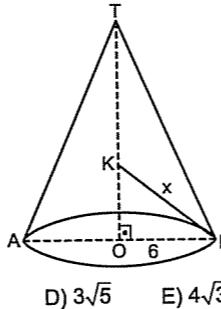
Koninin içerişine  
yerleştirilebilecek  
en büyük hacimli  
kürenin yüzey ala-  
nının koninin yanal  
alanına oranı kaçtır?

- A)  $\frac{4}{5}$    B)  $\frac{3}{5}$    C)  $\frac{1}{2}$    D)  $\frac{2}{5}$    E)  $\frac{1}{5}$

14. Yandaki şekilde tepe nok-  
tası T, taban merkezi O olan  
dik koni verilmiştir.

Koninin yanal alanı  $72\pi \text{ br}^2$   
 $|TK| = 2 \cdot |KO|$   
 $|OB| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 $|KB| = x \text{ kaç br} \text{ dir?}$

- A)  $4\sqrt{2}$    B) 6   C)  $2\sqrt{10}$    D)  $3\sqrt{5}$    E)  $4\sqrt{3}$



15. Dik koordinat sisteminde

AOB bir dik üçgen

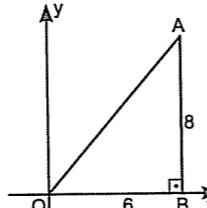
$$|AB| = 8 \text{ br}$$

$$|OB| = 6 \text{ br}$$

ABO üçgeni y ekseni etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor.Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $108\pi$    B)  $144\pi$    C)  $180\pi$

- D)  $192\pi$    E)  $216\pi$



16. ABCD dik yamuk

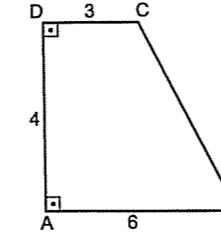
$$|AB| = 6 \text{ br}$$

$$|AD| = 4 \text{ br}$$

$$|DC| = 3 \text{ br}$$

ABCD yamuğu  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor.Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $64\pi$    B)  $36\pi$    C)  $27\pi$    D)  $18\pi$    E)  $9\pi$



## Koni

1. Şekildeki A merkezli

ve yarıçapı 15 br

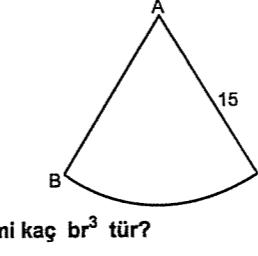
olan daire diliminin alanı

$$135\pi \text{ br}^2$$
 dir. Bu daire

dilimi BC yayı etrafında

büükerek bir koni elde

ediliyor. Buna göre,

elde edilen koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $306\pi$    B)  $312\pi$    C)  $318\pi$

- D)  $324\pi$    E)  $356\pi$

2. Yarıçapları aynı, merkez açıları sırasıyla  $119^\circ$ ,  $128^\circ$ ,  
 $230^\circ$  ve  $324^\circ$  olan daire dilimleri kıvrılarak koni yapılıyor.

Oluşan konilerin yükseklikleri sırasıyla

$$h_1, h_2, h_3, h_4$$

ise yükseklikler arasındaki ilişki nedir?

- A)  $h_1 > h_2 > h_3 > h_4$    B)  $h_4 > h_3 > h_2 > h_1$

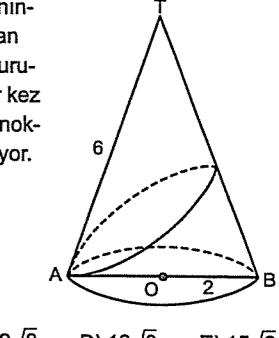
- C)  $h_4 = h_3 > h_2 > h_1$    D)  $h_1 > h_2 > h_3 = h_4$

- E)  $h_1 > h_2 > h_4 > h_3$

5. (T, AB) dik konisinin tabanın-  
daki A noktasında bulunan  
bir raptiyeye ucundan tutturulan  
ip koninin etrafında bir kez  
dolandırılarak yeniden A nok-  
tasındaki raptiyeye getiriliyor.

$$|TA| = 6 \text{ br}$$

$$|OB| = 2 \text{ br}$$

olduğuna göre,  
ipin uzunluğu en az kaç  $\text{br}$  dir?

- A)  $3\sqrt{3}$    B)  $6\sqrt{3}$    C)  $9\sqrt{3}$    D)  $12\sqrt{3}$    E)  $15\sqrt{3}$

6. Yüksekliği 24 br olan dik koni yarısına kadar su ile doludur. Bu suyun tamamı taban çapı koninin taban çapının 6 katı olan boş bir dik silindirin içine boşaltılıyor. Buna göre, silindirdeki suyun yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

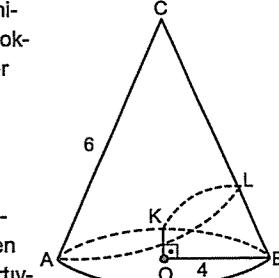
- A)  $\frac{7}{36}$    B)  $\frac{1}{6}$    C)  $\frac{5}{36}$    D)  $\frac{1}{18}$    E)  $\frac{1}{36}$

7. Şekilde O noktası dik koni-  
nin taban merkezidir. K nok-  
tası ise tabandaki çember  
üzerinde bir noktadır.

$$[OK] \perp [OB]$$

$$|OB| = 4 \text{ br}$$

$$|AC| = 6 \text{ br}$$

A noktasında bulunan ka-  
rınca yan yüzey üzerinden  
L noktasına uğramak şartıyla  
K noktasına gidecektir. Buna göre, karıncaın ala-  
cığı en kısa mesafe kaç  $\text{br}$  dir?

- A) 4   B) 6   C) 8   D) 10   E) 12

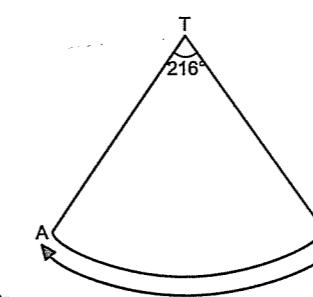
4. Yandaki şekilde  
T merkezli daire  
dilimi şeklinde bir  
karton verilmiştir.

$$m(\widehat{ATB}) = 216^\circ$$

$$|\overarc{AB}| = 12\pi$$

olduğuna göre,  
kartonu kıvrılarak

elde edilen dik ko-

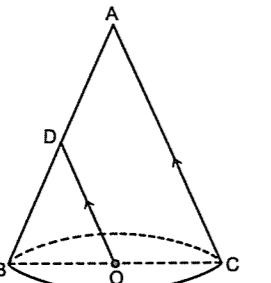
ninin yüksekliği kaç  $\text{br}$  dir?

- A) 4   B) 6   C) 8   D) 9   E) 10

8. Bir kenarı 6 br olan tahta bir küp yontularak en büyük  
hacimli bir dönel koni elde ediliyor.  
Buna göre, koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

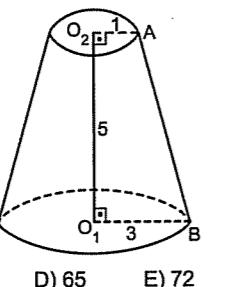
- A) 16   B) 18   C) 24   D) 26   E) 32

9. Şekildeki dik koninin taban alanı  $64\pi \text{ br}^2$   
 $[AC] // [OD]$   
 $|OD| = 6 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 dik koninin yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



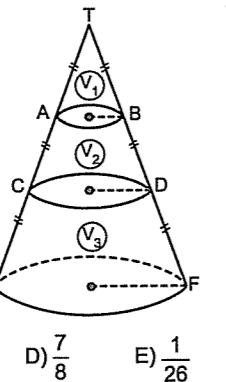
- A)  $108\pi$    B)  $102\pi$    C)  $96\pi$    D)  $90\pi$    E)  $84\pi$

10. Şekildeki kesik konide,  
 $|O_2A| = 1 \text{ br}$   
 $|O_1B| = 3 \text{ br}$   
 $|O_1O_2| = 5 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 kesik koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür? ( $\pi = 3$  alınız)



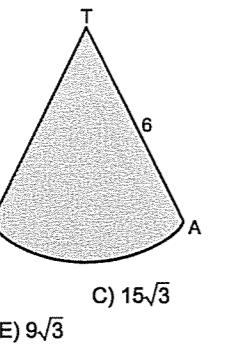
- A) 48   B) 52   C) 60   D) 65   E) 72

11. Şekildeki dik konide  
 $|TA| = |AC| = |CE|$   
 $|TB| = |BD| = |DF|$   
 $V_1, V_2, V_3$  bulundukları kısımların hacimlerini göstermektedir.  
 Buna göre,  
 $\frac{V_2}{V_1+V_3}$  oranı kaçtır?



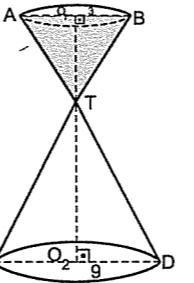
- A)  $\frac{1}{19}$    B)  $\frac{7}{26}$    C)  $\frac{7}{20}$    D)  $\frac{7}{8}$    E)  $\frac{1}{26}$

12. Yandaki şekilde açılımı verilen dik konide  
 $|TB| = 6 \text{ br}$   
 Taralı alan  $18\pi \text{ br}^2$   
 olduğuna göre,  
 dik koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?



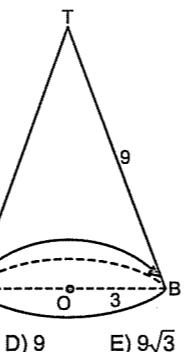
- A)  $24\sqrt{3}$    B)  $18\sqrt{3}$    C)  $15\sqrt{3}$   
 D)  $12\sqrt{3}$    E)  $9\sqrt{3}$

13. Yandaki kum saatinde  
 $|O_1B| = 3 \text{ br}$   
 $|O_2D| = 9 \text{ br}$   
 kum saat tamamen boşaldığında  
 $(T, CD)$  konisinin kaçta kaç dolar?



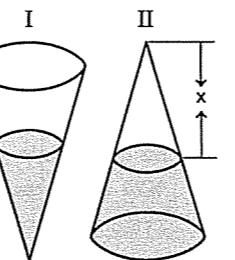
- A)  $\frac{1}{7}$    B)  $\frac{1}{8}$    C)  $\frac{1}{15}$    D)  $\frac{1}{26}$    E)  $\frac{1}{27}$

14.  $(T, AB)$  dik konisinin tabanındaki A noktasında bulunan bir karınca koni yüzeyinden B noktasına gidiyor.  
 $|TB| = 9 \text{ br}$   
 $|OB| = 3 \text{ br}$   
 olduğuna göre,  
 karınçanın gidebileceği en kısa yol kaç  $\text{br}$  dir?



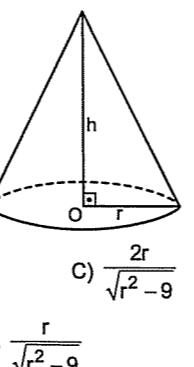
- A)  $3\pi$    B) 6   C)  $6\pi$    D) 9   E)  $9\sqrt{3}$

15. Şekildeki koni I konumunda yarı yüksekliğinde su ile doludur.  
 Konii II konumuna getirildiğinde  $x$  in koni yüksekliğine oranı kaç olur?



- A)  $\frac{3\sqrt{7}}{7}$    B)  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$    C)  $\frac{3\sqrt{5}}{5}$    D)  $\frac{3\sqrt{5}}{2}$    E)  $\frac{1}{8}$

16. Şekildeki düzgün koninin hacmi ile yanal alanı sayısal değerce birbirine eşit olduğuna göre,  
 $h$  nin  $r$  cinsinden değeri aşağıdakilerden hangisidir?



- A)  $\frac{3r}{\sqrt{r^2 - 3}}$    B)  $\frac{r}{\sqrt{r^2 - 3}}$    C)  $\frac{2r}{\sqrt{r^2 - 9}}$   
 D)  $\frac{3r}{\sqrt{r^2 - 9}}$    E)  $\frac{r}{\sqrt{r^2 - 9}}$

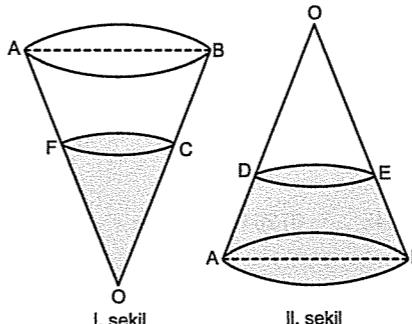
## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

### Koni

TEST

27

1.



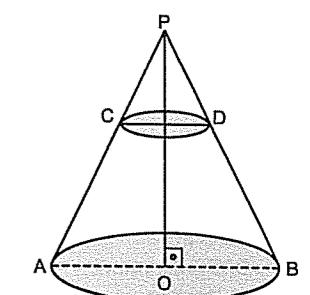
Dik koni şeklindeki kap I. şekildeki gibi sıvı ile doludur.  
 II. şekilde, kap ters çevriliyor.  
 $|OC| = 3 |CB|$

olduğuna göre,  $\frac{|DE|}{|AB|}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{\sqrt{37}}{4}$    B)  $\frac{\sqrt{21}}{3}$    C)  $\frac{\sqrt{19}}{4}$   
 D)  $\frac{\sqrt{33}}{4}$    E)  $\frac{\sqrt{31}}{4}$

4. Yanal alanı  $60\pi \text{ br}^2$  olan ve taban yarıçapı 6 br olan dönel koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?  
 A)  $96\pi$    B)  $90\pi$    C)  $84\pi$    D)  $80\pi$    E)  $72\pi$

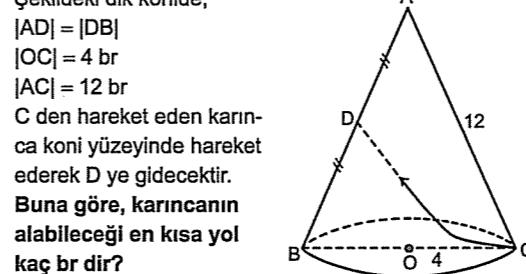
5. Şekildeki dik koni tabana paralel bir düzleme kesiliyor ve  $[CD]$  çaplı kesit alanı oluşuyor.  
 $[CD]$  çaplı dairenin alanı  $S_1$ ,  $[AB]$  çaplı dairenin alanı  $S_2$  dir.



$\frac{S_1}{S_2} = \frac{9}{25}$  olduğuna göre, üstteki küçük koninin hacminin, alta kalan kesik koninin hacmine oranı kaçtır?

- A)  $\frac{27}{98}$    B)  $\frac{27}{125}$    C)  $\frac{117}{125}$    D)  $\frac{109}{125}$    E)  $\frac{4}{25}$

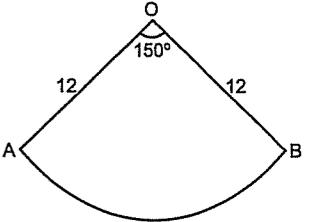
2.



2. Şekildeki dik konide,  
 $|AD| = |DB|$   
 $|OC| = 4 \text{ br}$   
 $|AC| = 12 \text{ br}$   
 C den hareket eden karınca koni yüzeyinde hareket ederek D ye gidecektir.  
 Buna göre, karınçanın alabileceği en kısa yol kaç  $\text{br}$  dir?

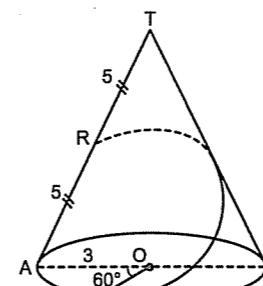
- A)  $3\sqrt{3}$    B)  $12\pi$    C)  $6\sqrt{3}$    D) 15   E)  $6\sqrt{3}\pi$

6. O merkezli daire diliminde  
 $m(\widehat{AOB}) = 150^\circ$   
 $|AO| = |OB| = 12 \text{ br}$   
 Şekildeki daire diliminin kıvrılmasıyla elde edilen koninin taban dairesinin yarıçapı kaç  $\text{br}$  dir?



- A) 4   B) 5   C) 6   D) 8   E) 10

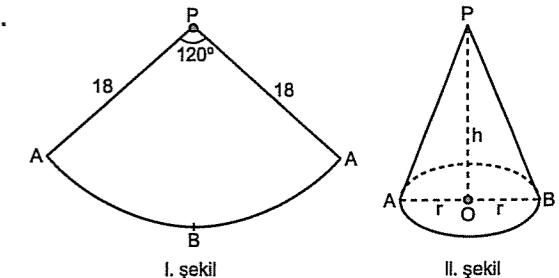
3.



3. Şekildeki dik konide O, taban dairesinin merkezi  
 $m(\widehat{AOK}) = 60^\circ$   
 $|AO| = 3 \text{ br}$  ve  
 $|TR| = |AR| = 5 \text{ br}$   
 K noktasından R noktasına  
 şekildeki gibi yürüyen bir karınca en az kaç  $\text{br}$  yol yürümuş olur?

- A) 20   B) 15   C) 10   D)  $5\sqrt{10}$    E)  $5\sqrt{5}$

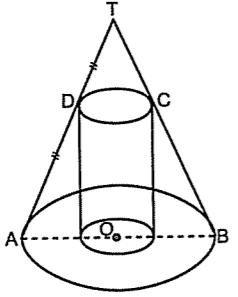
7.



- Şekil I deki daire dilimi kıvrılarak Şekil II deki dik koni oluşturulmuştur.  
 Oluşan dik koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?  
 A)  $144\sqrt{2}$    B)  $136\sqrt{2}$    C)  $128\sqrt{2}$   
 D)  $124\sqrt{2}$    E)  $116\sqrt{2}$

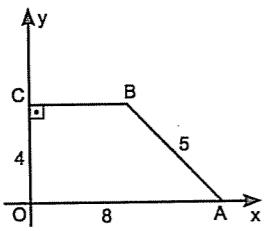
8. Taban merkezi O noktası olan bir silindir ile bir dik koni veriliyor.  $|AD| = |DT|$  olduğuna göre, silindirin hacminin koninin hacmine oranı kaçtır?

A)  $\frac{1}{16}$    B)  $\frac{1}{8}$    C)  $\frac{1}{4}$    D)  $\frac{3}{8}$    E)  $\frac{1}{2}$



9. Şekildeki OABC dik yamuk  $|OC| = 4$  br  $|OA| = 8$  br  $|AB| = 5$  br olduğuna göre, yamuğun x ekseni etrafında döndürülmeyle oluşan cismin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 102   B) 96   C) 90   D) 82   E) 66



10. Taban yarıçapı 6 br, yanal yüzeyinin alanı  $36\sqrt{5}\pi \text{ br}^2$  olan bir dönel koninin bir ana doğrusunun uzunluğunun koninin yüksekliğine oranı kaçtır?

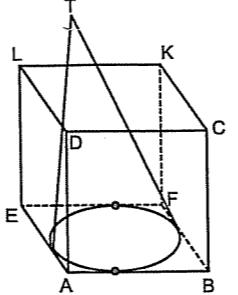
A)  $\frac{5\sqrt{5}}{2}$    B)  $2\sqrt{5}$    C)  $\frac{3\sqrt{5}}{2}$    D)  $\sqrt{5}$    E)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$

11. Yandaki şekilde kesik koni şeklindeki bir kule görünmektedir. Kulenin tabanındaki A noktasında bulunan bir dağcı kulenin tepesinde bulunan D noktasına kule etrafında bir kez dolanarak gidecektir.  $|O_1B| = 10$  br,  $|DA| = 24$  br,  $|O_2C| = 5$  br  $[DA]$  ve  $[CB]$  yanal ayrıt olduğuna göre, dağçının gidebileceği en kısa mesafe kaç br dir? ( $\pi = 3$  alınız)

A) 49   B) 51   C) 53   D) 55   E) 57

12. Bir ayrıtı 6 br olan içi su dolu küpün içine taban dairesi ABFE karesine teğet olan bir dik koni yerleştiriliyor. Koninin yüksekliği = 9 br olduğuna göre, taşın suyun hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $24\pi$    B)  $25\pi$    C)  $26\pi$    D)  $27\pi$    E)  $28\pi$



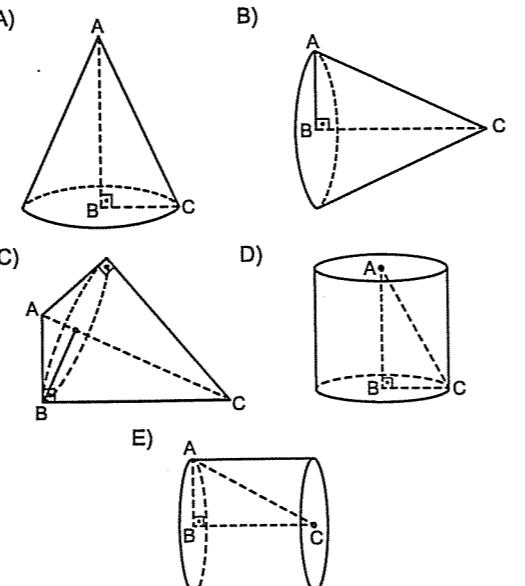
13. Bir dik koninin tüm alanı  $72\pi \text{ br}^2$  dir. Yanal alanının taban alanına oranı  $\frac{5}{4}$  olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A)  $24\sqrt{2}$    B) 36   C)  $32\sqrt{2}$    D) 48   E)  $48\sqrt{2}$

14. Hacmi  $48\pi \text{ br}^3$  olan bir koni tabana paralel bir düzleme tam ortadan kesiliyor. Meydana gelen kesik koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $42\pi$    B)  $36\pi$    C)  $30\pi$    D)  $24\pi$    E)  $12\pi$

15. Herhangi bir ABC dik üçgeninde; üçgenin en uzun kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan şekil aşağıdakilerden hangisidir?



## UZAY GEOMETRİ VE KATI CISIMLER

### Koni

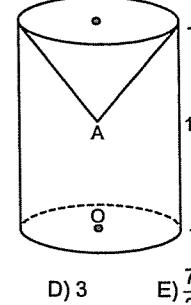
1. Bir dik koninin yarıçapı ve yüksekliği, sırasıyla 8 ve 15 ile orantılıdır. Bu koninin alanı  $600\pi \text{ br}^2$  olduğuna göre, taban alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  olur?

A) 128   B) 192   C) 150   D) 135   E) 225

5. Şekildeki silindirde; yüksekliği silindirin yüksekliğinin yarısı kadar olan koni vardır.

Silindir yüksekliği 12 br dir. Koninin içindeki su A tepeinden delinerek silindire boşaltılırsa kaç br yüksekliğe çıkar?

A)  $\frac{3}{2}$    B) 2   C)  $\frac{5}{2}$    D) 3   E)  $\frac{7}{2}$



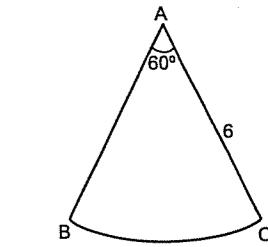
2. Hacmi  $40\pi$  olan bir dik koni, yüksekliğin tam ortasından tabana paralel bir düzleme kesiliyor. Elde edilen kesik koninin hacmi nedir?

A)  $35\pi$    B)  $30\pi$    C)  $25\pi$    D)  $15\pi$    E)  $5\pi$

6. Yandaki şekil bir koninin yan yüzünün açık şeklidir.

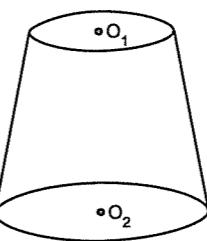
$|AC| = 6$  br  
 $m(\widehat{BAC}) = 60^\circ$  olduğuna göre,  
bu koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $\frac{\sqrt{30}\pi}{3}$    B)  $\frac{\sqrt{30}\pi}{2}$    C)  $\frac{\sqrt{35}\pi}{3}$   
D)  $\frac{2\sqrt{10}\pi}{3}$    E)  $\frac{5\sqrt{2}\pi}{3}$



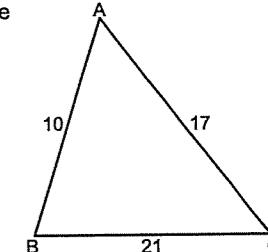
3. Kesik dik koninin üst taban alanı  $9\pi \text{ br}^2$ , alt taban alanı  $16\pi \text{ br}^2$  dir. Bu kesik koninin hacmi  $74\pi \text{ br}^3$  olduğuna göre, yüksekliği kaç br dir?

A) 4   B) 5   C) 6   D) 7   E) 9



7. Şekildeki ABC üçgeninde  $|AB| = 10$  br  $|AC| = 17$  br  $|BC| = 21$  br dir. Bu düzlem parçası [BC] eksen etrafında  $360^\circ$  döndürüldüğünde oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?

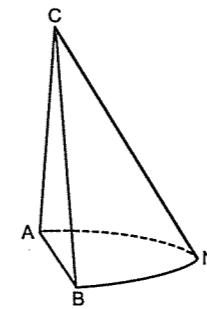
A)  $556\pi$    B)  $528\pi$    C)  $448\pi$    D)  $420\pi$    E)  $396\pi$



4. Şekil yarıya kesilmiş bir dik konidir.
- $|AB| = 16$  br

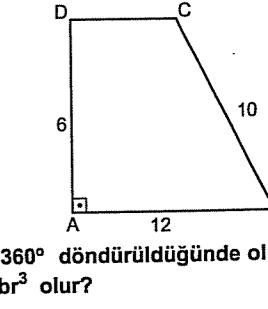
$|AC| = 10$  br
- olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $48\pi$    B)  $50\pi$    C)  $54\pi$    D)  $56\pi$    E)  $64\pi$

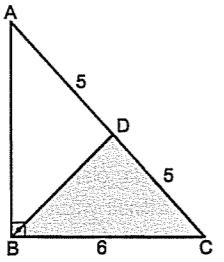


8. Şekildeki ABCD dik yamugunda  $m(\widehat{A}) = 90^\circ$   $|DA| = 6$  br  $|AB| = 12$  br  $|BC| = 10$  br dir. Bu düzlem parçası [DC] eksen etrafında  $360^\circ$  döndürüldüğünde oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?

A)  $336\pi$    B)  $324\pi$    C)  $310\pi$   
D)  $300\pi$    E)  $296\pi$

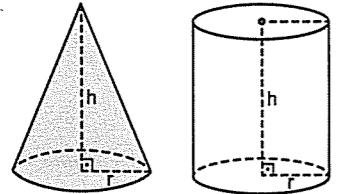


9. Şekildeki dik üçgenin  $[AB]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle taralı bölgenin oluşturduğu cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $48\pi$    B)  $54\pi$    C)  $56\pi$    D)  $64\pi$    E)  $72\pi$

10.



Yükseklikleri  $h$  ve çapları  $r$  olan dik koni ile dik silindir veriliyor.

Koninin tamamını su ile doldurup silindirin içine boşalttığımızda silindirin içindeki suyun yüksekliği kaç  $h$  olur?

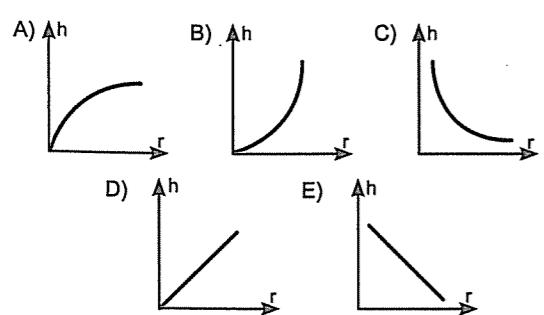
- A)  $\frac{1}{2}$    B)  $\frac{1}{3}$    C)  $\frac{2}{3}$    D)  $\frac{1}{4}$    E)  $\frac{9}{4}$

11. Bir dik koninin taban yarıçapı % 20 artırılıp, yüksekliği % 50 azaltılıyor.

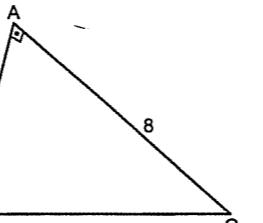
Hacimdeki değişim için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) % 30 azalır   B) % 28 azalır   C) % 18 azalır  
D) % 10 artar   E) % 20 artar

12. Bir koninin hacmi sabit kalmak üzere, yüksekliğinin taban yarıçapına bağlı değişimini gösteren grafik hangisidir?

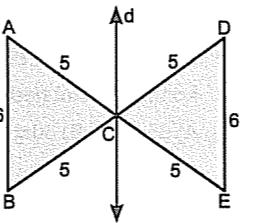


13. Şekildeki ABC dik üçgeni  $[BC]$  hipotenüsü etrafında  $360^\circ$  döndürülyor.  
 $|AB| = 6 \text{ br}$   
 $|AC| = 8 \text{ br}$   
olduğuna göre, oluşan cismin yan yüzünün alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?



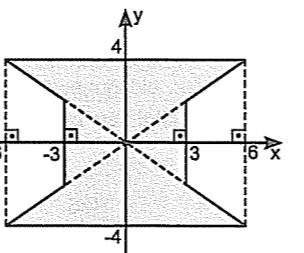
- A) 67,2   B) 66,4   C) 64,8  
D) 62,2   E) 60,6

14.  $[AB] // [d] // [DE]$   
 $[AE] \cap [BD] = \{C\}$   
 $|AC| = |CE| = 5 \text{ br}$   
 $|BC| = |CD| = 5 \text{ br}$   
 $|AB| = |DE| = 6 \text{ br}$   
olduğuna göre,  
Yandaki şenin  $d$  doğrusu etrafında  $180^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



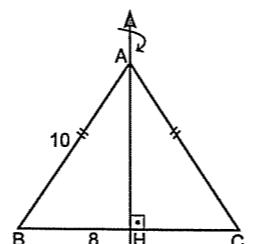
- A)  $36\pi$    B)  $42\pi$    C)  $48\pi$    D)  $54\pi$    E)  $64\pi$

15. Analitik düzlemede taralı bölgeyi  $x$  ekseni etrafında  $180^\circ$  döndürdüğümüzde elde edilen cismin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?



- A) 182   B) 171   C) 164   D) 150   E) 136

16. ABC ikizkenar üçgen  
 $|AB| = |AC| = 10 \text{ br}$   
 $|BH| = 8 \text{ br}$   
 $[BC] \perp [AH]$   
ABC üçgeni  $[AH]$  etrafında  $180^\circ$  döndürülyor.  
Oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $128\pi$    B)  $124\pi$    C)  $120\pi$   
D)  $112\pi$    E)  $108\pi$

**ÖĞRETEL SORU – 87**

- Yarıçapı 4 br olan kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

Çözüm:

$$\begin{aligned}r &= 4 \text{ br} \text{ olduğundan;} \\A &= 4\pi \cdot r^2 = 4\pi \cdot 4^2 \\&= 64\pi \text{ br}^2 \text{ olur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETEL SORU – 88**

- Alanı  $100\pi \text{ br}^2$  olan kürenin çapı kaç br dir?

Çözüm:

$$\begin{aligned}A &= 100\pi \Rightarrow 4\pi \cdot r^2 = 100\pi \\&\Rightarrow r^2 = 25 \\&\Rightarrow r = 5 \text{ br} \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

Kürenin çapı;  $2r = 2 \cdot 5 = 10 \text{ br}$  bulunur.

**ÖĞRETEL MINİ TEST**TEST  
73

1. Yarıçapı 6 br olan kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $116\pi$    B)  $124\pi$    C)  $136\pi$    D)  $144\pi$    E)  $156\pi$

2. Alanı  $256\pi \text{ br}^2$  olan kürenin çapı kaç br dir?

- A) 8   B) 12   C) 14   D) 16   E) 18

3. Çapı 8 br olan kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $144\pi$    B)  $116\pi$    C)  $96\pi$    D)  $72\pi$    E)  $64\pi$

4. Uzayda bir noktaya 3 br uzaklıktaki noktaların oluşturduğu geometrik şeklin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $16\pi$    B)  $18\pi$    C)  $24\pi$    D)  $36\pi$    E)  $48\pi$

**ÖĞRETEL SORU – 89**

- Yarıçapı 3 br olan kürenin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

Çözüm:

$$\begin{aligned}r &= 3 \text{ br} \text{ olduğundan,} \\V &= \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 3^3 = 36\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETEL SORU – 90**

- Hacmi  $288\pi \text{ br}^3$  olan kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

Çözüm:

$$\begin{aligned}V &= 288\pi \Rightarrow \frac{4}{3}\pi r^3 = 288\pi \\&\Rightarrow r = 6 \text{ br} \text{ olur.} \\A &= 4\pi r^2 \Rightarrow A = 4\pi \cdot 6^2 = 144\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETEL SORU – 91**

- Alanı sayıca hacmine eşit olan bir kürenin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

Çözüm:

$$\begin{aligned}\text{Yarıçapı } r \text{ olsun} \\A &= 4\pi \cdot r^2, \quad V = \frac{4}{3}\pi \cdot r^3 \\4\pi \cdot r^2 &= \frac{4}{3}\pi \cdot r^3 \Rightarrow r = 3 \text{ br} \text{ olup} \\V &= \frac{4}{3}\pi r^3 \Rightarrow V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot 3^3 = 36\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}\end{aligned}$$

**ÖĞRETEL MINİ TEST**TEST  
74

1. Yarıçapı 6 br olan kürenin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $288\pi$    B)  $244\pi$    C)  $216\pi$    D)  $196\pi$    E)  $144\pi$

2. Hacmi  $\frac{500}{3}\pi \text{ br}^3$  olan kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $36\pi$    B)  $48\pi$    C)  $60\pi$    D)  $80\pi$    E)  $100\pi$

3. Alanı sayıca hacminin 2 katına eşit olan bir kürenin alanı kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $6\pi$    B)  $8\pi$    C)  $9\pi$    D)  $12\pi$    E)  $18\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 92**

Yarıçapı 10 br olan bir küre, merkezden 8 br uzaklıkta bir düzlem ile kesiliyor. Oluşan kesitin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

**ÇÖZÜM:**

Şekilde görüldüğü gibi oluşan kesit [CB] yarıçaplı bir dairedir.

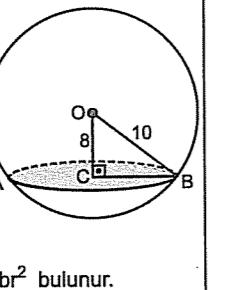
OCB dik üçgeninde

$$|OB|^2 = |OC|^2 + |CB|^2$$

$$10^2 = 8^2 + |CB|^2$$

$$|CB| = 6 \text{ br olur.}$$

$$\text{Kesit alanı} = \pi r^2 = \pi \cdot 6^2 = 36\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
75

1. Yarıçapı 13 br olan bir küre merkezden 12 br uzaklıktaki bir düzlem ile kesiliyor. Oluşan kesitin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

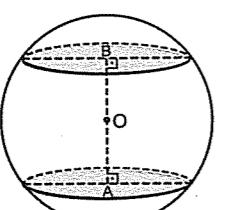
- A)  $16\pi$    B)  $20\pi$    C)  $25\pi$    D)  $36\pi$    E)  $64\pi$

2. Bir kürenin merkezinden 6 br uzaklıktaki kesitinin alanı  $64\pi \text{ br}^2$  ise kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $144\pi$    B)  $196\pi$    C)  $256\pi$   
D)  $324\pi$    E)  $400\pi$

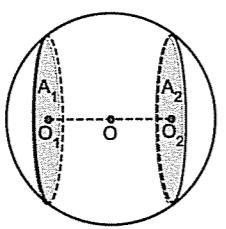
3. O merkezli kürede taralı oranlar oranı  $\frac{16}{9}$  dur.  $|OB| = 3 \text{ br}$ ,  $|OA| = 4 \text{ br}$  olduğuna göre, kürenin alanı kaç  $\pi \text{ br}^2$  dir?

- A) 64   B) 80   C) 100   D) 144   E) 180



4. O merkezli küre  $A_1$  ve  $A_2$  alanlı paralel daireler tarafından kesilmiştir.  $A_1 - A_2 = 64\pi \text{ br}^2$  ve  $\frac{|OO_1|}{|OO_2|} = \frac{3}{5}$  ise  $|O_1O_2|$  kaç br dir?

- A) 4   B) 8   C) 10   D) 12   E) 16

**ÖĞRETNİ SORU – 93**

O merkezli kürenin D merkezli kesitinin alanı  $27\pi \text{ br}^2$  dir.

$$[AB] \perp [CD]$$

$$|CD| = 3 \text{ br} \text{ ise}$$

kürenin yarıçapı kaç br dir?

**ÇÖZÜM:**

$$|OD| = x$$

$$|OA| = x + 3$$

Kesitin alanı  $27\pi$  ise

$$\pi \cdot |AD|^2 = 27\pi$$

$$|AD|^2 = 27 \text{ br}^2$$

ADO dik üçgeninde

$$|AO|^2 = |AD|^2 + |DO|^2 \Rightarrow (x+3)^2 = 27 + x^2$$

$$\Rightarrow x^2 + 6x + 9 = 27 + x^2$$

$$\Rightarrow 6x = 18$$

$$\Rightarrow x = 3 \text{ tür.}$$

Kürenin yarıçapı

$$|AO| = x + 3 = 3 + 3 = 6 \text{ br} \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
76

1. O merkezli kürenin D merkezli kesitinin alanı  $36\pi \text{ br}^2$  dir.

$$[AB] \perp [CD]$$

$$|CD| = 2 \text{ br} \text{ ise}$$

kürenin yarıçapı kaç br dir?

- A) 6   B) 8   C) 10   D) 12   E) 15

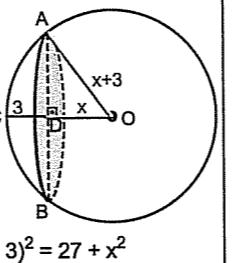
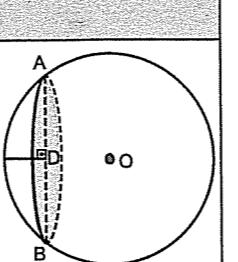
2. Şekildeki koninin tabanı kürenin merkezinden geçen bir kesidir.

Kürenin hacmi koninin hacminin kaç katıdır?

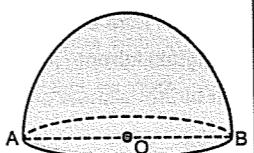
- A) 2   B) 3   C) 4   D) 6   E) 8

3. Şekildeki 15 br yarıçaplı küre merkezinden 12 br uzaklıktaki bir düzleme kesilmiştir. Tepesi kürenin merkezi, tabanı kesit alanı olan koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

- A)  $600\pi$    B)  $572\pi$    C)  $444\pi$   
D)  $324\pi$    E)  $300\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 94**

Şekildeki yarıçaplı kürenin hacmi  $144\pi \text{ br}^3$  ise yarıçaplı kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



**ÇÖZÜM:**

Yarıçaplı kürenin hacmi  $144\pi \text{ br}^3$  ise

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \pi \cdot r^3 = 144\pi \Rightarrow r = 6 \text{ br} \text{ olur.}$$

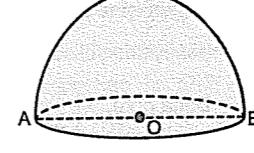
Yarıçaplı kürenin alanı küre yüzeyinin alanının yarısı ile tabandaki dairenin alanları toplamına eşit oacağınan

$$\frac{4\pi r^2}{2} + \pi r^2 = 3\pi r^2 = 3\pi \cdot 6^2$$

$$= 108\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

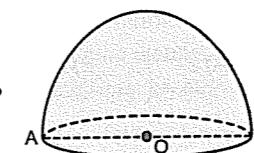
**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
77

1. Şekildeki yarıçaplı kürenin hacmi  $\frac{250\pi}{3} \text{ br}^3$  ise yarıçaplı kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



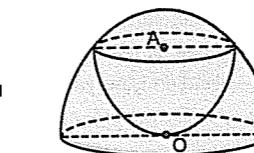
- A)  $75\pi$    B)  $64\pi$    C)  $60\pi$    D)  $50\pi$    E)  $40\pi$

2. Şekildeki yarıçaplı kürenin alanı  $27\pi \text{ br}^2$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $16\pi$    B)  $18\pi$    C)  $20\pi$    D)  $22\pi$    E)  $24\pi$

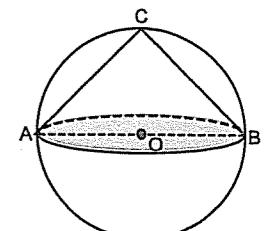
3. Şekildeki iç içe çizilmiş A ve O merkezli yarıçaplı kürelerin hacimleri oranı aşağıdakilerden hangisi olabilir?



- A)  $\sqrt{3}$    B)  $2\sqrt{2}$    C) 3   D)  $2\sqrt{3}$    E)  $4\sqrt{2}$

**ÖĞRETNİ SORU – 95**

Şekildeki O merkezli kürenin alanı  $36\pi \text{ br}^2$  dir. Tepesi C olan koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



**ÇÖZÜM:**

Kürenin alanı  $36\pi \text{ br}^2$  ise  $A = 36\pi \Rightarrow 4\pi r^2 = 36\pi \Rightarrow r = 3 \text{ br}$  olur.

Bu durumda, koninin taban yarıçapı 3 br ve yüksekliği 3 br olacağından koninin hacmi

$$V = \frac{1}{3}\pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{1}{3}\pi \cdot 3^2 \cdot 3$$

$$= 9\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 96**

Yarıçapı 13 br olan kürenin içine yüksekliği 18 br olan en büyük hacimli koni yerleştiriliyor. Koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

**ÇÖZÜM:**

Şekilde görüldüğü gibi ODB dik üçgeninde;

$$|OB| = 13 \text{ br}$$

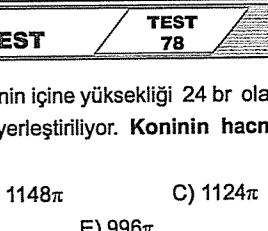
$$|OD| = 5 \text{ br}$$

$$|DB| = r = 12 \text{ br} \text{ olur.}$$

Koninin hacmi

$$V = \frac{1}{3}\pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{1}{3}\pi \cdot 12^2 \cdot 18$$

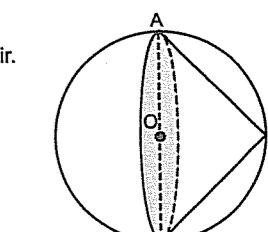
$$= 864\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
78

1. Yarıçapı 15 br olan kürenin içine yüksekliği 24 br olan en büyük hacimli koni yerleştiriliyor. Koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $1152\pi$    B)  $1148\pi$    C)  $1124\pi$   
D)  $1116\pi$    E)  $996\pi$

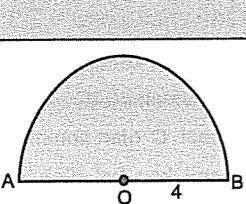
2. Şekildeki O merkezli kürenin alanı  $64\pi \text{ br}^2$  dir. Tepesi C olan koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



- A)  $20\pi$    B)  $\frac{64\pi}{3}$    C)  $22\pi$    D)  $\frac{68\pi}{3}$    E)  $\frac{70\pi}{3}$

**ÖĞRETNİ SORU – 97**

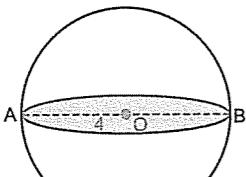
$O$  merkezli  $|OB| = 4$  br yarıçaplı yarımdaire  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin alanı kaç  $br^2$  dir?



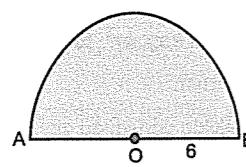
Çözüm:

Yarımdaireyi döndürdüğümüzde  $r = 4$  br yarıçaplı küre oluşacağından kürenin alanı;

$$A = 4\pi r^2 = 4\pi \cdot 4^2 = 64\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

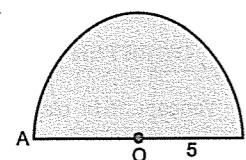
**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
79

1.  $O$  merkezli  $|OB| = 6$  br yarıçaplı yarımdaire  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin alanı kaç  $br^2$  dir?  
A)  $196\pi$  B)  $172\pi$  C)  $158\pi$  D)  $144\pi$  E)  $124\pi$

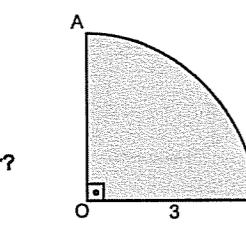


www.guryayinlari.com

2.  $O$  merkezli  $|OB| = 5$  br yarıçaplı yarımdaire  $[AB]$  etrafında  $180^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin alanı kaç  $br^2$  dir?  
A)  $100\pi$  B)  $75\pi$  C)  $50\pi$  D)  $40\pi$  E)  $25\pi$



3.  $O$  merkezli  $|OB| = 3$  br yarıçaplı çeyrek daire  $[AO]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor. Oluşan cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $15\pi$  B)  $18\pi$  C)  $21\pi$  D)  $27\pi$  E)  $36\pi$ **ÖĞRETNİ SORU – 98**

Metal bir küre eritiliip 27 eş küre oluşturuluyor. Başlangıçtaki kürenin alanının, elde edilen küçük kurelerden birinin alanına oranı kaçtır?

Çözüm:

$$V_1 = 27V_2 \Rightarrow \frac{4}{3}\pi R^3 = 27 \cdot \frac{4}{3}\pi r^3 \\ \Rightarrow R^3 = 27r^3 \\ \Rightarrow \frac{R}{r} = 3 \text{ olur.}$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{4\pi R^2}{4\pi r^2} = \left(\frac{R}{r}\right)^2 = 3^2 = 9 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 99**

Bir kenarı 12 br olan bir küpün üçte ikisi su ile doludur. Bu küpün içine yarıçapı 2 br olan 4 tane küre koymuluyor. Buna göre, suyun yüksekliği kaç br artar?

Çözüm:

Küpün içine atılan 4 tane kurenin toplam hacmi küpün içinde yükselen suyun hacmine eşittir.

$$\text{Buna göre, } 4\left(\frac{4}{3}\pi r^3\right) = 12 \cdot 12 \cdot h$$

$$4 \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot 2^3 = 144 \cdot h$$

$$h = \frac{8\pi}{27} \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
80

1. Metal bir küre eritiliip 64 eş küre oluşturuluyor. Başlangıçtaki kürenin alanının, elde edilen küçük kurelerden birinin alanına oranı kaçtır?

A) 2 B) 4 C) 8 D) 16 E) 24

2. Bir kenarı 6 br olan bir küpün yarısı su ile doludur. Bu küpün içine yarıçapı 2 br olan üç tane küre koymuluyor. Buna göre, suyun yüksekliği kaç br artar?

A)  $\frac{2\pi}{3}$  B)  $\frac{3\pi}{4}$  C)  $\frac{8\pi}{9}$  D)  $\frac{10\pi}{11}$  E)  $\frac{11\pi}{21}$ 

3. Taban yarıçapı 5 br ve yüksekliği 10 br olan silindirin içinde bir miktar su vardır. Suyun yüksekliği 6 br dir. Bu silindirin içine yarıçapı 1 br olan 2 tane küre koymuluyor. Buna göre, suyun yüksekliği kaç br artar?

A)  $\frac{3}{25}$  B)  $\frac{8}{75}$  C)  $\frac{7}{75}$  D)  $\frac{2}{25}$  E)  $\frac{1}{15}$ 

1-D 2-B 3-B

**ÖĞRETNİ SORU – 100**

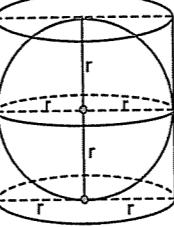
Hacmi  $\frac{256\pi}{3} \text{ br}^3$  olan bir küreyi içine alabilecek en küçük hacimli silindirin yüksekliği kaç br dir?

Çözüm:

Şekilde görüldüğü gibi kürenin yarıçapı ile silindirin taban yarıçapları eşit olup silindirin yüksekliği  $h = 2r$  dir.

$$V = \frac{256\pi}{3} \Rightarrow \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{256\pi}{3} \\ \Rightarrow r = 4 \text{ br olur.}$$

Silindirin yüksekliği  $h = 2r = 2 \cdot 4 = 8 \text{ br}$  bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
81

1. Hacmi  $36\pi \text{ br}^3$  olan bir küreyi içine alabilecek en küçük hacimli silindirin yüksekliği kaç br dir?

A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 8

2. Alanı  $196\pi \text{ br}^2$  olan bir küreyi içine alabilecek en küçük hacimli silindirin yüksekliği kaç br dir?

A) 14 B) 12 C) 10 D) 8 E) 7

3. Hacmi  $128\pi \text{ br}^3$  olan bir silindirin içine yerleştirilecek en büyük hacimli kürenin alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $36\pi$  B)  $48\pi$  C)  $64\pi$  D)  $72\pi$  E)  $96\pi$ 

1-D 2-A 3-C

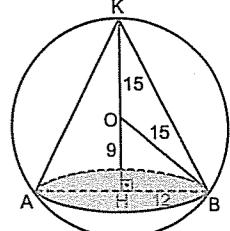
**ÖĞRETNİ SORU – 101**

Yarıçapı 15 br olan bir kürenin merkezinden 9 br uzaklıklı kesitini taban kabul eden en büyük koninin hacmi kaç  $br^3$  tür?

Çözüm:

Şekilde görüldüğü gibi en büyük hacimli koninin taban yarıçapı 12 br, yüksekliği 24 br olup hacmi,

$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 \cdot h = \frac{1}{3}\pi \cdot 12^2 \cdot 24 = 1152\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

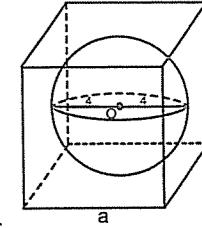
**ÖĞRETNİ SORU – 102**

Bir küpün içine çizilebilecek en büyük hacimli kürenin yarıçapı 4 br ise küpün hacmi kaç  $br^3$  tür?

Çözüm:

Şekilde görüldüğü gibi kürenin çapı, küpün bir kenar uzunluğuna eşittir.

O halde,  
a = 8 br olup  
küpün hacmi  
 $V = a^3 = 8^3 = 512 \text{ br}^3$  bulunur.

**ÖĞRETNİ MINİ TEST**TEST  
82

1. Yarıçapı 10 br olan bir kürenin merkezinden 8 br uzaklıklı kesitini taban kabul eden en büyük koninin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $216\pi$  B)  $196\pi$  C)  $180\pi$  D)  $172\pi$  E)  $148\pi$ 

2. Bir küpün içine çizilebilecek en büyük hacimli kürenin yarıçapı 3 br ise küpün hacmi kaç  $br^3$  tür?

A) 256 B) 216 C) 196 D) 192 E) 180

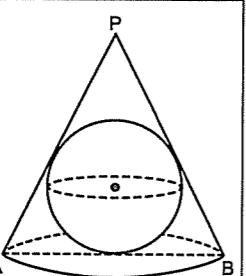
3. Bir küpün içine çizilebilecek en büyük hacimli kürenin yarıçapı 2 br dir. Küpün herhangi bir köşesinin kureye olan uzaklığı kaç br dir?

A)  $\sqrt{3}$  B) 2 C)  $2\sqrt{2} - \sqrt{3}$   
D)  $2\sqrt{3} - 1$  E)  $2\sqrt{3} - 2$ 

1-A 2-B 3-E

**ÖĞRETNİ SORU – 103**

Şekildeki dik koninin içine yüzeylere teğet olacak biçimde bir küre yerleştiriliyor. Koninin taban yarıçap uzunluğu 6 br,  $|PA| = 10$  br olduğuna göre, kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?



POB dik üçgeninde 6, 8, 10 özel üçgeninden,

$$|PO| = 8 \text{ br}$$

$$|PO'| = (8 - r) \text{ br olur.}$$

$$|BO| = |BT| = 6 \text{ br}$$

PTO' dik üçgeninde

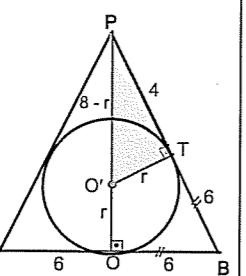
$$|PT|^2 + |TO'|^2 = |PO'|^2$$

$$4^2 + r^2 = (8 - r)^2 \Rightarrow 16 + r^2 = 64 - 16r + r^2$$

$$\Rightarrow 16r = 48$$

$$\Rightarrow r = 3 \text{ br bulunur.}$$

Kürenin alanı,  $A = 4\pi r^2 = 4\pi \cdot 3^2 = 36\pi \text{ br}^2$  bulunur.

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
83

1. Şekildeki dik koninin içine yüzeylere teğet olacak biçimde bir küre yerleştiriliyor. Koninin taban yarıçap uzunluğu 5 br,  $|PA| = 13$  br olduğuna göre, kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

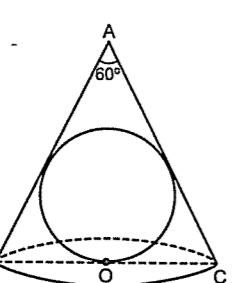
A)  $\frac{400\pi}{9}$       B)  $40\pi$       C)  $\frac{340\pi}{9}$   
 D)  $38\pi$       E)  $\frac{320\pi}{9}$

2. Şekildeki koninin içine yerleştirilen küre koninin yan yüzeylerine ve tabanına tegettir.

$$m(\overarc{BAC}) = 60^\circ$$

$|AC| = 12$  br olduğuna göre, kürenin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

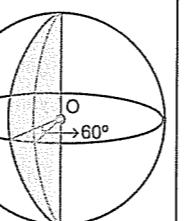
A)  $24\sqrt{3}\pi$       B)  $28\sqrt{3}\pi$       C)  $30\sqrt{3}\pi$   
 D)  $32\sqrt{3}\pi$       E)  $36\sqrt{3}\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 104**

Merkez açısının ölçüsü  $60^\circ$  ve yarıçapının uzunluğu 6 br olan bir küre diliminin alanı kaç  $\text{br}^2$  ve hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

ÇÖZÜM:

Kürenin bir çapından geçen iki yarı düzlemler arasındaki kalan kısma küre dilimi denir.  
Küre diliminin alanı



$$A = 4\pi r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} = \pi \cdot 6^2 \cdot \frac{60^\circ}{90^\circ} = \pi \cdot 6^2 \cdot \frac{6}{9}$$

$$= 24\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

Küre diliminin hacmi

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} = \pi \cdot 6^3 \cdot \frac{60^\circ}{270^\circ} = 48\pi \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
84

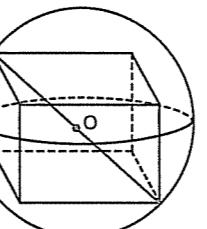
1. Merkez açısının ölçüsü  $90^\circ$  ve yarıçapının uzunluğu 3 br olan bir küre diliminin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $6\pi$       B)  $8\pi$       C)  $9\pi$       D)  $10\pi$       E)  $12\pi$

**ÖĞRETNİ SORU – 105**

Çapı  $6\sqrt{3}$  br olan kürenin içine çizilebilecek en büyük hacimli küpün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

ÇÖZÜM:



Şekilde görüldüğü gibi kürenin çapı küpün cisim köşegenidir.

Bu durumda

$$a\sqrt{3} = 6\sqrt{3} \Rightarrow a = 6 \text{ br olur.}$$

$$V = a^3 \Rightarrow V = 6^3 = 216 \text{ br}^3 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
85

1. Çapı  $3\sqrt{3}$  br olan bir kürenin içine çizilebilecek en büyük hacimli küpün hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $18\pi$       B)  $24\pi$       C)  $27\pi$       D)  $30\pi$       E)  $36\pi$

2. Hacmi  $125 \text{ br}^3$  olan küpün dışına çizilebilecek en küçük kürenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $75\pi$       B)  $72\pi$       C)  $70\pi$       D)  $68\pi$       E)  $64\pi$

3. Merkez açısının ölçüsü  $30^\circ$  ve yarıçapının uzunluğu 12 br olan bir küre diliminin alanının hacmine oranı kaçtır?

A)  $\frac{1}{8}$       B)  $\frac{1}{6}$       C)  $\frac{1}{4}$       D)  $\frac{1}{3}$       E)  $\frac{1}{2}$

**ÖĞRETNİ SORU – 106**

Yarıçapı 8 br olan bir küre merkezinden 5 br uzaklıkta bir düzleme kesiliyor. Kesilen küre kapağının alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

ÇÖZÜM:

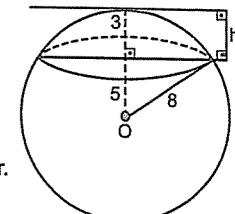
$$h = 8 - 5 = 3 \text{ br olup}$$

$$\text{küre kapağının alanı}$$

$$2\pi \cdot r \cdot h$$

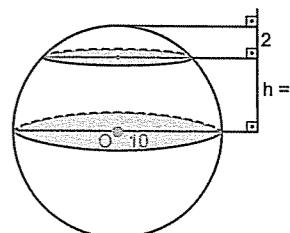
$$2\pi \cdot 8 \cdot 3 = 48\pi \text{ br}^2$$

$$\text{bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ SORU – 107**

Yarıçap uzunluğu 10 br olan bir küre, merkezinden küre yüzeyinden 2 br uzaklıktaki iki paralel düzlemler ile kesiliyor. Bu iki paralel düzlemler arasında kalan küre kuşağının alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

ÇÖZÜM:



Küre kuşağının yüksekliği  $h = 10 - 2 = 8 \text{ br}$ ,

$$\text{Küre kuşağının alanı } 2\pi r \cdot h = 2\pi 10 \cdot 8 = 160\pi \text{ br}^2 \text{ bulunur.}$$

**ÖĞRETNİ MİNİ TEST**TEST  
86

1. Yarıçapı 10 br olan bir küre merkezinden 6 br uzaklıkta bir düzleme kesiliyor. Kesilen küre kapağının alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $100\pi$       B)  $80\pi$       C)  $60\pi$       D)  $50\pi$       E)  $40\pi$

2. Yarıçap uzunluğu 12 br olan bir küre, merkezinden ve küre yüzeyinden 4 br uzaklıktaki iki paralel düzlemler ile kesiliyor. Bu iki paralel düzlemler arasında kalan küre kuşağının alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

A)  $216\pi$       B)  $212\pi$       C)  $208\pi$       D)  $200\pi$       E)  $192\pi$

1. Bir kürenin hacmi ile alanı sayısal değerce birbirine eşittir. Bu kürenin yarıçapı kaç br dir?

A) 2      B) 3      C) 4      D) 5      E) 6

2. Bir kürenin yarıçapı 2 br arttırıldığında kendi hacminin 27 katında bir küre oluşuyor.
- İlk kürenin yarıçapı kaç br dir?

A) 1      B)  $\frac{3}{2}$       C) 2      D) 3      E)  $\frac{7}{2}$

3. İki kürenin hacimleri arasındaki oran  $\frac{1}{8}$  olduğuna göre, alanları arasındaki oran nedir?

A)  $\frac{1}{2}$       B)  $\frac{1}{3}$       C)  $\frac{1}{4}$       D)  $\frac{1}{8}$       E)  $\frac{1}{12}$

4. Şekildeki O merkezli kürenin yarıçapı 10 br dir. Taralı dairenin alanı  $64\pi$  olduğuna göre, dairenin merkezi ile kürenin merkezi arasındaki uzaklık kaç br dir?

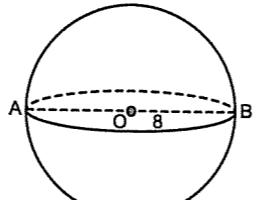
A) 4      B) 5      C) 6      D) 7      E) 8

5. Şekildeki kürenin alanı ile hacmi sayısal değerce birbirine eşittir. Buna göre, bu kürenin alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $9\pi$       B)  $16\pi$       C)  $25\pi$       D)  $36\pi$       E)  $49\pi$

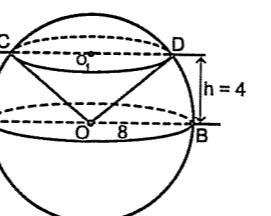
6. Şekilde O merkezli küre şeklinde bir top görülmektedir. Topun yüzeyindeki A noktasından B noktasına bir çizgi çiziliyor.  $[AB]$  çap  
 $|OB| = 8$  br  
 olduğuna göre, çizilen çizginin uzunluğu en az kaç br dir?

A)  $8\pi$       B)  $10\pi$       C)  $12\pi$       D)  $14\pi$       E)  $16\pi$



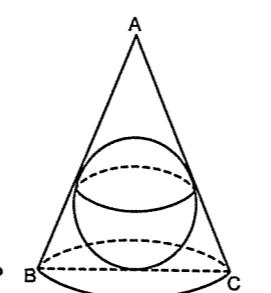
7. Şekildeki O merkezli küre,  $[CD] \parallel [AB]$  olacak şekilde C ve D noktalarından kesiliyor.  $|OB| = 8$  br  
 $h = 4$  br  
 olduğuna göre, tepe noktası O ve taban merkezi  $O_1$  olan koninin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $16\pi$       B)  $24\pi$       C)  $36\pi$       D)  $48\pi$       E)  $64\pi$



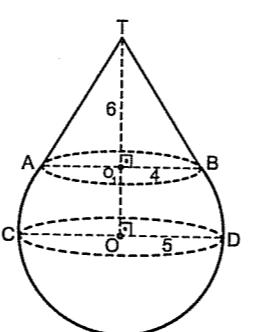
8. Şekildeki dik koninin içine yüzlere tejet olacak biçimde bir küre yerleştirilmiştir.  $|AC| = 10$  br  
 $|BC| = 12$  br  
 olduğuna göre, kürenin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $24\pi$       B)  $28\pi$       C)  $36\pi$       D)  $40\pi$       E)  $48\pi$



9. Yarıçapı 5 br olan O merkezli küre  $[AB] \parallel [CD]$  olacak şekilde  $[AB]$  boyunca kesiliyor. Tepe noktası T, taban çapı  $[AB]$  olan dik koni kürenin üzerine yerleştiriliyor. Koninin taban yarıçapı 4 br,  $|TO_1| = 6$  br olduğuna göre, oluşan cismin bütün yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $8\pi(20 + \sqrt{13})$   
 B)  $4\pi(5 + 2\sqrt{13})$   
 C)  $8\pi(10 + 3\sqrt{13})$   
 D)  $8\pi(10 + \sqrt{13})$   
 E)  $8\pi(5 + \sqrt{13})$

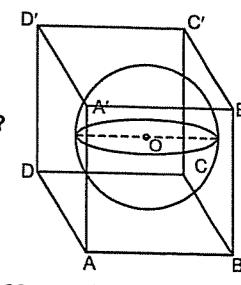


10. Yarıçapı 3 br olan kürenin hacminin alanına sayıca oranı kaçtır?

A)  $\frac{1}{4}$       B)  $\frac{1}{3}$       C)  $\frac{1}{2}$       D) 1      E) 2

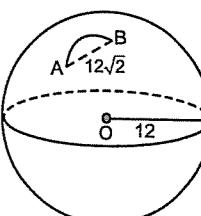
11. Yarıçapı üç katına çıkarılan bir kürenin hacmi kaç katına çıkar?

A) 3      B) 9      C) 18      D) 27      E) 81



15. Hacmi  $36\pi$  br<sup>3</sup> olan küre küpün bütün yüzeylerine dekmektedir. Küpün hacmi kaç  $br^3$  tür?

A) 288      B) 216      C) 192      D) 125      E) 64

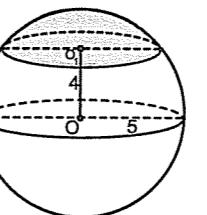


16. Şekilde yarıçapı 12 br olan bir kürenin yüzeyinde A ve B noktaları alınıyor.  $|AB| = 12\sqrt{2}$  br  
 Yukarıdaki verilenlere göre, küre üzerinde bulunan ve A dan yola çıkan bir karınca B noktasına en kısa yoldan ulaşacaktır. Buna göre, karıncaın alacağı mesafe kaç br dir?

A)  $6\pi$       B)  $9\pi$       C)  $12\pi$       D)  $15\pi$       E)  $18\pi$

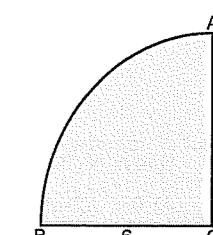
12. Yarıçapı 15 br olan bir küre merkezinden 12 br uzaklığındaki bir düzleme kesiliyor. Oluşan arakesitin alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $9\pi$       B)  $16\pi$       C)  $36\pi$       D)  $64\pi$       E)  $81\pi$



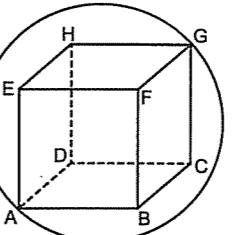
13. Yarıçapı 5 br olan yandaki küre merkezinden 4 br uzaklığındaki bir düzleme kesiliyor. Yukarıda oluşan küre kapığının alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $8\pi$       B)  $9\pi$       C)  $10\pi$       D)  $12\pi$       E)  $15\pi$



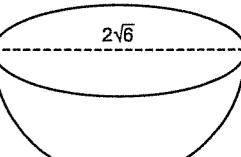
17. Şekildeki çeyrek dairede  $|BO| = 6$  br  
 Çeyrek daire [BO] etrafında  $90^\circ$  döndürülmüş. Oluşan cismin hacmi kaç  $\pi br^3$  tür?

A) 18      B) 24      C) 36      D) 72      E) 144



14. Şekildeki kürenin içine yerleştirilen en büyük hacimli küpün bir ayrıtı 6 br dir. Buna göre, kürenin yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

A)  $102\pi$       B)  $108\pi$       C)  $110\pi$       D)  $116\pi$       E)  $124\pi$

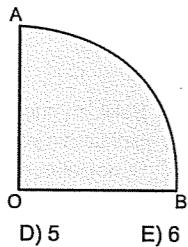


18. Çapı  $2\sqrt{6}$  br olan yarımküre şeklindeki oyuncak bir kasenin içine yerleştirilebilecek en büyük hacimli küpün tüm ayrıtlarının toplam uzunluğu kaç br dir?

A) 12      B) 15      C) 18      D) 21      E) 24

1. Yarıçapı 6 br olan bir dairenin çapı etrafında  $180^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?  
 A)  $296\pi$    B)  $288\pi$    C)  $212\pi$   
 D)  $148\pi$    E)  $144\pi$

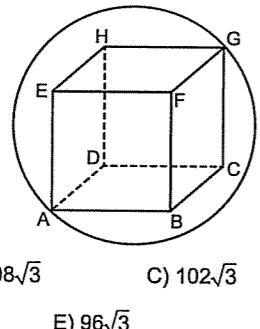
2. O merkezli çeyrek daire  $[AO]$  yarıçapı etrafında  $90^\circ$  döndürülüğünde oluşan cismin hacmi  $\frac{9\pi}{2} \text{ br}^3$  olduğuna göre,  $|AO|$  kaç br dir?  
 A) 2   B) 3   C) 4   D) 5   E) 6



3. Yarıçapı 6 br olan küre içine yerleştirilebilecek en büyük karenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?  
 A) 64   B) 72   C) 80   D) 96   E) 108

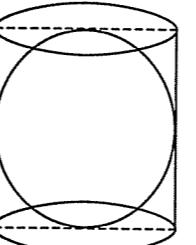
4. Hacmi  $4\sqrt{3}\pi \text{ br}^3$  olan bir kürenin, alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?  
 A)  $6\pi$    B)  $9\pi$    C)  $6\sqrt{3}\pi$    D)  $12\pi$    E)  $12\sqrt{3}\pi$

5. Kürenin içerisinde bulunan küpün, köşeleri küre yüzeyindedir. Küpün hacmi  $216 \text{ br}^3$  olduğuna göre, kürenin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?  
 A)  $136\sqrt{3}$    B)  $108\sqrt{3}$    C)  $102\sqrt{3}$   
 D)  $98\sqrt{3}$    E)  $96\sqrt{3}$



6. Hacmi sayıca alanının 3 katına eşit olan bir kürenin merkezinden 5 br uzaklıktaki arakesitinin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?  
 A)  $56\pi$    B)  $48\pi$    C)  $36\pi$    D)  $30\pi$    E)  $24\pi$

7. Şekilde bir küre ile bu küreye teget olan bir dik silindir veriliyor. Silindirin hacminin kürenin hacmine oranı nedir?



- A)  $\frac{1}{9}$    B)  $\frac{3}{2}$    C)  $\frac{4}{3}$    D)  $\frac{5}{4}$    E)  $\frac{6}{5}$

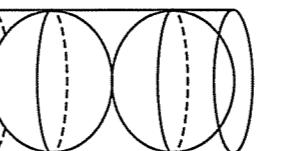
8. Yüksekliği 64 br olan silindirik bir kabin  $\frac{2}{3}$  ü su ile doludur. Bu kaba, aynı yarıçaplı bir küre atılıyor, su kabın tamamını dolduracak biçimde taşmadan yükseliyor. Kürenin yarıçapı kaç br dir?  
 A) 4   B) 8   C) 12   D) 16   E) 18

9. Yarıçapı R olan bir küre merkezinden  $\frac{R}{4}$  uzaklıkta bir düzleme kesiliyor. Elde edilen kesitin alanı kaç  $\pi R^2$  dir?  
 A)  $\frac{15}{16}$    B)  $\frac{15}{14}$    C)  $\frac{4}{9}$    D)  $\frac{3}{5}$    E) 2

10. Yarıçapının uzunluğu  $r=2$  olan kurşun bir küre eritilerek eşit büyüklükte 16 tane küçük küre yapılmış soğutuluyor. Yeni kürelerin yarıçap uzunluğu kaç br dir?  
 A)  $\frac{3}{5}$    B)  $\sqrt{3}$    C)  $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$    D)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$    E)  $3\sqrt{2}$

11. Bir küre merkezinden 5 br uzaklığındaki kesitin çevresi  $20\pi$  olduğuna göre, bu kürenin yarıçapı kaç br dir?  
 A) 15   B) 13   C) 12   D)  $5\sqrt{5}$    E) 10

12. Taban yarıçapı 3 br ve yüksekliği 4 br olan bir dik koni içine yerleştirilebilecek en büyük hacimli kürenin hacmi  $\pi$  kaç  $\text{br}^3$  tür?  
 A) 3   B) 3,5   C) 3,6   D) 4,2   E) 4,5

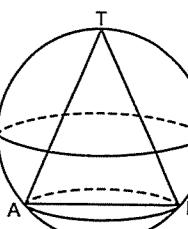


Şekildeki dik silindirin içine yerleştirilen eş küre, hem birbirlerine hem de silindirin iç yüzeylerine tegettirler. Eş kürelere birinin yarıçapı 2 br olduğuna göre, silindirin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $24\pi$    B)  $28\pi$    C)  $30\pi$    D)  $32\pi$    E)  $36\pi$

16. Yarıçapı 6 br olan bir küre yarısına kadar su ile doludur. Bu su, taban yarıçapı 6 br olan silindirin içine boşaltılırsa silindirin içindeki suyun yüksekliği kaç br olur?  
 A) 4   B) 6   C) 8   D) 9   E) 10

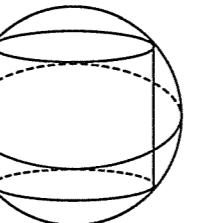
17. Şekildeki dik koninin taban çevresi ile tepeşi aynı kürenin yüzeyi üzerindedir. Kürenin yarıçapı kaç br dir?  
 A) 8   B) 10   C) 12   D) 13   E) 15



18. Bir kürenin hacmi 8 katına çıkarsa, yarıçapı % kaç artar?

- A) 200   B) 150   C) 100   D) 75   E) 50

14. Şekildeki kürenin içinde bulunan silindirin yüksekliği 10 br ve hacmi  $160\pi \text{ br}^3$  olduğuna göre, kürenin yarıçapı kaç br dir?



- A)  $\sqrt{38}$    B)  $2\sqrt{10}$    C)  $\sqrt{41}$    D)  $2\sqrt{11}$    E) 7

- 15.
- Yukarıdaki silindir, küre ve koninin hacimleri sırası ile  $V_1, V_2, V_3$  ise aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A)  $V_1 = V_2 = V_3$    B)  $V_1 < V_2 < V_3$    C)  $V_1 < V_3 < V_2$   
 D)  $V_3 < V_1 < V_2$    E)  $V_3 < V_2 < V_1$

19. İçi dolu bir madeni küre eritilerek 64 eş küre yapılmıyor. Oluşan kürelerin alanları toplamı ilk kürenin alanının kaç katıdır?

- A)  $\frac{1}{4}$    B)  $\frac{1}{2}$    C) 2   D) 4   E) 8

1. İki kürenin hacimleri oranı  $\frac{3}{125}$  olduğuna göre, alanları oranı nedir?

A)  $\frac{\sqrt{3}}{5}$    B)  $\frac{3\sqrt{3}}{25}$    C)  $\frac{\sqrt{3}}{25}$    D)  $\frac{3\sqrt{3}}{50}$    E)  $\frac{\sqrt{3}}{125}$

2. Şekildeki yarım kürenin içine tabanları aynı olan bir dönel koni yerleştiriliyor.  $|BC| = 3\sqrt{2}$  br olduğuna göre, yarım kürenin hacmi kaç  $br^3$  tür?

A)  $18\pi$    B)  $20\pi$    C)  $24\pi$    D)  $30\pi$    E)  $36\pi$

3. O merkezli R yarıçaplı kürenin merkezinde, tepesi bulunan koninin taban yarıçapı  $\frac{R}{4}$  olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\pi R^3 br^3$  tür?

A)  $\frac{1}{4}$    B)  $\frac{1}{16}$    C)  $\frac{\sqrt{15}}{64}$    D)  $\frac{\sqrt{15}}{192}$    E)  $\frac{\sqrt{3}}{32}$

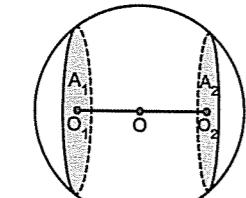
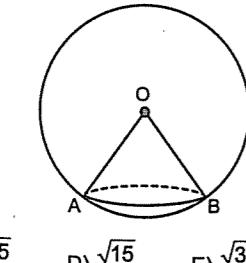
4. O merkezli küre  $A_1$  ve  $A_2$  alanlı paralel daireler tarafından kesilmiştir.

$$A_1 - A_2 = 28\pi$$

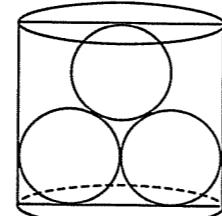
$$\frac{|OO_1|}{|OO_2|} = \frac{3}{4}$$

olduğuna göre,  $|O_1O_2|$  kaç br dir?

A) 4   B) 8   C) 10   D) 14   E) 16

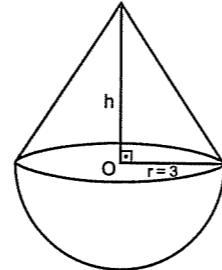


5. Her birinin yarıçapı 9 br olan üç küre birbirine bir silindirin tabanlarına ve yan yüzeylerine şekildeki gibi teget ise, silindirin yüksekliği kaç br dir?



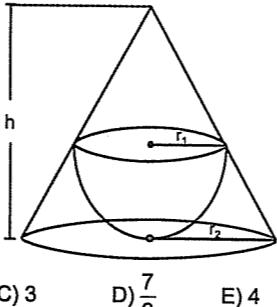
A)  $12 + 6\sqrt{3}$    B)  $16 + 4\sqrt{3}$    C)  $18 + 9\sqrt{3}$   
D)  $8 + 9\sqrt{3}$    E)  $12 + 4\sqrt{3}$

6. Şekildeki yarıçapları  $r = 3$  br olan koni ile yarım kürenin hacimleri eşit ise koninin yüksekliği kaç br dir?



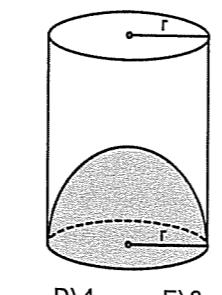
A) 2   B) 3   C) 4   D) 6   E) 12

7. Şekildeki koninin taban yarıçapı, içindeki yarım kürenin yarıçapının iki katıdır. ( $r_2 = 2r_1$ ) Buna göre, koninin hacmi yarım kürenin hacminin kaç katıdır?



A) 2   B)  $\frac{5}{2}$    C) 3   D)  $\frac{7}{2}$    E) 4

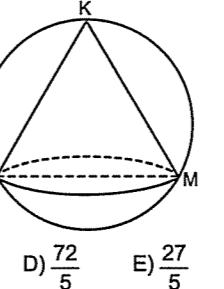
8. Şekildeki bir silindirin içine, içi su dolu bir yarım küre yerleştirilmiştir. Yarım küre ile silindirin arasında kalan kısma  $90\pi$  br<sup>3</sup> su doldurulmaktadır. Silindirin yüksekliği 12 br ise yarıçapı kaç br dir?



A) 7   B) 6   C) 5   D) 4   E) 3

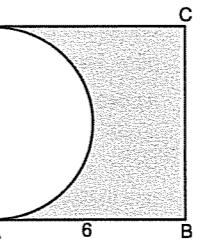
9. Şekildeki KLM üçgeni eşkenar ise kürenin hacminin koninin hacmine oranı  $\frac{V_{küre}}{V_{konl}}$  nedir?

A)  $\frac{63}{10}$    B)  $\frac{32}{9}$    C)  $\frac{64}{15}$    D)  $\frac{72}{5}$    E)  $\frac{27}{5}$



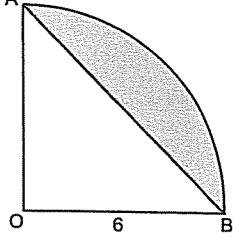
10. Bir kenar uzunluğu 6 br olan ABCD karesi ile [AD] çaplı yarım daire gösterilmiştir.

Tarali bölgenin [AD] etrafında  $360^\circ$  döndürülmesi sonucunda elde edilen cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?  
A)  $180\pi$    B)  $172\pi$    C)  $170\pi$   
D)  $166\pi$    E)  $162\pi$



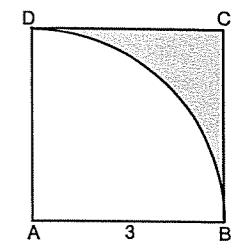
13. Yandaki şekilde O merkezli ve 6 br yarıçaplı çeyrek daire gösterilmiştir. Tarali bölgenin [OA] etrafında  $120^\circ$  döndürülmesi sonucunda elde edilen cismin hacmi kaç  $br^2$  dir?

A)  $18\pi$    B)  $20\pi$    C)  $24\pi$    D)  $36\pi$    E)  $72\pi$



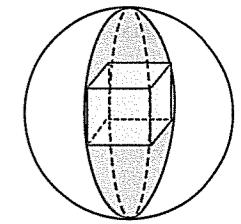
14. Yandaki şekilde bir kenar uzunluğu 3 br olan ABCD karesi ile A merkezli çeyrek daire gösterilmiştir.

Tarali bölgenin [AD] etrafında  $360^\circ$  döndürülmesi sonucunda elde edilen cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?  
A)  $6\pi$    B)  $8\pi$    C)  $9\pi$    D)  $10\pi$    E)  $12\pi$



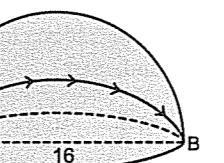
15. Yarıçapının uzunluğu 3 br olan kürenin içerisine, tüm köşeleri küre üzerinde bulacak şekilde bir küp yerleştiriliyor. Küpün yüzey alanı kaç  $br^2$  dir?

A) 64   B) 66   C) 68   D) 72   E) 74



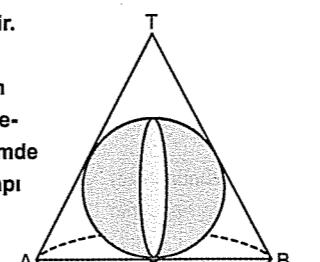
11. Şekildeki çapı 16 br olan bir yarım küre gösterilmiştir. [AB] çap olmak üzere, A noktasında bulunan bir hareketli kürenin yüzeyi boyunca hareket etmek koşuluyla B noktasına gidecektir. En kısa yol kaç br dir?

A)  $8\pi$    B)  $10\pi$    C)  $12\pi$    D)  $16\pi$    E)  $20\pi$

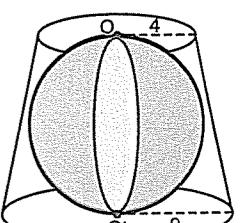


12. TAB eşkenar üçgendir.

Taban yarıçapı 24 br olan dik koninin taban merkezine ve yan yüzeye teget olacak biçimde çizilen kürenin yarıçapı kaç br dir?



A) 6   B)  $4\sqrt{3}$    C)  $6\sqrt{3}$    D)  $8\sqrt{3}$    E)  $12\sqrt{3}$



16. Şekildeki dik kesik koninin taban merkezlerine ve yan yüzeye degecek biçimde bir küre yerleştirilmiştir. Kesik koninin taban yarıçapları 4 br ve 9 br ise kürenin yarıçapı kaç br dir?

A) 3   B) 4   C) 6   D) 6,5   E) 8

1. 1967 – ÜSS:

Hacimleri eşit iki silindirin yan alanları arasındaki oran aşağıdakilerden hangisidir?

A)  $\frac{h}{h'}$       B)  $\frac{r}{r'}$       C)  $\frac{r}{\sqrt{r'}}$       D)  $\frac{r'^2}{r}$       E)  $\frac{h}{\sqrt{h'}}$

2. 1968 – ÜSS:

Çapı  $d$  olan kürenin hacmi çap cinsinden yazılırsa aşağıdakilerden hangisi elde edilir?

A)  $V = \frac{4}{3}\pi d^3$       B)  $V = \frac{2}{3}\pi d^3$       C)  $V = \frac{1}{6}\pi d^3$   
 D)  $V = \frac{1}{3}\pi d^3$       E)  $V = \frac{1}{2}\pi d^3$

3. 1969 – ÜSS:

Tabanının bir kenarı 8 cm, yüksekliği 3 cm olan düzgün kare piramidin bütün alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A) 224      B) 144      C) 112      D) 80      E) 64

4. 1974 – ÜSS:

Ayrıtlarından bir s uzunluğunda olan bir küpün içine teget bir küre çiziliyor. Küpün bir köşesinin kürenin yüzeyine olan uzaklığı aşağıdakilerden hangisidir?

A)  $\frac{s(\sqrt{3}-1)}{2}$       B)  $\frac{s(\sqrt{3}+3)}{3}$       C)  $3\sqrt{s+1}$   
 D)  $\frac{s\sqrt{2}}{2}$       E)  $\frac{s\sqrt{3}}{2}$

5. 1976 – ÜSS:

Bir silindirin yanal alanı  $20\pi$  ve yüksekliği 10 cm olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

A)  $2\pi$       B)  $20\pi$       C)  $10\pi$       D)  $40\pi$       E)  $200\pi$

6. 1977 – ÜSS:

Bir kürenin merkezinden 4 cm uzaklıktaki kesitin alanı  $6\pi \text{ cm}^2$  olduğuna göre, bu kürenin yarıçapı kaç cm dir?

A) 5      B)  $\sqrt{22}$       C) 6      D)  $\sqrt{52}$       E) 8

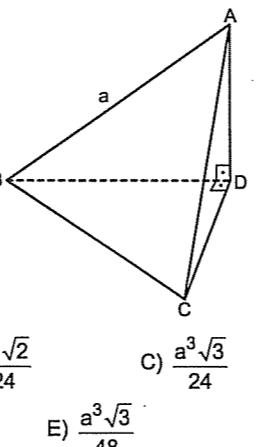
7. 1979 – ÜSS:

Bir dikdörtgenler prizmasının boyutları 3, 5, 7 ile orantılıdır. Bu prizmanın tüm alanı  $568 \text{ cm}^2$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

A) 440      B) 540      C) 640      D) 740      E) 840

8. 1980 – ÜSS:

Şekildeki ABCD dörtlüzlüsünün ABC yüzü bir kenarının uzunluğu  $a$  olan bir eşkenar üçgen, BDC yüzü ise D açısı dik olan bir üçgendir. AD ayırtı BDC düzlemine dik olduğuna göre, bu dörtlüzlünün hacmi ne kadardır?



A)  $\frac{a^3}{24}$       B)  $\frac{a^3\sqrt{2}}{24}$       C)  $\frac{a^3\sqrt{3}}{24}$   
 D)  $\frac{a^3\sqrt{6}}{24}$       E)  $\frac{a^3\sqrt{3}}{48}$

9. 1981 – ÖYS:

Bir dikdörtgenler prizmasının ayrıtları 1, 3, 5 sayıları ile orantılıdır. Bu dikdörtgenler prizmasının cisim köşegeni  $\sqrt{70} \text{ cm}$  olduğuna göre, hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

A) 120      B) 92      C)  $30\sqrt{2}$       D) 15      E)  $15\sqrt{6}$

10. 1981 – ÖYS:

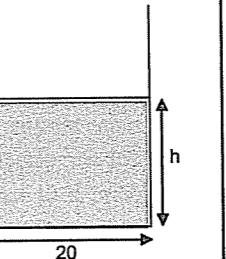
Bir küpün alanı  $b \text{ cm}^2$  dir. İkinci bir küpün hacmi bu küpün hacminin  $c$  katıdır. İkinci küpün alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A)  $b\sqrt[3]{c^2}$       B)  $c\sqrt[3]{b^2}$       C)  $b^2c$   
 D)  $\sqrt{b^2c}$       E)  $\sqrt{c^3b}$

11. 1981 – ÖSS:

Taban çapı  $2R = 20 \text{ cm}$  olan silindir biçimindeki bir kaptan, başlangıçta  $200\pi \text{ cm}^3$  su vardır. Bu kaba yeniden su konmakta ve kaptaki suyun  $h$  yüksekliği,  $t$  zamanına göre  $h = at + b$  bağıntısı ile değişmektedir. Bu kaba su konmaya başladıkтан 2 sn sonra suyun yüksekliği 8 cm olduğuna göre, 3 sn daha sonra (beşinci saniye sonunda) suyun yüksekliği kaç cm olur?

A) 32      B) 23      C) 19      D) 17      E) 14

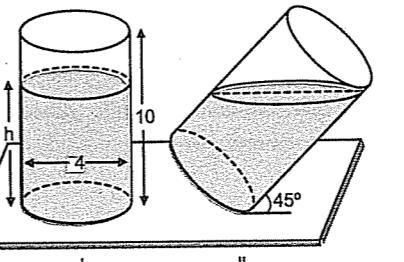


12. 1982 – ÖYS:

Yarıçapı  $R$  olan bir küre, merkezinden  $\frac{R}{3}$  uzaklıkta bir düzleme kesiliyor. Elde edilen kesitin alanı kaç  $\pi R^2$  olur?

A)  $\frac{8}{9}$       B) 2      C)  $\frac{4}{3}$       D)  $\frac{4}{9}$       E)  $\frac{8}{3}$

13. 1982 – ÖYS:

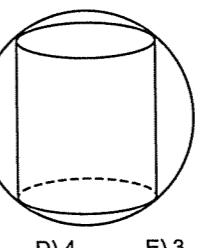


Yukarıdaki I. şekil taban çapı 4 cm, yüksekliği 10 cm olan bir silindir, bu silindirdeki suyun yüksekliği  $h$  dir. Bu kap 45° lik açı yapacak biçimde eğildiğinde su düzeyi şekildeki gibi kabın ağzına dayanmaktadır. Buna göre,  $h$  kaç cm dir?

A) 9      B) 8      C) 7      D) 6      E) 5

14. 1983 – ÖYS:

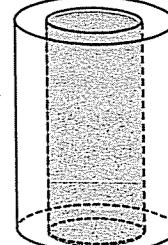
Yandaki şekilde küre içine yerleştirilmiş silindirin yüksekliği 8 cm ve hacmi  $72\pi \text{ cm}^3$  olduğuna göre, kürenin yarıçapı kaç cm dir?



A) 7      B) 6      C) 5      D) 4      E) 3

15. 1983 – ÖSS:

İç içe girmiş ve yükseklikleri eşit, dik silindir biçimindeki iki kaptan dışındaki birinin çapı içtekinin çapının iki katıdır. İçteki kap ağzına kadar su ile dolu iken tabanına çok yakın bir delik açılırsa, ikisi arasındaki boşlukta su hangi yüksekliği çıkar? (İçteki kabın kalınlığı önemsenmeyecektir.)



A)  $\frac{h}{2}$       B)  $\frac{h}{4}$       C)  $\frac{h}{3}$       D)  $\frac{2h}{3}$       E)  $\frac{3h}{4}$

16. 1984 – ÖSS:

10 cm boyunda 1 cm çapında silindir biçimindeki 10 kalemler beşerli iki sıra halinde, dikdörtgenler prizması şeklindeki bir kutuya konulacaktır. Bu kutunun hacmi en az kaç  $\text{cm}^3$  olmalıdır?

A) 300      B) 200      C) 150      D) 100      E) 50

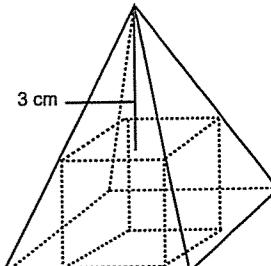
17. 1985 – ÖYS:

Bir dikdörtgenler prizmasının ayrıtları  $x, x, h \text{ cm}$  dir. Bu prizmanın hacmi  $75 \text{ cm}^3$  olduğuna göre, yüzlerinin toplam alanının  $x$  cinsinden ifadesi aşağıdakilerden hangisidir?

A)  $2x^2 + \frac{300}{x}$       B)  $x^2 + 4x$       C)  $x^2 + 75$   
 D)  $\frac{x^2}{2} + 4x$       E)  $\frac{x^2}{2} + 300x$

18. 1986 – ÖSS:

Yandaki şekilde, kare tabanlı dik piramidin içine yerleştirilmiş küp görülmektedir. Küpün alt yüzü piramidin tabanı ile aynı düzlemdedir. Üstte kalan küçük piramidin yüksekliği 3 cm, hacmi  $9 \text{ cm}^3$  olduğuna göre, büyük piramidin taban kenarlarından biri kaç cm dir?

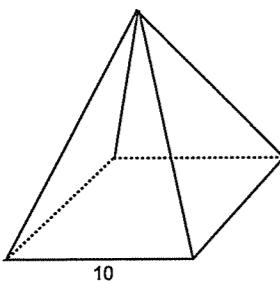


A) 9      B) 8      C) 7      D) 6      E) 5

19. 1987 – ÖYS:

Taban kenarı 10 cm olan bir düzgün kare piramidin bütün alanı  $360 \text{ cm}^2$  dir. Buna göre, piramidin yüksekliği kaç cm dir?

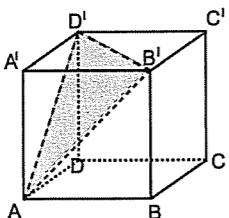
- A) 11    B) 12    C) 13    D) 14    E) 15



20. 1987 – ÖYS:

Yandaki şekilde verilen küpün bir ayrıntının uzunluğu 1 cm dir. Buna göre,  $D'A'B'$  üçgeninin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $3\sqrt{3}$     B)  $2\sqrt{3}$     C)  $\sqrt{3}$   
D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     E)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$



21. 1987 – ÖSS:

Yüksekliği 60 cm ve taban kenar uzunluğu a cm olan kare prizma su ile doludur.

Yarıçapı a cm olan bir silindirin, prizmadaki suyun tamamını alabilmesi için yüksekliği en az kaç cm olmalıdır? ( $\pi = 3$  alınız.)

- A) 22    B) 20    C) 18    D) 16    E) 15

22. 1988 – ÖYS:

Boyu eninin iki katı uzunluğunda olan dikdörtgen şeklindeki bir kartonun tümü kullanılarak  $16 \text{ cm}^3$  hacimde, kare prizma şeklinde kapaksız bir kutu yapıyorlar.

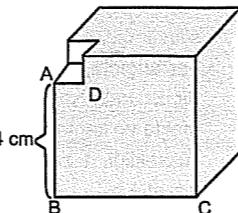
Kare prizmanın taban kenarı, verilen kartonun enine eşit olduğuna göre kullanılan kartonun alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A) 128    B) 96    C) 64    D) 32    E) 16

23. 1989 – ÖYS:

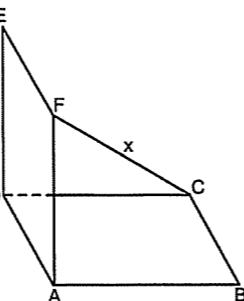
Küp biçimindeki tahta bir bloktan küçük bir küp alınmıştır. Kalan tahtanın hacmi  $208 \text{ cm}^3$  olduğuna göre,  $|BC|$  kaç cm dir?

- A) 9    B) 8    C) 7    D) 6    E) 5



24. 1994 – ÖYS:

$|AB| = 4$  br  
 $|FC| = x$  br  
Şekildeki ABCD ve ADEF kareleri birbirine dik ve eşittir.  
 $|AB| = 4$  br olduğuna göre,  
 $|FC| = x$  kaç br dir?



- A)  $2\sqrt{3}$     B)  $4\sqrt{2}$     C)  $3\sqrt{5}$     D)  $4\sqrt{3}$     E)  $2\sqrt{5}$

25. 1995 – ÖSS:

Taban yarıçapı 8 cm, yan yüzeyinin alanı  $96\pi$   $\text{cm}^2$  olan bir dönel koninin, yüksekliğinin bir ana doğrusuna oranı kaçtır?

- A)  $\frac{\sqrt{6}}{4}$     B)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$     C)  $\frac{3}{4}$     D)  $\frac{2}{3}$     E)  $\frac{1}{2}$

26. 1995 – ÖSS:

Kenarları 3 cm, 6 cm ve 12 cm olan bir dikdörtgenler prizmasının hacmine eşit hacimde olan küpün bir kenarı kaç cm dir?

- A) 2    B) 3    C) 4    D) 5    E) 6

27. 1995 – ÖSS:

Kenarları, 60 cm ve 80 cm olan dikdörtgen biçimindeki karton, bükülecek dik silindir biçiminde bir boru haline getirilecektir.

Bükme işlemi uzun kenar ve kısa kenar üzerine yapıldığında elde edilecek iki farklı boru silindirin yan alanları oranı kaçtır?

- A) 1    B)  $\frac{1}{2}$     C)  $\frac{2}{3}$     D)  $\frac{3}{4}$     E)  $\frac{4}{5}$

28. 1995 – ÖYS:

Bir düzgün dörtyüzünün tüm alanı  $256\sqrt{3}$   $\text{cm}^2$  dir. Bu dörtyüzün yanal yüz yüksekliği kaç cm dir?

- A)  $6\sqrt{3}$     B)  $7\sqrt{3}$     C)  $8\sqrt{3}$   
D)  $9\sqrt{3}$     E)  $10\sqrt{3}$

29. 1996 – ÖSS:

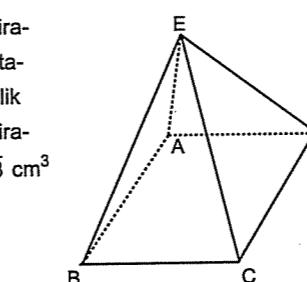
Bir dikdörtgenler prizmasının x, y, z boyutları 2, 3, 4 sa-yları ile doğru orantılıdır. Bu prizmanın hacmi  $3000 \text{ cm}^3$  olduğuna göre, alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A) 1100    B) 1200    C) 1300  
D) 1400    E) 1500

30. 1996 – ÖYS:

Şekildeki kare dik piramidin bir yan yüzü, taban düzlemi ile  $60^\circ$  lik açı yapmaktadır. Piramidin hacmi  $288\sqrt{3} \text{ cm}^3$  olduğuna göre, tabanın bir kenarı kaç cm dir?

- A) 10    B) 12    C) 13    D) 14    E) 16



31. 1997 – ÖSS:

Tabanının boyutları 6 cm ve 8 cm olan dikdörtgenler prizması biçimindeki bir kapta bir miktar su vardır. Bir ayrıntının uzunluğu 5 cm olan kapalı bir küp, tabanı kabın tabanına degecek biçimde suya batırılınca su seviyesi küpün yarısına kadar yükselir.

Buna göre, suyun ilk yüksekliği kaç cm dir?

- A)  $\frac{115}{96}$     B)  $\frac{113}{94}$     C)  $\frac{111}{92}$     D)  $\frac{109}{90}$     E)  $\frac{103}{90}$

32. 1998 – ÖYS:

Kare tabanlı kapalı bir dik prizmanın hacmi  $30 \text{ cm}^3$  tür. Karenin bir kenarı x cm olduğuna göre, prizmanın tüm alanını veren  $y = f(x)$  fonksiyonu aşağıdakilerden hangisidir?

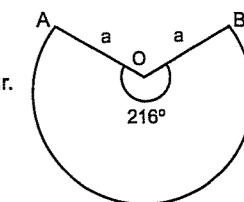
- A)  $y = \frac{2x+60}{x^2}$     B)  $y = \frac{x^2+30}{x}$     C)  $y = \frac{x^2+120}{x}$   
D)  $y = \frac{x^2+60}{x^2}$     E)  $y = \frac{2x^3+120}{x}$

33. 1998 – ÖSS:

Yanal alanı  $135\pi \text{ cm}^2$  olan bir dik koninin taban yarıçapı 9 cm dir.

Bu koninin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

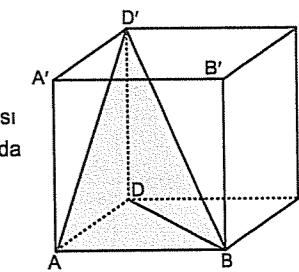
- A)  $282\pi$     B)  $292\pi$     C)  $302\pi$   
D)  $312\pi$     E)  $324\pi$



34. 1998 – ÖYS:

Yandaki şekil, ana doğrusunun uzunluğu a cm olan bir dik koninin açılımıdır. Dik koninin hacmi  $96\pi \text{ cm}^3$  ve  $m(\widehat{AOB}) = 216^\circ$  olduğuna göre,  $|OA| = |OB| = a$  kaç cm dir?

- A) 6    B) 8    C) 9    D) 10    E) 12

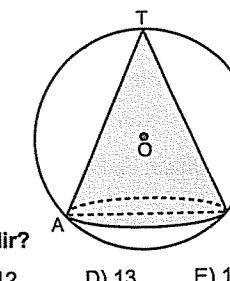


35. 1998 – ÖSS:

ABCD kare tabanlı ABCDA'B'C'D' dikdörtgenler prizmasında D' noktası A ve B ile, D noktası da B ile birleştirilirse, hacmi  $300 \text{ cm}^3$  olan (D', ABD) piramidi elde ediliyor.

ABCDA'B'C'D' prizmasının yüksekliği 15 cm olduğuna göre, tabanının bir kenarı kaç cm dir?

- A)  $\sqrt{15}$     B)  $2\sqrt{15}$     C)  $3\sqrt{15}$   
D)  $2\sqrt{30}$     E)  $3\sqrt{30}$

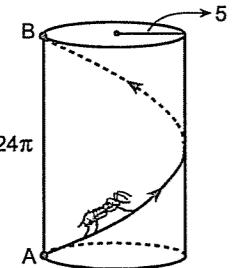


36. 1999 – ÖSS:

Şekilde, taban yarıçapı 6 cm olan dik koninin tepe noktası ve taban çemberi, O merkezli kürenin yüzeyin dedir. Dik koninin hacmi  $216\pi \text{ cm}^3$  olduğuna göre, kürenin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 9    B) 10    C) 12    D) 13    E) 15

37. 2000 – ÖSS:



Yarıçapı 5 cm, yüksekliği  $24\pi$  olan dik silindir biçimindeki bir kutunun alt tabanı üzerindeki A noktası ile üst taban üzerindeki B noktası aynı düşey doğru üzerindedir. Şekildeki gibi, A dan hareket edip kutunun yalnızca yanal yüzeyinde tek bir dolanım yaparak en kısa yol dan B ye giden bir karıncanın aldığı yol kaç cm dir?

- A)  $26\pi$       B)  $25\pi$       C)  $24\sqrt{2}\pi$   
D)  $25\sqrt{3}$       E)  $25\sqrt{2}$

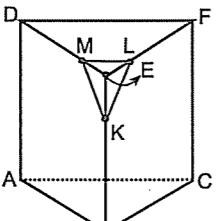
38. 2001 – ÖSS:

Yanda, ABCDEF üçgen tabanlı dik prizması ile, köşeleri bu prizmanın ayrıtları üzerinde olan MLEK piramidi verilmiştir.  
 $[ML] \parallel [DF]$ ,

$$\frac{|ME|}{|DE|} = \frac{1}{3}, \quad \frac{|EK|}{|EB|} = \frac{1}{3}$$

olduğuna göre,  $\frac{\text{Hacim}(MLEK)}{\text{Hacim}(ABCDEF)}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{81}$       B)  $\frac{1}{64}$       C)  $\frac{1}{49}$       D)  $\frac{1}{36}$       E)  $\frac{1}{27}$



www.guryayinlari.com

39. 2002 – ÖSS:

ABCDEFGH küp

AKLMTSRN küp

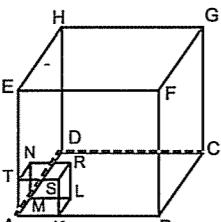
 $|ABI| = a$  cm

$$|AK| = \frac{a}{3} \text{ cm}$$

Bir kenarı  $a$  cm olan içi dolu tahta bir küpün köşesinden, bir kenarı  $\frac{a}{3}$  cm olan bir küp kesilerek çıkartılıyor.

Geriye kalan büyük küp parçasının alanının, küçük küpün alanına oranı kaçtır?

- A) 9      B) 12      C) 18      D) 27      E) 36



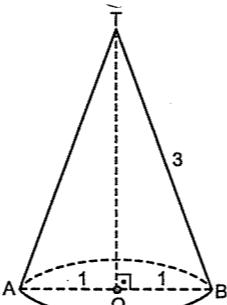
40. 2002 – ÖSS:

T dik koninin tepesi  
 $|AB|$  koni tabanının bir çapı  
 $|AO| = |OB| = 1$  km  
 $|TB| = 3$  km

Yandaki şekil, koni biçiminde idealleştirilmiş bir dağ; A ve B noktaları ise bu dağ eteğindeki iki köyü temsil etmektedir.

Bu iki köyü birleştiren dağ yüzeyi üzerindeki en kısa yol kaç km dir?

- A)  $\frac{\pi}{3}$       B)  $\frac{2\pi}{3}$       C)  $\pi$       D)  $\sqrt{3}$       E) 3

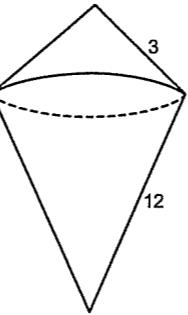


41. 2003 – ÖSS:

Şekildeki gibi, koni biçiminde bir kapak ile koni biçiminde bir gövdeden oluşan kapaklı bir cisim yapılacak. Kapak koninin yanal ayrıtı 3 cm, yanal alanı  $24\text{ cm}^2$  dir.

Gövde koninin yanal ayrıtı 12 cm olduğuna göre, yanal alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

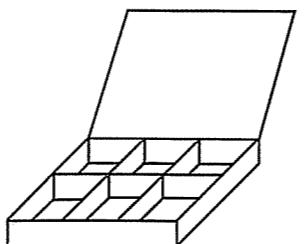
- A) 96      B) 108      C) 116      D) 150      E) 384



42. 2003 – ÖSS:

Şekildeki gibi 6 böülümlü ve tabanı kare olan kapaklı bir karton kutu yapılacaktır. Bu kutunun yüksekliği 5 cm, tabanının bir kenarının uzunluğu 20 cm olacağına göre, kaç  $\text{cm}^2$  karton gereklidir?

- A) 1000      B) 1100      C) 1200  
D) 1400      E) 1500



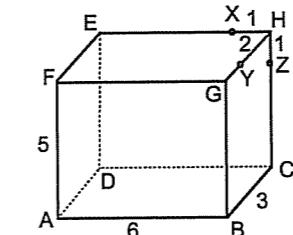
43. 2004 – ÖSS:

$|AB| = 6$  birim  
 $|BC| = 3$  birim  
 $|AF| = 5$  birim  
 $|HX| = |HZ| = 1$  birim  
 $|HY| = 2$  birim

Yandaki gibi dikdörtgenler prizması şeklindeki bir kutunun A köşinden harekete başlayan üç karıncadan birincisi X, ikincisi Y, üçüncü Z noktasına sırasıyla x, y, z birim yol alarak ulaşmıştır.

Kutunun ABCD tabanından geçmeyen bu karıncalar X, Y ve Z noktalarına kutu yüzeyinde kalarak en kısa yollardan ulaştıklarına göre, aşağıdaki sıralamalarдан hangisi doğrudur?

- A)  $x < y < z$       B)  $x < z < y$       C)  $y < x < z$   
D)  $y < z < x$       E)  $z < y < x$

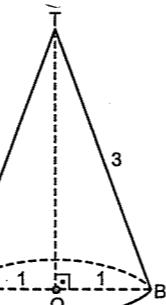


44. 2005 – ÖSS:

Yüksekliği 10 cm olan dik silindir biçimindeki bir su bardağı tümüyle su doludur. Suyun  $25\text{ cm}^3$  ü boşaltıldığında, su yüksekliği 2 cm azalmaktadır.

Buna göre, tümüyle dolu bardakta kaç  $\text{cm}^3$  su bulunur?

- A) 125      B) 135      C) 150      D) 225      E) 250

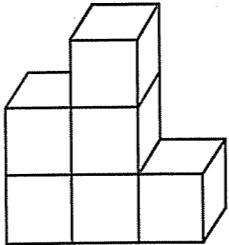


45. 2005 – ÖSS:

Kenar uzunlukları 1 er birim olan 6 küple oluşturulan yandaki kürsünün tabanı hariç tüm yüzeyi, bir madalya töreni için kumaşla kaplanacaktır.

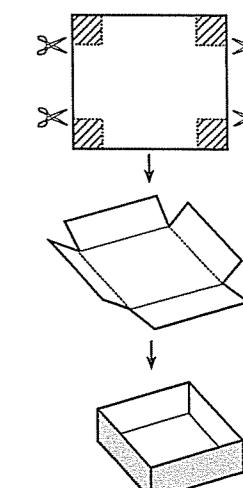
Bu kaplama işi için kaç birim kare kumaş gereklidir?

- A) 18      B) 20      C) 21      D) 25      E) 32



46. 2006 – ÖSS:

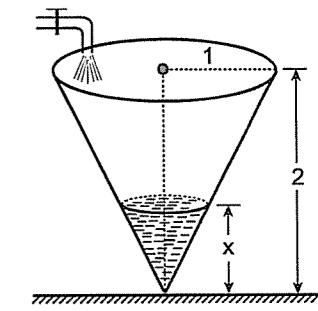
Bir kenar uzunluğu 16 cm olan kare şeklindeki kartonun köşelerinden bir kenar uzunluğu 3 cm olan birer kare kesilerek çıkartılıyor ve kalan karton parçası kıvrılarak şekildeki gibi üstü açık bir kutu yapılmıyor. Bu kutunun hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



- A) 200      B) 240      C) 250      D) 300      E) 360

47. 2006 – ÖSS:

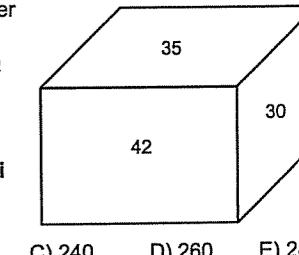
Şekildeki gibi, taban yarıçapı 1 metre, yüksekliği 2 metre olan dik koni biçimindeki bir su deposuna bir musluktan sabit hızla su akıtıiyor. Depoda biriken suyun derinliği  $x$  metre olduğunda, depoda biriken suyun hacmi  $x$  türünden kaç metre küp olur?



- A)  $\frac{\pi x^3}{12}$       B)  $\frac{\pi x^3}{9}$       C)  $\frac{\pi x^3}{6}$       D)  $\frac{\pi x^3}{4}$       E)  $\frac{\pi x^3}{3}$

48. 2007 – ÖSS:

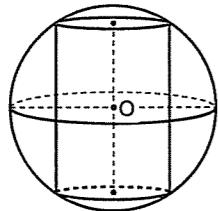
Şekildeki dikdörtgenler prizmasının üç farklı yüzünün alanları  $\text{cm}^2$  türünden üzerlerine yazılmıştır. Bu prizmanın hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



- A) 200      B) 210      C) 240      D) 260      E) 280

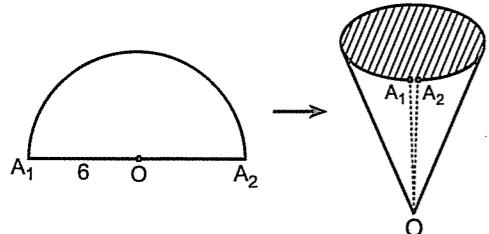
49. 2008 – ÖSS:

Yarıçapı 3 cm olan  
O merkezli küre içine,  
ekseni küre merkezinden  
geçen 1 cm yarıçaplı dik  
dairesel silindir aşağıdaki  
gibi yerleştiriliyor.

Bu silindirin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

- A)  $\frac{3\pi}{2}$    B)  $3\pi$    C)  $3\sqrt{3}\pi$   
D)  $4\sqrt{2}\pi$    E)  $9\pi$

50. 2009 – ÖSS:



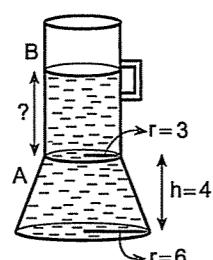
Yarıçap uzunluğu 6 cm olan yarımdaire biçimindeki kağıt parçası,  $A_1$  ve  $A_2$  noktaları şekildeki gibi çıkışacak biçimde büküllererek tepesi O noktası olan bir dik koni oluşturuluyor.

Bu koninin taban alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $6\pi$    B)  $7\pi$    C)  $8\pi$    D)  $9\pi$    E)  $10\pi$

51. 2009 – ÖSS:

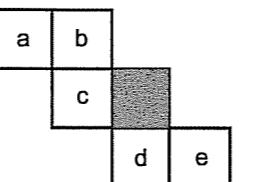
Yanda verilen kahve yapma makinesi, taban yarıçapı 6 cm ve yüksekliği 4 cm olan kesik koni biçimindeki A parçası ile taban yarıçapı 3 cm olan yeterince yüksek silindir biçimindeki B parçasının şekildeki gibi birleştirilmesiyle oluşturulmuştur.



Kahve makinesi boşken B nin üstünden A kısmının hacminin 3 katı su konulduğunda B kısmında su kaç cm yükselir?

- A)  $\frac{35}{2}$    B)  $\frac{45}{2}$    C)  $\frac{19}{3}$    D)  $\frac{40}{3}$    E)  $\frac{56}{3}$

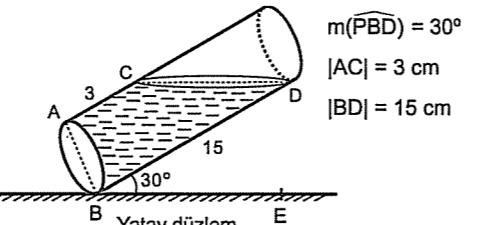
52. 2010 – YGS:



Yukarıda bir küpün açılımı verilmiştir.  
Küpün üst yüzeyinde siyah kare bulunduğuunda alt  
yüzeyindeki kareden hangi harf bulunur?

- A) a   B) b   C) c   D) d   E) e

53. 2010 – LYS1 / GEO:



Dik dairesel silindir biçimindeki tamamı suyla dolu olan bir bardak, yatay düzleme  $30^\circ$  lik açı yapacak biçimde şekildeki gibi eğildiğinde bardaktan bir miktar su dökülüyor. Bardakta kalan su C ve D noktalarında dengeleiyor.

Buna göre, bardaktan kaç  $\text{cm}^3$  su dökülmüş olur?

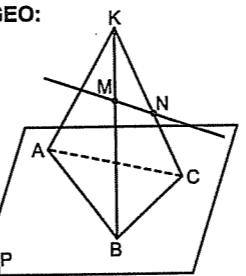
- A)  $66\pi$    B)  $68\pi$    C)  $72\pi$    D)  $74\pi$    E)  $76\pi$

55. 2010 – LYS1 / GEO:

Aşağıdakilerden hangisi bir düzlem belirtmez?

- A) Doğrusal olmayan üç nokta  
B) Bir doğru ile dışındaki bir nokta  
C) Aykırı iki doğru  
D) Paralel iki farklı doğru  
E) Kesişen iki farklı doğru

56. 2010 – LYS1 / GEO:



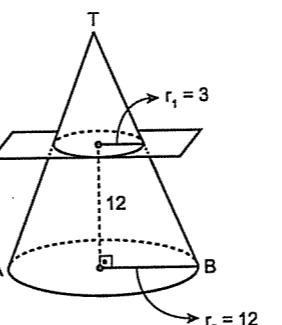
P düzlemi üzerinde bir ABC üçgeni ve bu düzlemin dışında bir K noktası alınıyor. A, B, C noktaları K noktası ile birleştiriliyor. [KB] ve [KC] üzerinde K, B ve C den farklı olacak şekilde M ve N noktaları işaretleniyor ve MN doğrusu çiziliyor.

MN doğrusunun P düzlemi kestiği bilindiğine göre, kesim noktası neresidir?

- A) AB doğrusu üzerinde bir noktası  
B) AC doğrusu üzerinde bir noktası  
C) AK doğrusu üzerinde bir noktası  
D) BC doğrusu üzerinde bir noktası  
E) ABC üçgeninin ağırlık merkezi

57. 2011 – LYS1 / GEO:

Bir dik dairesel koni, tabana paralel bir düzleme kesiliyor.



Elde edilen kesik koninin yüksekliği 12 cm, taban yarıçapları ise 3 cm ve 12 cm'dir.

Buna göre, koninin [TA] yanal ayrıntının uzunluğu kaç  $\text{cm}$ 'dir?

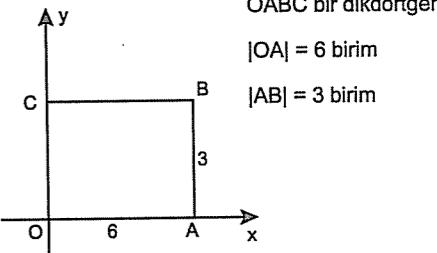
- A) 15   B) 16   C) 18   D) 20   E) 22

58. 2011 – LYS1 / GEO:

Yarıçapı  $3\sqrt{3}$  cm olan bir kürenin içine yerleştirilebilecek en büyük hacimli küpün hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

- A) 125   B) 216   C) 512  
D)  $81\sqrt{3}$    E)  $108\sqrt{6}$

59. 2011 – LYS1 / GEO:



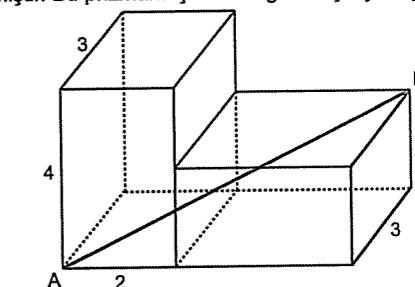
OABC bir dikdörtgen  
 $|OA| = 6$  birim  
 $|AB| = 3$  birim

Dik koordinat düzleminde verilen şekildeki OABC dikdörtgeninin x ekseni etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen silindirin hacmi  $V_x$ , y ekseni etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen silindirin hacmi de  $V_y$  olduğuna göre,  $\frac{V_x}{V_y}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{2}$    B)  $\frac{1}{3}$    C)  $\frac{2}{3}$   
D) 2   E) 3

60. 2012 – YGS:

Aşağıda, ayrı uzunlukları 2, 3 ve 4 birim olan iki eş dikdörtgenler prizmasıyla oluşturulmuş bir yapı gösterilmiştir. Bu prizmalar şekildeki gibi bitişik yerleştirilmiştir.

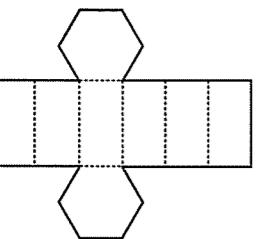


Buna göre, A ve B köşelerini birleştiren AB doğrusu parçasının uzunluğu kaç birimdir?

- A)  $6\sqrt{2}$    B)  $8\sqrt{3}$    C)  $5\sqrt{5}$   
D) 7   E) 9

## 61. 2012 – LYS1 / GEO:

Bir düzgün altigen prizmanın bir yanal yüzünün çevresi 18 cm ve tabanının çevresi 24 cm'dir. Bu prizmanın bir açığını aşağıda verilmiştir.

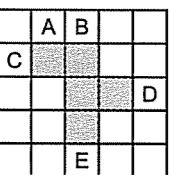


Bu açığının çevresi kaç cm'dir?

- A) 80      B) 84      C) 90      D) 96      E) 100

## 62. 2012 – LYS1 / GEO:

5x5'lik bir kareli kâğıdın beş karesi, şekildeki gibi boyanmıştır.



Bu kâğıtta A, B, C, D, E ile belirtilen karelerden biri daha boyanacak ve boyanmış kareler bir küp açığını olacaktır.

**Buna göre, boyanacak kare aşağıdakilerden hangisi olamaz?**

- A) A      B) B      C) C      D) D      E) E

## 63. 2012 – LYS1 / GEO:

Yüksekliği 21 cm, yarıçapı 9 cm olan dik dairesel silindir biçimindeki bir sürahi tümüyle ayranla doludur. Bu ayranın tamamı, taban yarıçapları 3 cm ve 6 cm olan kesik koni biçimindeki 6 adet özdeş boş bardaşa konuluyor.

Bardaklar tam olarak dolduguına göre, bu bardakların yüksekliği kaç cm'dir?

- A)  $\frac{25}{2}$       B)  $\frac{27}{2}$       C)  $\frac{40}{3}$       D)  $\frac{44}{3}$       E)  $\frac{55}{4}$

## 64. 2012 – LYS1 / GEO:

Yarıçapı  $r$  olan bir küre ile taban yarıçapları  $r$  olan bir dik dairesel silindir ve bir dik dairesel koni veriliyor.

**Bu üç cismin hacimleri eşit olduğuna göre,**

- Koninin yüksekliği, silindirin yüksekliğinin 3 katıdır.
- Silindirin yüksekliği  $\frac{2r}{3}$ 'tür.
- Koninin yüksekliği 4'r'dir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I      B) Yalnız II      C) I ve II  
D) I ve III      E) II ve III

## 65. 2012 – LYS1 / GEO:

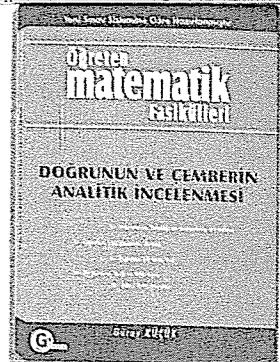
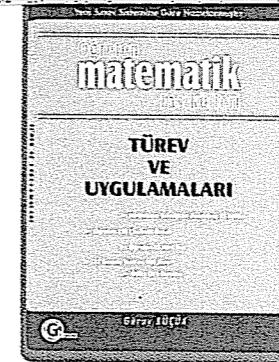
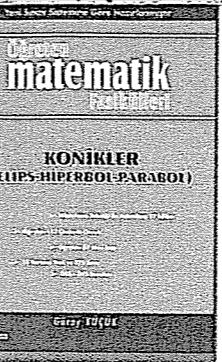
Tabanının bir kenar uzunluğu  $a$  birim ve yüksekliği  $h$  birim olan bir kare dik piramit, taban köşegeninden geçen, tabana dik bir düzleme kesiliyor.

**Buna göre, oluşan arakesitin alanının  $a$  ve  $h$  türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?**

- A)  $\frac{a\sqrt{2} \cdot h}{2}$       B)  $\frac{a^2 \cdot h\sqrt{2}}{2}$   
C)  $\frac{a^2 \cdot h^2}{2}$       D)  $\frac{a \cdot h^2}{2}$   
E)  $\frac{a \cdot h}{2}$

## ÜSS - OSS - ÖYS - YGS - LYS CEVAP ANAHTARI

1-B	2-C	3-A	4-A	5-C	6-B	7-E	8-B	9-C	10-A
11-D	12-A	13-B	14-C	15-B	16-D	17-A	18-D	19-B	20-D
21-B	22-D	23-D	24-D	25-B	26-E	27-A	28-C	29-C	30-B
31-A	32-E	33-E	34-D	35-D	36-B	37-A	38-A	39-A	40-E
41-A	42-E	43-C	44-A	45-C	46-D	47-A	48-B	49-D	50-D
51-E	52-A	53-C	54-D	55-C	56-D	57-D	58-B	59-A	60-D
61-C	62-C	63-B	64-D	65-A					



## ÖĞRETMEN VE ÖĞRENCİ GÖRÜŞLERİ

Değişen sınav sisteminde başarılı olmanın koşulu her derste enince ayrıntılı kavrayabilecek kadar bilgi birikimine sahip olmaktadır. Bu birikimi sağlamaların ilk adımı da size tüm bu kazanımları sağlayacak kaynakların neler olduğunu bilmektir. Son sene kullanılmaya başladığım Gür Yayınları ile Matematik - Geometri adına hiçbir kavram kargasası yaşamadan tüm konulara hakim olacak kadar bilgi edindim ve aynı zamanda her konuya ayrı ayrı ölcen testlerle eksiklerimi giderme şansı yakaladım. Açık ve kalıcı anlatım tarzıyla öğrencilik hayatında ilk kez karşılaşduğum konuları bile kısa zamanda kavrama fırsatını yakaladım. YGS ve LYS'de elde ettiğim başarılara saıldadığı değerli katkılarından dolayı Güray Küçük'e teşekkür ediyorum.

**Pelin SAMARAZ - Hacettepe Üniversitesi Tıp Fakültesi (Türkiye 426.sı ) – Ankara**

Gür Yayınlarının öğretmen Matematik fasikülleri bana göre piyasadaki en iyi fasiküler diyebilirim. Çünkü piyasadaki fasiküler bilgiyi öğretip uygulamayı öğrenciye bırakır. Ayrıca konuyu bir bütün olarak anlatır ve bu zaman zaman konsanrenizi azaltır. Oysa bu fasiküllerde hücreleme tekniğiyle önce konuyu parça parça ve sağlam bir şekilde öğrenip, ardından hemen altında ki örnek sorularla soru çözüm teknikleri ile konuyu pekiştirersiniz. Hemen yanında bulunan mini testle de uygulamasını yaparsınız ve konuyu çok daha iyi kavrarsınız. Ben bu özellikleri nedeniyle bu kaynaklardan çok fayda gördüm ve istedigim bölümü kazandım. Bu nedenle başarımda büyük katkısı olan Gür Yayıncılığa çok teşekkür eder YGS - LYS sınavına hazırlanan tüm öğrenci arkadaşımı başarılar dilerim.

**Ömerhan ÇAKMAK - Hacettepe Üniversitesi Elektrik ve Elektronik Mühendisliği - Ankara**

Güray Küçük sanırım biz öğrencilerin öğrenim şeklini geçtken bilen öğretmenlerimizden birisi. ÖĞRETNEN FASIKÜLLER öğretmekte. Sınav döneminde bana yardımcı olduğu için Gür yayınlarına sonsuz teşekkürlerimi sunuyorum.

**M.Güzin KAYA - Ankara Anadolu LİSESİ**

Bu fasiküler sayesinde artık analitik ile hiçbir sorunum kalmadı. Eksik olduğum tüm konuları her tarz soruyu göğerek öğrendim. Çözümlü sorular ve örnekler öğrenmemi sağladı.

**Hazel KAZKAYASI – Gazi Anadolu Lisesi**

Hücrelenmiş konu tekniği, konulara uygun örnek sorular ve günümüz sınav sistemine uygun pekiştirme testleriyle bu fasikülleri kullanan her öğrenci artık kendisinin ögretnmeni olabilir.

**İlkşen HAYIRLIEL - Matematik Öğretmeni - Ankara**

Eğitim sistemimizde senelerdir süre gelen ezberci yapı, Matematik ve Geometri derslerini, öğrencilerin en çok zorlandığı dersler haline getirmiştir. İnanıyorum ki, sunduğu yenilikler sayesinde elinizdeki kitaplar bu önyargıları ortadan kaldıracaktır. Sevgili Güray Küçük'e "ezber bozan"larından dolayı teşekkürlerimi sunar başarılarının devamını dilerim.

**Ayben Taş - Matematik Öğretmeni - Ankara**

5 yılı aşkın süredir yayınlarını kullandığımız Gür yayınlarının son yayını olan öğretmen fasiküler serisi, öğrencilerimizin bu zorlu maratona bir adım önde başlamasına yardımcı olmuştur. Adım adım öğretmen tekniki, örnek çözümlü soruları, konuyu kavratın testleri ile öğrenciden öğretmeye kadar herkesin faydalanaileceği bir yayın olmuştur. Emeği geçen herkese teşekkür ederim.

**Ümit ÇEVİK - Matematik Öğretmeni – Antalya**

Öğreten fasiküller adı üstünde gerçekten öğretiyor. Basit konu anlatımı bol çözümeli soruları ve düzeyli testleri her düzeydeki öğrenci seviyesine hitap ediyor ve bu yönleri ile biz eğiticilerin işini kolaylaştırıyor. Herkese şiddetle tavsiye ediyorum.

**Mehmet Konyalioğlu - Matematik Öğretmeni - Ankara**

Matematiğin korkulu değil öğrenilir - öğretilebilir kılan meslektaşım Güray Küçük'ü canı gönülden tebrik ediyorum. Öğreten Matematik fasikülleri tüm meslektaşlarımı ve öğrencilere tavsiye ediyorum.

**Abdullah BALTAÇI - Matematik Öğretmeni - Ankara**

Bu fasiküler sayesinde artık analitik ile hiçbir sorunum kalmadı. Eksik olduğum tüm konuları her tarz soruyu göğerek öğrendim. Çözümlü sorular ve örnekler öğrenmemi sağladı.

**Selin BUGDAYCI**

Nermin Mehmet Çekiç Anadolu Lisesi



## ÖĞRETMEN VE ÖĞRENCİ GÖRÜŞLERİ

Merhaba arkadaşlar. Güray KÜÇÜK fasikülerinin öğretme yeteneğinin yüksek olduğunu uygulayarak öğrendim. Zorluk çektiğiniz konularda size de yararlı olacağımı inanıyorum. Bütün kitaplarını çözdüm ve sizlerinde çözmesini tavsiye ediyorum.

Fatma GÜVEN - Kırkkonaklar Anadolu Lisesi

Güray Küçük'e ait Matematik Geometri ve sınav deneşmeleri kitaplarını geçmiş senelerde dershanede kullandım. Bilhassa ikinci dönemde eksik konu analizlerinde öğrencilere çok faydasının olduğunu, bilgi dağarcıklarını gereksiz sorularla doldurmak yerine hedefe varan sorularla çalışıklarını gördüm. Geçen sene yeni çıkan fasikülerle çalıştım. Öğrencinin konuya nerden başlayacağını, hangi sorularla konunun pekiştiğini, yazılılarında ve testlerde yaklaşımının ne olacağını ve sonunda da öğrendiklerini nasıl uygulayacağını pekiştirmenin yapılip yapılmadığını görecek bir kaynak olmuştur. Geniş bir yelpazede ele alınan soruların Matematik Öğretmeni arkadaşlara da yardımcı olacağımı inanıyorum, çalışmalarınızın devam etmesi dileğiyle.

Bülent Muşlu - Matematik Öğretmeni - Kocaeli

Hepsi birden kitap halindelarına çıkışınca öğrencilerin gözüne korkutan konuları küçük lokmalara ayıarak aslında ne kadar kolay olduğunu göstermiş. Simdilik "ZOR" konulardan başlayan serinin diğer konularını da sabırsızlıkla bekliyoruz.

Murat ÇETİN - Matematik Öğretmeni - Balıkesir

Güray Hocam'ın hazırlamış olduğu konu fasikülleri konuları en temelden alıp, her alt başlıklı ilgili bol miktarda çözülmüş soru örnekleriyle öğrencilerin tek başlarına çalışmaya korkutuları konuları bile öğrenciye sevdirmiştir ve bir öğrencinin tek başına bir konuyu öğrenmesine ve pekiştirmesine yardımcı olmuştur. Aynı zamanda klasyikleşmiş soru tarzlarının dışında orijinal ve bol miktarda, daha yaratıcı hazırlanmış sorularla öğrencilerin farklı bakış açılarını kazanmalarını da sağlamıştır. Titizlikle hazırlanmış bu kaynaklardan yararlanan ve bir anlamda yaralarına merhem bulan tüm öğrencilerim adına Güray Hocam'a teşekkür ederim. Bundan sonraki çalışmalarında da başarılarının devamını dilerim.

Janberd PÖC - Matematik Öğretmeni - Alanya

Her seviyedeki öğrenciye matematiği öğretebilecek, konuların tüm alt başlıklarıyla ilgili öğretici, çözümü soru barındıran özel bir kaynak.

Volkan CEYLANGÜDEN - Matematik Öğretmeni - Ankara

Gür yayınlarının kitaplarını ve dergilerini okulumuzda öğrencilerimize daha iyi vermek adına kullanıyoruz. Her öğrenci seviyesine hitap edebilen bol çözümü örnekli, çok sorulu bu fasiküller Matematik Öğretmeni olarak herkese tavsiye ediyorum.

Sezgin UYSAL - Matematik Öğretmeni - Balıkesir Gönen

Siz değerli öğrencilerime, sizleri hayalimize bir adım daha yaklaştıracak olan bu mucieveri takılmamış ama bilgisiz eksiksiz bu fasiküller canı gönülden tavsiye ediyorum.

Erdinç DÜNEN - Matematik Öğretmeni - Batman

Bu fasikülerin her soru çeşidini ve çözümünü içermesi onları, hem bizler hem öğrencilerimiz için çok değerli bir kaynak haline getiriyor. Matematiği kavramak isteyen herkese tavsiye ediyorum.

Ebru OLGUN AY - Matematik Öğretmeni - ANKARA

Gür yayınlarının öğreten fasiküler serisi bu güne kadar fasikül şeklinde hazırlanmış yayınlar arasında öğrenci düzeyine en uygun konu anlatımı ve kaliteli sorular ile tüm öğrencilere ilk tavsiye ettiğim kaynaktır.

Ahmet YILDIZ - Matematik Öğretmeni - Antalya

Öğreten fasiküler öğrenciye konuyu en iyi şekilde öğretmek için iyi konu analizi ile modül içerisinde parça ayrılmış soru kalıpları ve soru çeşitliliği ile aynı türdeki diğer yayınlar arasında ilk bakışta farkını hissettiyor. Eksiksiz bu yayın her konunun anlatımı, çözümü soru testleri ile hem biz öğretmenlerin hem de öğrencilerin iş yükünü azaltıyor. Herkese tavsiye ediyorum.

Kamber BEKTAŞ - Matematik Öğretmeni - Ordu